无锁相环自同步VSG控制策略

王颖伟¹,王博²,姚伟星³

(1.内蒙古交通职业技术学院交通运输工程系,内蒙古赤峰 024005;2.中国农业大学理学院, 北京 100083;3.南京师范大学泰州学院电力工程学院,江苏 泰州 225300)

摘要:虚拟同步发电机(VSG)是微电网或智能电网整合方案之一。VSG并网时需要专用的同步单元,如 锁相环(PLL)等,以收集电网电压相位信息,但增加了控制器设计复杂度。针对这个问题,设计了一种移除 PLL的自同步VSG控制方案。新方案能在逆变器并网前自动与电网电压同步,并在并网完成后准确跟踪电网 相位,提高了控制性能,并降低了控制复杂性和计算负担。同时自同步不影响到VSG本身的功能,如频率和 电压调节、有功和无功功率控制等。利用VSG并网试验平台对无PLL自同步控制策略进行了测试,实验结果 表明,自同步控制策略可在无PLL的时候准确地实现频率跟踪,并提高VSG功率控制性能。

关键词:微电网;虚拟同步发电机;下垂控制;锁相环;同步

中图分类号:TM762 文献标识码:A DOI:10.19457/j.1001-2095.dqcd20267

Self-synchronized VSG Control Strategy Without Phase-locked Loop

WANG Yingwei¹, WANG Bo², YAO Weixing³

(1. Department of Transportation Engineering, Inner Mongolia Career Technical College, Chifeng 024005, Nei Monggol, China; 2. College of Science, China Agricultural University, Beijing 100083, China; 3. School of Electric Power Engineering, Nanjing Normal University Taizhou College, Taizhou 225300, Jiangsu, China)

Abstract: The virtual synchronous generator (VSG) is a solution for microgrid or smart grid integration. When the VSG is connected to the grid, a dedicated synchronization unit, such as a phase-locked loop, is needed to collect the grid voltage phase information, which increases the complexity of controller design. Aiming at it, a self-synchronized VSG control scheme for removing the phase-locked loop was designed. The new scheme could automatically synchronize with the grid voltage before the inverter was connected to the grid, and accurately track the grid phase after the completion of the grid connection, in which the control performance was improved and the control complexity as well as computational burden was reduced. At the same time, self-synchronization did not affect the functions of the VSG, such as frequency and voltage regulation, active and reactive power control. The VSG grid-connected test platform was used to test the self-synchronization control strategy without phase-locked loop. The experimental results show that the self-synchronization control strategy can accurately achieve frequency tracking without phase-locked loop and improve VSG power control performance.

Key words: microgrid; virtual synchronous generator (VSG) ; droop control; phase-locked loop (PLL) ; synchronization

随着可再生能源迅猛发展,逆变器并网技术得 到了广泛研究^[1],其中虚拟同步发电机(VSG)技术 由于引入了同步发电机特性^[2],是一种较优的逆变 器并网策略。类似于其他并网技术,VSG并网前后 必须和电网同步。通常的解决方案是使用锁相环 (PLL)^[3],或其他基于PLL的改进方案^[4-5],或其他采 用其他同步原理的无PLL方案^[6-8]。PLL增加了控 制器复杂度,同时其对控制性能有负面影响^[9]。此 外,由于PLL本质上是非线性的,因此整个系统都 是非线性的,PLL参数的整定过程是复杂和耗费时 间的^[10]。文献[6]针对弱网条件给出了一种基于虚 拟坐标系无PLL同步方案,算法计算量小,但使用 了较多低通滤波器,延迟大,影响了同步速度。文 献[7]利用电网电压与相角的内在对应关系,基于查

基金项目:教育部高等学校电气类专业教学指导委员会教改课题(DQJZW2016007)

作者简介:王颖伟(1982—),男,本科,讲师,Email:1486218617@qqcom

表计算和数字低通滤波获得实时相位,同步速度快 但计算量大,同时查表法的精度不高。文献[8]提出 了一种基于Hilbert变换和预设旋转频率的无PLL 电网同步检测方法,同步速度和精度都较好,但 算法复杂,计算量大,占据的硬件资源较多。

综上所述,由于同步较慢会直接影响控制性 能并降低系统稳定性,故控制器需快速目准确地 完成同步并保持,这使得同步策略的设计具有挑 战性。目前,众多研究集中在提高PLL的速度和 准确性等^[11],但依然存在PLL带来的非线性问 题。而基于其他同步原理的无PLL方案则大多 存在由于计算密集,精度和速度必须折衷的问 题。因此,在本文中,将采取一种全新的思路,即 移除PLL,然后将同步功能嵌入到VSG功率控制 器中,提出了一种无PLL自同步VSG控制方案。 这将从系统中删除掉非线性,使系统控制器设计 更为容易。相对于其他不含PLL的同步方案^[6-8], 新的无 PLL 自同步方案在原 VSG 控制器架构上 实现,无新增的计算单元,在保证同步速度和精 度的基础上,只需要较小的计算量。且新方案基 于VSG内核原理实现,扩大了系统带宽,提高了 同步快速准确性,加强了系统性能,而且降低了 整个控制器的复杂度。最后,仿真和实验结果证 明了所提出的自同步VSG控制策略能在正常运 行和电网故障下表现出较优异的性能。

1 VSG 控制原理

VSG 是一种逆变器控制方案,可模拟传统的 同步发电机。使用VSG 可较容易地将分布式发电 并入电网中,并轻松地参与系统频率和电压调节。 图1、图2分别为VSG 主电路图和控制器框图。



通常,VSG直流母线电压稳定可通过将直流 电压控制器和储能装置结合来实现。VSG控制器 中包含了三相同步发电机数学模型,如下所示:

$$\ddot{\theta} = \frac{1}{J} \left(T_{\rm m} - T_{\rm e} - D_{\rm p} \dot{\theta} \right) \tag{1}$$





$$T_{\rm e} = M_{\rm f} i_{\rm f} \langle i, \sin\theta \rangle \tag{2}$$

$$e = \dot{\theta} M_{\rm f} i_{\rm f} \sin\theta \tag{3}$$

$$Q = -\dot{\theta}M_{\rm f}i_{\rm f}\langle i,\cos\theta\rangle \tag{4}$$

 $\pm \phi \sin\theta = [\sin\theta, \sin(\theta - 2\pi/3), \sin(\theta + 2\pi/3)]^{T}$

 $\cos\theta = [\cos\theta, \cos(\theta - 2\pi/3), \cos(\theta + 2\pi/3)]^{T}$ 式中: $T_m, T_e, e, \theta, J \pi Q \beta B$ 为VSG 机械转矩、 VSG 电磁转矩、VSG 三相电压、VSG 转子角、 VSG 转动惯量和无功功率; i_f 为励磁电流; M_f 为 VSG 定子绕组和励磁绕组之间的互感; θ 为VSG 虚拟角速度,也即PWM生成模块的控制信号e的 频率; $\ddot{\theta}$ 为VSG 虚拟角加速度; D_p 为虚拟机械摩 擦系数;i为从VSG输出的定子电流矢量。

本文中假设VSG每相极对数为1,故VSG机 械转速与电磁场转速相同。

VSG有功功率由频率下垂控制回路控制,使 用虚拟机械摩擦系数D,作为反馈增益。该闭环调 节的是VSG虚拟角速度,并为控制信号e产生相 角θ。VSG无功功率由电压下垂控制回路控制,使 用电压下垂系数D。作为反馈增益。该闭环调节的 是VSG励磁Mit,其与所产生的电压幅值成正比。

控制VSG并网运行时,需要一个同步单元来 为VSG控制器提供电网的信息,以便在并网前与 电网电压同步,并使VSG并网完成后顺利地输出 有功和无功功率入网。

2 自同步VSG控制策略设计

2.1 并网的同步发电机

图 3 所示为并网同步发电机电路图,图中所 示为每个单相的模型。



图3 并网同步发电机电路图



$$P = 3U_{\rm g}E\sin\left(\theta - \theta_{\rm g}\right)/(2X_{\rm s}) \tag{5}$$

 $Q = 3U_{g}[E\cos(\theta - \theta_{g}) - U_{g}]/(2X_{s}) \qquad (6)$

式中:*U*_g为电网电压幅值;*E*为同步发电机输出电 压幅值,其可由励磁调节器控制;*θ*_g和*θ*分别为电 网电压和同步发电机输出电压相位(VSG 由 *M*_i, 控制);*X*为同步发电机同步电抗。

定义相位差如下:

$$\delta = \theta - \theta_g \tag{7}$$

式中: δ 为功率角,由原动机的驱动转矩控制。 根据式(5)和式(6),电网电压幅值 U_g 和对应相角 θ_g 可用作E和 θ 的参考,以输出合适的P和Q。当 原动机驱动转矩 T_m 增加时, δ 增加并增大输送到 电网的有功功率,直到电功率等于由原动机输出 的机械功率。 δ 增加的上限值为 $\pi/2$,如果机械功 率持续增加并导致 δ 增加超过上限,则同步发电 机的转子将加速直至失去与电网的同步,这是应 该要避免的。基于式(6),可通过控制E来调节无 功功率Q。当 $E = U_g$, $\theta = \theta_g$ 时,并网同步发电机与 电网间无功率交换。换言之,如果P和Q被控制 为零,则条件满足,同时发电机电压与电网电压相 同。此时,同步发电机可在不引起较大动态前提下 并网或脱网。这个结论可用于在并网前VSG 与 电网的同步。

2.2 自同步 VSG 控制器

对图 2 中 VSG 控制器进行改进,可得到所提出无 PLL 自同步 VSG 控制器,如图 4 所示。





Fig.4 Block diagram of self-synchronized VSG controller

新型自同步VSG控制器对比原VSG控制器 的主要变化为:1)从 $e \pi u_g$ 的误差中生成虚拟电流 i_s ,然后设置一个两路选择开关来控制 i_s 或者电 网电流 i_g 馈入控制器;2)增加一个PI模块来调节 频率下垂模块 D_p 的输出 ΔT 为零,并产生参考频 率 θ_r 。为了便于自同步VSG的运行,添加3个模 式开关S_c,S_P和S_o以改变运行模式。当开关S_c置 于位置1,同时S_P闭合,且S_o断开时(可设置连锁, S_c 置于位置1,自动闭合 S_p 和断开 S_q),则VSG工作在自同步模式。此时, P_{set} 和 Q_{set} 均设置为0, VSG可与电网同步。当VSG与电网同步后,可闭合图1中的主回路断路器以将逆变器接入电网。当 S_c 置于位置2时,VSG有4种不同的工作模式,如表1所示。

表1 自同步VSG的不同工作模式

ab.1	Different	operation	modes	of self-	synchronized	VSG
------	-----------	-----------	-------	----------	--------------	-----

开关S _c	开关S _P	开关S _Q	工作模式
1	闭合	断开	自同步模式
2	闭合	闭合	PQD模式
2	闭合	断开	PQ模式
2	断开	闭合	P _D Q _D 模式
2	断开	断开	PpQ模式

2.3 自同步 VSG 并网后的运行

Т

如前所述,VSG的功率角 δ 可由功率指令 P_{set} 计算得到的虚拟机械转矩 T_m 控制:

$$T_{\rm m} = P_{\rm set} / \dot{\theta} \approx P_{\rm set} / \dot{\theta}_{\rm n} \tag{8}$$

式中: $\dot{\theta}_n$ 为标称电网频率; P_{set} 为有功功率指令。 当 S_p闭合时,通过 PI控制器将 ΔT 在稳态下控制 为零。故 T_e 等于 T_m ,而 VSG 频率被控制为

$$\dot{\theta} = \dot{\theta}_{\rm r} = \dot{\theta}_{\rm n} + \Delta \dot{\theta} \tag{9}$$

式中: $\Delta \theta$ 为PI模块的输出。

功率角 δ 稳定在一个恒定值使得 $P=P_{set}$,这种工作模式称为P模式。当开关S_p断开时,PI模块退出,VSG以频率下垂的方式运行,这种工作模式称为P_p模式,此时 $P\neq P_{set}$,频率下垂系数定义如下:

 $D_{\rm p} = -\Delta T / \Delta \dot{\theta} \tag{10}$

其中 $\Delta \dot{\theta} = \dot{\theta} - \dot{\theta}_n$

式中:ΔT为频率下垂模块D_p的输出;Δθ为VSG 与标称频率的频率偏差,也是频率下垂块的输入 (因为开关S_p为断开状态)。

这将 VSG 频率恢复为

$$\dot{\theta} = \dot{\theta}_{n} + \Delta \dot{\theta} \tag{11}$$

式(11)与式(7)在形式上相同,但具有不同的频 率偏差。实际上,当功率角 δ 小于 $\pi/2$ 时,在2种 情况下 $\dot{\theta}$ 均收敛于电网频率 $\dot{\theta}_{g}$,具体分析如下: 考虑到频率环的时间常数 $\tau_{f}=J/D_{p}$ 远小于电压环 的时间常数。因此,涉及频率环动态时,可假设 M_{r} 方常数。此外,根据式(5),由VSG输出的实 际功率与 $\sin\delta$ 成正比。故电磁转矩 T_{c} 也和 $\sin\delta$ 成正比。对于 $\delta \in (-\pi/2, \pi/2)$,当功率角 δ 增加时 T_{c} 增加,而当功率角 δ 减小时 T_{c} 减小。如果电网频 率减小,那么功率角 δ 和电磁转矩 T_{e} 增加。从而 图4中的积分模块1/(Js)的输入减小并且VSG频 率减小。这个过程一直持续到 $\dot{\theta} = \dot{\theta}_{g}$ 。如果电网 频率增加,则过程类似直到 $\dot{\theta} = \dot{\theta}_{g}$ 。因此,当 $\delta \in (-\pi/2, \pi/2)$ 时,VSG频率将自动收敛于电网频率, 且无需 PLL。

图4中自同步VSG控制器保留了无功功率 控制回路,增加的开关S_Q可选择或删除电压下垂 功能。当S_Q断开时, M_{i} fr由增益为1/K的积分器在 $Q_{set} 和 Q 之间的跟踪误差产生,故无论 U_n 和 U_g 之$ 间的电压差如何,<math>Q都将无静差跟踪 Q_{set} ,这种工 作模式称为Q模式。当S_Q闭合时,电压下垂接 入, $U_n \pi U_g$ 之间的电压差被考虑到控制器中,这 种工作模式称为Q_p模式,此时 $Q \neq Q_{set}$,电压下垂 系数定义如下:

$$D_{\rm q} = -\Delta Q / \Delta U \tag{12}$$

式中: ΔQ 为无功功率误差; ΔU 为 U_{a} 和 U_{g} 之间的电压差; D_{a} 为电压下垂系数。

2.4 自同步 VSG 并网前的运行

在VSG并网前,输出电压幅值*E*需等于电网 电压幅值*U*_g,并且相序和相位也必须相同。传统 同步发电机需要使用同步装置来测量相位差,并 调整机械转矩进行同步。并网逆变器则使用 PLL来测量相位,使逆变器产生的电压与电网电 压锁定。如前所述,图4所示的控制器能够在自 同步模式下控制VSG,此时*P*_{set}=*Q*_{set}=0。因此,当 VSG并入电网时,*E*=*U*_g, θ = θ _g可得到满足。为了 模拟将VSG并入到电网的过程,引入虚拟电感*L* 和电阻*R*,所得到用于反馈的电流*i*_g如下式所示:

$$i_{\rm s} = \frac{1}{Ls + R} (e - u_{\rm g})$$
 (13)

用*i*_s替换电网电流*i*_g进行反馈,使得*T*_c和*Q*可 根据式(2)和式(4)计算。这允许VSG在P模式、 Q模式下运行,且*P*_{set}=*Q*_{set}=0,即VSG电压与电网 电压同步。此时和真正并网的区别仅在于是虚 拟电流而不是电网电流通过开关S_c馈送到控制 器。由于电流并非真实存在,故虚拟电感*L*和电 阻*R*可在很宽的范围内选择。*L*和*R*取较小值可 加速VSG同步过程。然而,太小的虚拟电感*L*和 电阻*R*可能导致频率振荡。通常,*L*和*R*选择为 略小于真实的*L*_s和*R*_s的值。此外,*L/R*定义了滤 波器1/(*sL*+*R*)的截止频率,也即确定了滤除电网 电压*u*_g中的谐波的能力。当虚拟电流被控制为 零时,VSG与电网同步。然后,可闭环断路器将 VSG并网。断路器闭合时,应将开关S_c转到位置 2,以将*i*_g送入控制器进行正常运行。在VSG并 入电网之后,可以断开或闭合开关S_p和S_o,以实 现表1中所示的各种运行模式。

3 仿真分析

为验证自同步 VSG 设计,在 Matlab/Simulink 中搭建仿真模型进行仿真验证,求解器为 ode23, 最大步长 0.1 ms。仿真系统参数为:额定容量 S_n = 100 V·A,额定电压 U_n =16.968 V,额定频率 f_n =50 Hz,直流电压 U_{DC} =42 V,并网电感 L_g =0.15 mH,并 网电阻 R_g =0.045 Ω,滤波电感 L_s =0.45 mH,滤波电 容 C=22 µF,滤波电阻 R_s =0.135 Ω,虚拟电感 L= 0.2 mH,虚拟电阻 R=0.05 Ω,比例参数 K_p =0.5,积 分参数 K_i =20。仿真中频率下垂参数 D_p 设置为 0.202 6,使频率从标称频率 f_n 下降 0.5%所对应功 率增加为额定值的 100%。同时设置电压下垂参 数 D_q 为 117.88,即电压下降 5% 对应增加 100% 的 无功功率。频率下垂时间常数 τ_i =0.002 s,电压下 垂时间常数 τ_u =0.02 s。

在t=0 s时开始仿真,开关S_c处于位置1,S_p 闭合,S_q断开,主回路断路器断开,VSG处于自同 步模式,同时P_{set}=Q_{set}=0。电网电压设定为比标称 值高2%,VSG迅速与电网同步。在t=2 s时,主回 路断路器闭合,开关S_c切换到位置2。在t=5 s 时,P_{set}改为80W,在t=10 s时,Q_{set}改为60 var。在 t=15 s时,电网频率逐步升高到f=50.1 Hz,即增 加0.2%。在t=20 s时,通过闭合S_p启动VSG的P_D 模式,并在t=25 s时,通过闭合S_p启动VSG的Q_D 模式。在t=30 s时,电网频率变回50 Hz,并且在t=35 s时,仿真结束。系统仿真波形如图5所示。

仿真中虚拟电流和实际电流之间的切换过 渡非常平滑, P和Q在并网前后保持为零。在 VSG并网后, 无论P_{set}和Q_{set}如何设置, 以及运行 模式如何, VSG均能很好地跟踪电网频率, 无需 使用PLL。

同时,自同步 VSG 控制方案保留了原 VSG 控制的优良特性,系统在 P模式、Q模式下的响 应合理,具有较小的过冲和零稳态误差。当 P_D 模式启用且频率增加到f_g=50.1 Hz时,实际功率 下降 40 W,即标称值的 40%,因为此时f_g比标称 频率f_n高 2%。当f_g返回到标称频率时,功率迅 速回到设定值。类似地,当启用 Q_D模式时,无 功功率也下降 40 var,也即标称值的 40%,因为



Fig.5 Simulation results under normal operation

电网电压 u_g比标称值 U_n高 2%。以 b 相为例, VSG 输出电压 u 和电网电压 u_g在并网前后的波 形以及差异如图 6 所示。从图 6 中可看出,并网 前峰峰值约为 100 mV,其值较小,并入到电网 是没有问题的。



为了证明自同步VSG的动态性能,电网频率 f_{g} 在t=15s时增加0.1 Hz,并在t=30s时恢复正常, 系统响应如图7所示。



需注意的是,前一种仿真工况是由 PI 调节器 生成参考频率 θ_r,因为 S_p是闭合的,但后一种情 况下,S_p是断开的,故 PI 调节器未被激活。这将 导致不同的响应速度。此外,由于 2 种工况下 VSG 的工作模式不同,电流变化的幅度不同,但 是电压均无显著变化。

4 实验验证

对所提出的自同步 VSG 进行了小功率系统 实验测试,实验参数同仿真。实验中采样频率和 开关频率分别设置为5 kHz 和15 kHz。实验过程 为:1)先关闭所有 IGBT,开关S_c切换至位置1,S_p 闭合,S_q断开,设置 $P_{set}=Q_{set}=0$,启动系统运行在自 同步模式;2)约在 t=5 s时,开始投入 IGBT 工作; 3)约在 t=10 s时,闭合主回路断路器,同时将S_c切 换到位置2;4)分别在 t=20 s和 t=30 s时,设置 P_{set} =60 W, $Q_{set}=20$ var;5)分别在 t=40 s和 t=50 s时, 断开 S_p启用 P_D模式和闭合 S_q启用 Q_D模式;6)在 t=60 s时停止数据采集,实验结束。共进行了2组 实验,分别为电网频率低于和高于50 Hz。

实验结果如图8所示。图8中, 左、右栏分 别为当电网频率低于、高于50 Hz时系统的响应 图。从图 8a~图 8d 中可以看出, VSG 在并网前能 较好地跟踪电网频率,频率峰峰值纹波小于 0.006 Hz, 对比 PLL 得到的电网频率存在 0.035 Hz的频率峰峰值纹波,故新方案显著改善了频 率跟踪性能。此后的频率动态中,即在运行条 件改变时,对应VSG的虚拟转速变化时,频率出 现瞬态响应,但很快就稳定下来,峰峰值波动约 为0.011 Hz,时间小于0.5 s,频率响应平滑并仍 很好地实现了频率跟踪。VSG并网后的频率峰 峰值纹波增大1倍,但仍3倍好于PLL锁相频 率。从图 8e~图 8h 中可看出,在 t=20 s 前, U, 约 为U_n的98%。Q_{set}被选择为小于20 var,因此在 Qp模式中,VSG不会产生可能导致过电流的过 多无功功率,从而无功功率响应平稳。当Q_p模 式启用时,无功功率增加了约40 var,如预期的 那样,因为U。较低,如图8i、图8j所示。值得注 意的是,图8k、图81所示的有功功率是从VSG输 出到电网的实际功率,比设定值略小,这是因为 电感的寄生电阻存在一定损耗。当Pp模式启用 后,有功功率立即增加到新的稳定值,这也是随 着电网频率的变化而变化的。

对比图8左、右栏波形可看出,在启用下垂模

式之前,系统响应无太大差异,VSG频率跟踪良好,功率实际值也平滑过渡到设定值,超调量较小。但启用P_p模式后,有功功率迅速升高或降低并达到新的稳态,这和预期保持了一致,同时当电网频率高于50 Hz时,电网电压幅值U_g略小于当电网频率低于50 Hz的情况,只约为额定值U_n的97.5%。因此,当Q_p模式在大约50 s时启用时,产生的无功功率较电网频率低时增加约50 var。



5 结论

为了提高VSG的控制性能,提出了一种无 PLL的自同步VSG控制器,通过理论设计、仿真 和实验,可得到结论如下:1)自同步VSG方案中 不需要专用的PLL跟踪电网频率,简化了控制 器,降低了控制器计算负担,提高了软件可靠性, 同时还减少了系统非线性因素,降低了控制器设 计难度,减少了开发成本;2)相对于其他不含 PLL的同步方案,新型自同步方案不改变原VSG 控制器架构,无新增计算单元,在保证同步速度 和精度的基础上,计算负担小;3)通过设置2路选 择开关,新型自同步VSG控制器方案可在并网前 同步电网频率,并在并网后自动跟踪电网频率, 实验结果表明,自同步方案性能优于常规PLL方 案,即频率跟踪性能显著提高;4)基于本文思路, 原则上控制器具有同步能力的,均可设计出移除 PLL的方法。

参考文献

- [1] 陈新,王赟程,龚春英,等.采用阻抗分析方法的并网逆变器
 稳定性研究综述[J].中国电机工程学报,2018,38(7):2082-2094.
- [2] 陈秉乾,庄圣贤.基于虚拟同步机的微网逆变器并网技术研究[J].电力电子技术,2017,51(3):39-42.
- [3] 颜湘武,贾焦心,王德胜,等.虚拟同步发电机的并网功率控制及模式平滑切换[J].电力系统自动化,2018,42(9):91-99.
- [4] 孙大卫,刘辉,高舜安,等.电流控制型虚拟同步发电机的小信号建模与稳定性分析[J].电网技术,2018,42(9):2983-2991.
- [5] 薛冰,杨旭红,张苏捷,等.不平衡电压下的虚拟同步发电机 控制方法[J].电气传动,2018,48(4):61-64.
- [6] 张晓滨,黄佳敏,伍文俊,等.弱电网条件下的有源电力滤波器无锁相环控制[J].电气传动,2019,49(2):16-22.
- [7] 赵红雁,郑琼林,李艳,等.应用于三相并网系统的电网电压 快速锁相技术研究[J].高电压技术,2018,44(1):314-320.
- [8] 盘宏斌,龙海鸿,朱茂琨,等.基于Hilbert变换和预设旋转频率的无锁相环电网同步基准正弦信号检测方法[J].电工技术学报,2018,33(10):2345-2353.
- [9] Harnefors L , Bongiorno M , Lundberg S . Input-admittance Calculation and Shaping for Controlled Voltage-source Converters[J]. IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2007, 54(6):3323-3334.
- [10] 曾正,邵伟华,刘清阳,等.并网逆变器数字锁相环的数学物 理本质分析[J].电工技术学报,2018,33(4):808-816.
- [11] Silva C H D, Pereira R R, Silva L E B D, et al. A Digital PLL Scheme for Three-phase System Using Modified Synchronous Reference Frame[J]. IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2010, 57(11):3814-3821.

收稿日期:2019-05-14 修改稿日期:2019-08-05