基于自抗扰控制的H桥逆变器的混沌研究

马幼捷^{1,2},何晓宇^{1,2},周雪松^{1,2},张超^{1,2}

(1. 天津理工大学 电气工程与自动化学院, 天津 300384;

2. 天津理工大学 天津市复杂系统控制理论与应用重点实验室, 天津 300384)

摘要:为了解决新能源发电系统逆变器出现混沌的问题,提出了一种基于自抗扰控制的H桥逆变器的调节方案。针对处于混沌状态的逆变器的稳态和动态特性差的现象,构建了逆变器的离散模型,并通过建立跟踪微分器、扩张状态观测器以及状态误差反馈控制律进行混沌控制。通过分岔图、折叠图以及仿真分析,结果可知基于自抗扰控制的H桥逆变器比基于比例控制的H桥逆变器的稳定范围扩大了45%,有效地抑制了混沌现象的发生。通过分析可得出:该控制策略对系统的混沌行为能够进行抑制,拓宽了系统稳定工作范围。

关键词:自抗扰控制;H桥逆变器;离散模型;混沌;分岔图

中图分类号:TM743 文献标识码:A DOI:10.19457/j.1001-2095.dqcd24798

Chaos Research of H-bridge Inverter Based on Active Disturbance Rejection Control

MA Youjie^{1,2}, HE Xiaoyu^{1,2}, ZHOU Xuesong^{1,2}, ZHANG Chao^{1,2}

(1.School of Electrical Engineering and Automation, Tianjin University of Technology, Tianjin 300384, China; 2.Tianjin Key Laboratory of Control Theory and Application for Complex Systems, Tianjin University of Technology, Tianjin 300384, China)

Abstract : To solve the chaos problem of inverter in new energy generation system, a regulation scheme of H-bridge inverter based on active disturbance rejection control(ADRC) was proposed. Aiming at the phenomenon of poor steady-state and dynamic characteristics of inverters in chaotic state, a discrete model of the inverter was developed to control the chaos by establishing tracking differentiators, extended state observers, and state error feedback control laws. Through bifurcation diagram, folding diagram and simulation, the results show that the stability range of the H-bridge inverter based on ADRC control is expanded by 45% compared with the H-bridge inverter based on proportional control, which effectively suppresses the occurrence of chaos. It can be concluded that the control strategy can restrain the chaotic behavior of the system and broaden the stable working range of the system.

Key words: active disturbance rejection control(ADRC); H-bridge inverter; discrete models; chaos; bifurcation diagram

如今新能源发电不断发展,在智能电网的快速建设中,逆变器成为变换器中重要的组成部件。但是由于此系统中存有大量的开关器件,在 其开关过程中会使其成为一种较强的非线性系统,表现出很多的复杂非线性行为,比如分岔和 混沌等现象^[1]。因此,研究逆变器的非线性行为 并设计控制方式保证其稳定状态,或者避开不稳 定状态,是有一定意义的。

对于逆变器的混沌研究,已有学者取得了一些成果。文献[2-3]通过研究单相H桥逆变器的

非线性现象,提出了离散映射模型。文献[4-5]通 过电压控制单相H桥逆变器的不稳定现象,发现 了逆变器中的分岔现象。文献[6]通过单相H桥 逆变器的离散映射模型,求出其系统的稳定范 围。文献[7]对单相H桥逆变器进行分析并作出 其分岔图和李亚普诺夫指数谱,通过对图形的分 析,发现其非线性区域。文献[8-10]通过延迟反 馈法(time delayed feedback control, TDFC)对逆变 器进行控制。文献[11]通过扩展时延反馈控制 (extend time delayed feedback control, ETDFC)控

基金项目:国家自然科学基金面上项目(51877152);天津市自然科学基金(18JCZDJC97300) 作者简介:马幼捷(1964—),女,博士,教授,研究方向为电力系统分析与控制,Email:203169321@163.com 通讯作者:何晓宇(1996—),男,硕士研究生,研究方向为电力系统分析与控制,Email:1305438834@qq.com

制桥逆变器的混沌行为,这两种方法鲁棒性强、易 于构造。文献[12]采用斜坡补偿法控制峰值电流, 改善了该逆变器的各项性能指标。文献[13]采用 Washout滤波器法,有效控制了系统的混沌行为。

近年来,出现了一种对于扰动有很强的耐受性的控制策略——自抗扰控制(active disturbance rejection control, ADRC)。本文通过ADRC 调节逆变器的混沌,首先构建系统离散映射模型;然后通过建立跟踪微分器(tracking differentiator, TD)、扩张状态观测器(extended state observer, ESO)以及状态误差反馈控制律(linear state error feedback, LSEF),控制所需的反馈信号,最后通过分岔图和折叠图以及仿真分析,可以得出, ADRC控制有效抑制了系统中的混沌行为,并可以扩大系统的稳定工作范围。

1 离散模型的建立

H桥逆变器电路图如图1所示,其中*i*_{ref}为参 考电流。通过电流反馈控制,当开关频率远远大 于调制信号的频率时,参考电流在一个开关周期 内为恒定值。



用频闪映射理论对系统进行离散化,可得逆

变器的迭代方程为

$$x_{n+1} = (I + AT_{s})x_{n} + [I + A(1 - d_{n})T_{s} \cdot d_{n}T_{s}B_{1} + (1 - d_{n})T_{s} \cdot d_{n}T_{s}B_{2}] E$$
(3)

其中

$$\begin{cases}
A = \begin{bmatrix} 0 & -1/L \\ 1/C & -1/RC \end{bmatrix} \\
B_1 = \begin{bmatrix} 1/L \\ 0 \end{bmatrix} \\
B_2 = \begin{bmatrix} -1/L \\ 0 \end{bmatrix} \\
d_n = \begin{cases}
0 & d_n \leq 0 \\
D + k(i_{refn} - i_n) & 0 < d_n < 1 \\
1 & d_n \geq 0
\end{cases}$$
(4)

式中:D为稳态工作时开关占空比,为一常量;k为 比例调节系数;i_{refn}为正弦参考电流在第n个开关 周期的采样值,当开关频率远远大于调制信号 的频率时,参考电流在一个开关周期内为恒 定值。

则比例调节下的单相H桥逆变器的离散模型为 式(3)和式(5)。

2 自抗扰控制器的设计

ADRC控制器主要由三个部分组成:TD,ESO 以及状态误差反馈控制律(nonlinear state error feedback,NLSEF),三者相互作用,提高了系统的 鲁棒性和动态性能。控制框图如图2所示。



2.1 跟踪微分器

在实际工程中,信号输入在其传递的过程中 会受到一些干扰,因此设计TD环节,可以起到平 滑信号突变的作用,合理地提取理想输入信号, 进而克服噪声信号造成的影响。于是能够得到 如下所示的表达式:

$$\begin{cases} f h = fhan [v_1(k-1) - r, v_2(k-1), \rho, h_0] \\ v_1(k) = v_1(k-1) + h_0 v_2(k-1) \\ v_2(k) = v_2(k-1) + h_0 f h \end{cases}$$
(6)

$$\begin{cases} b_{0} = v_{1}(k-1) - r + h_{0}v_{2}(k-1) \\ b_{1} = \sqrt{h_{0}^{2}\rho^{2} + 8r|b_{0}|} \\ b_{2} = \begin{cases} v_{2}(k) + \frac{b_{1} - h_{0}\rho}{2} \operatorname{sign}(b_{0}) |b_{0}| > h_{0}^{2}\rho \\ v_{2}(k) + \frac{b_{0}}{h_{0}} |b_{0}| \le h_{0}^{2}\rho \end{cases} (7) \\ fhan = -\begin{cases} \rho \operatorname{sign}(b_{2}) & |b_{2}| > h_{0}\rho \\ \frac{b_{2}}{h_{0}} |b_{2}| \le h_{0}\rho \end{cases} \end{cases}$$

其中

 $r = i_{ref}$

式中:r为系统的理想输入信号; *ρ*为快速因子; *h*₀ 为滤波因子, 其值与采样步长 *h* 相关联。

 $v_1(k)$ 跟踪的是 i_{ref} , $v_2(k)$ 相当于信号 i_{ref} 微分项的 近似,而fh相当于 \ddot{r} 的近似值。函数fhan中的参 数 h_0 的选取应适当大于步长h,并且其值与滤波 作用成正比,增大 h_0 是增强滤波效果的重要策 略。同时,积分步长值与其增益能力成反比,选 取适当大小的步长有助于抑制噪声; ρ 值与滤波 效果成正比,因此当步长确定时,为了得到更好 的滤波效果,可以增大 ρ 。

2.2 扩张状态观测器

考虑到系统中存在频率波动、线路损耗等一 系列不确定性以及实际系统的不理想性,设计如 下所示的观测器:

$$\begin{cases} e(k) = z_{1}(k-1) - i(k) \\ z_{1}(k) = z_{1}(k-1) + h \{ z_{2}(k-1) - \beta_{01} fal[e(k),a_{1},\delta_{1}] \} \\ z_{2}(k) = z_{2}(k-1) + h \{ z_{3}(k-1) - \beta_{02} fal[e(k),a_{1},\delta_{1}] + hb_{0}u(k-1) \} \\ z_{3}(k) = z_{3}(k-1) + h\beta_{03} fal[e(k),a_{1},\delta_{1}] \end{cases}$$

$$fal(x,a,\delta) = \begin{cases} \frac{x}{\delta^{(1-a)}} & |x| \leq \delta \\ sign(x)|x|^{a} & |x| > \delta \end{cases}$$
(9)

ESO 中参数 $a_1, \delta_1, \beta_{02}$ 和 β_{03} 需要整定。 a_1 在 0~1之间取得, a_1 取值较小时,其非线性行为 强,使系统的扰动能力增强,一般 a_1 取 0.2。对于 参数 δ_1 ,表征的是非线性函数的线性区间宽度,取 值大时非线性会转化为线性反馈,但取值过小又 会出现高频脉动,最后取 δ_1 为6。参数 β_{01}, β_{02} 和 β_{03} 的取值对于系统也有很大的影响, β_{01} 过大会 带来振荡甚至发散; β_{02} 过大会带来发散,过小会 产生高频噪声; β_{03} 影响对扰动的估计,过大会产 生振荡,过小会降低跟踪速度。通过 Matlab 仿真 进行参数整定,最后代入系统实验后分别取 β_{01} , β_{02} 和 β_{03} 为100,300和1500。

2.3 状态误差反馈控制律

状态误差反馈控制律主要是通过状态误差 求理论控制量,表达式如下:

$$\begin{aligned} \hat{v}_{1}(k) &= v_{1}(k) - z_{1}(k) \\ e_{2}(k) &= v_{2}(k) - z_{2}(k) \\ u_{0}(k) &= k_{p} fal [e(k), a_{2}, \delta_{2}] + k_{d} fal [e(k), a_{2}, \delta_{2}]^{(10)} \\ u(k) &= u_{0}(k) - z_{3}(k)/b_{0} \end{aligned}$$

其中,参数 a_2 和 δ_2 取值与 a_1 和 δ_1 一样,分别为0.5 和5; k_p 为比例增益, k_p 增大,会减少误差,但是会 降低快速性,实验整定后取450; k_d 为微分增益, k_d 增大,增加快速性,但是过大会产生振荡,通过 多次测试后取20; b_0 的取值跟ESO中补偿量有 关, b_0 的取值不同使得其扰动的范围不同,当 b_0 取得值大的时候,可以补偿系统的扰动和模型中 不确定的因素,可以提高抗扰能力,最后通过测 试取为5。

基于 ADRC 控制单相 H 桥逆变器混沌化的实现过程如图 3 所示,取控制的信号为输出电流 *i*_n,令其为输入信号,将 ADRC 的输出信号作用于系统的比例系数 *k*,以达到对系统混沌化控制的目的。*d*_n可表示为





3 仿真结果与分析

利用 Matlab/Simulink 进行程序的编写和搭建 模型并进行仿真。H桥逆变器中数据参数如下:直 流电压源 *E* = 350 V,负载电阻 *R* = 30 Ω,负载电感 L = 30 mH,负载电容 $C = 12 \mu$ F,占空比D = 0.4,开 关频率 $f_s = 5 \text{ kHz}, f = 50 \text{ Hz}, i_{ref} = 5 \sin(2f\pi t)_{\circ}$

通过 Matlab 编写分岔图和折叠图的程序。 图4和图5为比例控制和ADRC控制时 k_p 变化的 分岔图;图6和图7为比例控制和ADRC控制时 $k_p = 0.8$ 的折叠图。



由图4可以看出,k_p的稳定范围为0~0.42,系

统在k_p为0.43~0.52时进入分岔,在k_p大于0.53时 系统进入混沌状态。由图5可以看出,k_p的稳定 范围为0~0.91,在k_p大于0.92时,系统进入混沌 状态。由分岔图可以看出采用ADRC控制可以提 高稳定范围,扩大约45%。

由图 6 可以看出比例控制 k_p=0.8 时,H桥逆 变器的电流输出呈现出多个不定值,此时系统 是不稳定的混沌状态;由图 7 可以看出 ADRC 控 制 k_p=0.8 时,H桥逆变器的电流输出是一条稳 定的、单一的正弦曲线,此时系统是稳定的单周 期稳定状态。故采用 ADRC 扩大了H桥逆变器 的稳定范围。

通过 Matlab/Simulink 对 H 桥逆变器系统搭建 模型仿真, 仿真结果如图 8~图 13 所示。图 8 为比 例控制 $k_p = 0.8$ 的 H 桥逆变器仿真图, 图 9 为 ADRC 控制 $k_p = 0.8$ 的 H 桥逆变器仿真图。





 Fig.9 Simulation diagram of ADRC H-bridge inverter ($k_p = 0.8$)

 由图 8 和图 9 可以看出,比例控制在 $k_p = 0.8$

 时,系统处于混沌的状态;但是 ADRC 控制在 $k_p = 0.8$

 0.8 时,系统是稳定状态。图 10 和图 11 为系统加入扰动后,系统的状态仿真图。图 8 和图 10 对比

 可以看出比例调节控制 H 桥逆变器加入扰动后,



Fig.11 Simulation of ADRC H-bridge inverter adding disturbances $(k_p = 0.8)$

系统状态更加复杂。由于自抗扰控制自身具有 抗扰能力,对比图9和图11可以看出采用ADRC 控制后,系统变化不大。故可以证明ADRC能够 扩大稳定范围和抗扰能力。

图 12 和图 13 为 k_p = 0.3 时,比例控制和 ADRC 控制时 E 变化的 H 桥逆变器的分岔图。由图 12



分析可得,比例控制时 E 在 0~445 V 时,系统是 稳定的; E 在 445~470 V 时,系统运行在分岔范 围; E>470 V 时,系统进入混沌状态。由图 13 可 知, ADRC控制 H 桥逆变器 E 在 0~610 V 时,系统 是稳定的; E>610 V 时,系统进入分岔状态,然后 进入混沌状态。由图 12 和图 13 可得,采用 ADRC 控制 H 桥逆变器,可以使其稳定范围扩大,扩大 约40%。

4 结论

本文针对单相逆变器的非线性动力学行为, 提出一种基于ADRC的H桥逆变器的混沌控制策 略,介绍了该方案的基本原理,并与比例控制进 行仿真模拟实验对比。综上所述,该控制是在比 例控制的基础上加入了一个ADRC,理论分析和 控制仿真结果表明,在加入ADRC后系统稳定范 围扩大;自抗扰控制对于扰动有一定的抗扰能 力,故采用ADRC控制H桥逆变器提高了系统的 抗干扰性能。

参考文献

 [1] 吕锋,彭一,赵亮宇,等.电压型Boost变换器的混沌分岔现 象及其控制[J].昆明理工大学学报(自然科学版),2018,43 (1):55-60,68.

LÜ Feng, PENG Yi, ZHAO Liangyu, et al. Bifurcation and chaos of voltage mode controlled Boost converter and its control[J]. Journal of Kunming University of Science and Technology (Natural Science Edition), 2018, 43(1):55–60, 68.

- [2] ROBERT B, ROBERT C. Border collision bifurcations in a onedimensional piecewise smooth map for a PWM current-programmed H-bridge inverter[J]. International Journal of Control, 2002,75(16-17):1356-1367.
- [3] 代云中,何凯瑞,杜程茂,等.LC 滤波H6结构逆变器离散模型简化与动力学行为[J].高电压技术,2017,43(10):3313-3321.

DAI Yunzhong, HE Kairui, DU Chengmao, et al. Discrete model simplification and dynamic behavior of LC-filter-based inverter with H6-type[J]. High Voltage Engineering, 2017, 43 (10):3313-3321.

- [4] WANG X M, ZHANG B, QIU D. Bifurcations and chaos in Hbridge DC chopper under peak-current control[C]//International Conference on Electrical Machines and Systems, IEEE, 2008: 2173-2177.
- [5] 江伟,吴荣华.基于PI控制的H桥逆变器工作稳定性研究[J].振动与冲击,2020,39(16):62-68.

JIANG Wei, WU Ronghua. A study on working stability of Hbridge inverter based on PI control[J]. Journal of Vibration and (下转第21页)

Fig.13 Bifurcation diagram of ADRC H-bridge inverter E change

photovoltaic grid connected system[J]. Renewable Energy Resources, 2022, 40(9): 1232-1240.

 [2] 刘运鑫,姚良忠,廖思阳,等.光伏渗透率对电力系统静态电 压稳定性影响研究[J].中国电机工程学报,2022,42(15): 5484-5497.

LIU Yunxin, YAO Liangzhong, LIAO Siyang, et al. Study on the impact of photovoltaic penetration on power system static voltage stability[J]. Proceedings of the CSEE, 2022, 42(15): 5484-5497.

- [3] HARROU F, SAIDI A, SUN Y, et al. Monitoring of photovoltaic systems using improved kernel-based learning schemes[J]. IEEE Journal of Photovoltaics, 2021, 11(3):806-818.
- [4] HEDESIU H, RUBA M, MARTIS C, et al. PV monitoring system using industrial internet of things technologies based on graphical programming[C]//Internatioal Conference on Applied and Theoretical Electricity, 2021:54–57.
- [5] WANG L, SHI Y, SHI Y, et al. Ground leakage current analysis and suppression in a 60 kW 5-level T-type transformerless SiC PV inverter[J]. IEEE Transactions on Power Electronics, 2018, 33(2):1271-1283.
- [6] ACHARYA S, SHE X, TAO F, et al. Active gate driver for SiC-MOSFET-based PV inverter with enhanced operating range[J].
 IEEE Transactions on Industry Applications, 2019, 55 (2) : 1677–1689.

(上接第15页) Shock,2020,39(16):62-68.

- [6] 周雪松,崔阳阳,马幼捷,等.基于改进型LADRC的SAPF双闭环控制策略研究[J]. 电气传动,2021,51(15):53-60.
 ZHOU Xuesong, CUI Yangyang, MA Youjie, et al. Research on SAPF double closed-loop control strategy based on improved LADRC[J]. Electric Drive,2021,51(15):53-60.
- [7] LIU H C, LI F, SU Z X, et al. Symmetrical dynamical characteristic of peak and valley current-mode controlled single-phase H-bridge inverter[J]. Chinese Physics B, 2013, 22 (11) : 230– 235.
- [8] IU H H C, ROBERT B. Control of chaos in a PWM currentmode H-bridge inverter using time-delayed feedback[J]. IEEE Transactions on Circuits and Systems I: Fundamental Theory and Applications, 2003, 50(8):1125-1129.
- [9] 吴智,张小平.电流模式Buck-Boost变换器的混沌控制[J]. 电力系统及其自动化学报,2018,30(8):51-57.
 WU Zhi, ZHANG Xiaoping. Chaos control of Buck-Boost converter in current mode[J]. Proceedings of the CSU-EPSA,2018, 30(8):51-57.
- [10] JIANG W, ZHOU Y F, CHEN J N, et al. Research of modeling and simulation to control chaos in H bridge converter[C]//Inter-

- [7] LI H, NIELSEN S, WANG X, et al. Influences of device and circuit mismatches on paralleling silicon carbide MOSFETs[J].
 IEEE Transactions on Power Electronics, 2016, 31 (1): 621– 634.
- [8] 朱梓悦,秦海鸿,陈迪克,等. 一种 SiC MOSFET 并联的稳态 电-热分布预测模型[J]. 电工电能新技术,2021,40(12):1-9.
 ZHU Ziyue, QIN Haihong, CHEN Dike, et al. A forecasting model of static electro-thermal distribution between paralleled SiC MOSFET[J]. Advanced Technology of Electrical Engineering and Energy, 2021,40(12):1-9.
- [9] KIM S, BURGOS R, SEO J, et al. Design of switching current sensor for three-phase SiC inverter[C]//IEEE Applied Power Electronics Conference and Exposition, 2021:2139–2146.
- [10] KIM S, BURGOS R, KWON T. Design of rogowski switch-current sensor with offset compensation of three-phase SiC inverter
 [J]. IEEE Transactions on Power Electronics, 2022, 37 (10): 11636–11649.
- [11] NIBIR S, PARKHIDEH B. Magnetoresistor with planar magnetic concentrator as wideband contactless current sensor for power electronics applications[J]. IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2018, 65(3):2766–2774.

收稿日期:2023-01-04 修改稿日期:2023-03-08

national Conference on Electronic Measurement and Instruments, IEEE, 2009.

[11] 代云中,任海军,林春旭,等.滑模变结构控制H6结构逆变
 器的非线性行为和稳定域[J].高电压技术,2017,43(4):
 102-109.

DAI Yunzhong, REN Haijun, LIN Chunxu, et al. Non-linear behavior and stability domain in sliding mode controlled inverter with H6-type[J]. High Voltage Engineering, 2017, 43(4): 102–109.

[12] 吴军科,周雒维,卢伟国.电压型逆变器的通用分岔控制策略研究[J].物理学报,2012,61(21):6-14.
WU Junke, ZHOU Luowei, LU Weiguo. A unified bifurcation control strategy for voltage source inverter[J]. Acta Physica Sini-

ca,2012,61(21):6-14.

[13] 汪剑鸣,许镇琳.PWM型DC/DC变换器的Washout滤波器混 沌控制方法[J]. 信息与控制,2005,34(3):269-273.
WANG Jianming, XU Zhenlin. Controlling chaos in PWM DC/ DC converter with Washout filter[J]. Information and Control, 2005,34(3):269-273.

> 收稿日期:2022-11-21 修改稿日期:2023-02-21