基于最大熵原理的谐波评估指标研究

景巍巍¹,付慧¹,郑仙²,李双伟¹,史明明²,曾江³

(1.国网江苏省电力有限公司,江苏南京210024;

2. 国网江苏省电力有限公司电力科学研究院, 江苏南京 211103;

3.华南理工大学电力学院,广东广州510640)

摘要:随着新型电力系统的加速构建,电网的谐波特性日益复杂,研究谐波数据的有效统计管理,对评估 电网电能质量好坏具有重要意义。提出一种基于最大熵原理的谐波评估指标统计方法,通过记录并保存谐波 数据的平均值、中心距等数字特征,使用最大熵原理对谐波进行概率分布拟合,达到保存并识别谐波特征的目 的,方便数据储存;利用拟合的概率分布获取谐波95%概率值和99%概率值两种谐波评估标准,保证了指标的 准确性和一致性。最后通过谐波实测数据进行算法实例分析,验证了所提方法的有效性。

关键词:最大熵原理;谐波评估;95%概率值;99%概率值

中图分类号:TM711 文献标识码:A DOI:10.19457/j.1001-2095.dqcd24782

Research on Harmonic Evaluation Index Based on Maximum Entropy Principle

JING Weiwei¹, FU Hui¹, ZHENG Xian², LI Shuangwei¹, SHI Mingming², ZENG jiang³

 (1. State Grid Jiangsu Electric Power Co., Ltd., Nanjing 210024, Jiangsu, China; 2. Electric Power Research Institute of State Grid Jiangsu Electric Power Co., Ltd., Nanjing 211103, Jiangsu, China;
 3. School of Electric Power Engineering, South China University of Technology, Guangzhou 510640, Guangdong, China)

Abstract: With the accelerated construction of new power system, the harmonic characteristics of power grid are becoming more and more complex. It is of great significance to study the effective statistical management of harmonic data for evaluating the power quality of power grid. A statistical method of harmonic evaluation index based on maximum entropy principle was proposed. By recording and saving the average value and center distance of harmonic data, the maximum entropy principle was used to fit the probability distribution of harmonics, so as to save and identify the harmonic characteristics and facilitate data storage. Two harmonic evaluation criteria of harmonic 95% probability value and 99% probability value were obtained by using the fitted probability distribution, which ensures the accuracy and consistency of the index. Finally, the effectiveness of the proposed method was verified by the example analysis of harmonic measured data.

Key words: maximum entropy principle; harmonic evaluation; 95% probability value; 99% probability value

近年来,新能源发电系统和非线性电力电子 装置的快速发展应用,成为电网新的谐波源,直 接或间接影响到输电网的安全可靠运行^[1-4]。电 网谐波污染已成为电力系统电能质量最重要的 问题之一。为了评估谐波对电网的污染程度,国 际上颁布的 IEC 61000-4-7, IEC 61000-4-30标 准,提到将 95% 概率值作为电能质量的评估指 标;根据国标《电能质量公用电网谐波》(GB/T 14549—1993),规定了公用电网谐波的允许值及 其测试方式,将谐波实际测量中的95%概率值作 为评判电网谐波电压电流是否越限的标准^[5]。作 为谐波指标,95%概率值、99%概率值等数值的 求取,传统主流采取排序的方式,该方法简单易 实现,但是在实践应用当中,随着电能质量监测 系统记录的谐波原始数据成倍增加,排序寻找概 率大值的性能迅速下降^[6]。文献[7]指出,基于谐

基金项目:国家电网有限公司科技项目(5700-202018485A-0-0-00)

作者简介:景巍巍(1981—),男,硕士,高级工程师,主要研究方向为电力系统规划,Email:745614569@qq.com

波离散原始数据求取的概率大值,在极端情况下 可能存在对不同谐波用户评价不公、破坏数据一 致性和连续性的缺陷。

使用合适的函数精确地拟合出各频次谐波 的概率分布,可以得到对不同场景下不同频次的 谐波概率分布特征,能够从中提取涵盖传统如平 均值、最大值、95%概率值等指标,有利于对典型 场景下的谐波进行分析。文献[8]采用最佳平方 逼近法对电气化铁道牵引负载谐波进行概率分 布拟合,并考虑了该场景下谐波的随机波动性。 文献[9]采用非参数核密度估计理论求取了电气 化铁路的谐波电流模型,但是需要对最优带宽进 行估计,平衡模型的偏差和方差。文献[10]针对 电解整流系统背景谐波,采用正态分布、对数正 态分布和Weibull分布进行概率分布拟合,但是 对拟合的负荷数据类型具有较大局限性。文献[11] 以指数分布表示三相不平衡因子幅值的概率密 度函数,建立了一种关于三相桥式全控整流电路 的概率模型,采用 Monte Carlo 方法对比验证。

最大熵原理是在满足已知信息约束的情况 下,以随机量的信息熵为最大值作为目标,对未 知信息不做任何主观假设而得到的最客观的概 率分布[12-14]。文章提出基于最大熵原理的谐波评 估指标拟合方法,对实测的谐波电压、电流数据, 计算并记录数据的平均值和1~4阶中心矩,以熵 函数为目标函数、以数据的平均值和中心矩为约 束条件,求解数据的概率密度函数,最终从函数 曲线中获取谐波95%概率值、99%概率值等指标 作为评判电网谐波是否越限的标准。该方法得 到的指标具有准确性、一致性,且能够解决传统 算法耗费时间长、数据所需存储量大的问题。最 后,以某电气化铁路风电和光电多个电压等级下 的各频次电压、电流的实测数据为例,验证了所提 方法的有效性。

传统基于95%概率值谐波评估的 1 缺陷

针对谐波污染水平的评估,GB/T 14549— 1993规定95%概率值的取法为:将实测值按由大 到小次序排列,舍弃前面5%大值,取剩余实测值 中的最大值。这种方法在实际应用中存在数据 处理困难[15-16]和指标一致性不足[7]的缺陷。

1.1 数据处理困难

传统排序求取谐波评估指标95%概率值算

法师需要将海量数据采集到报表中,涉及到的数 据计算量和存储量随着时间和监测点的增加而 迅速增加;同时,对多个监测点总列数为n的数据 同时进行计算的空间复杂度为 $O(n^2)$,会导致巨 大的内存资源消耗[17]。针对这些问题,有文献提 出减少对原始数据后95%部分的存储和优化统 计算法,虽然从实现手段上节省了空间和时间, 但是没有从根本原理上解决问题,监测系统仍然 需要进行大量的数据处理。因此,研究一种统计 谐波评估指标的新算法是十分迫切的。

1.2 指标一致性不足

当运行工况微小变动或谐波波动幅度不同 时,采用传统排序方法可能会导致指标一致性不 足。以采用传统方法计算的95%概率值为例,图 1a、图1b分别为在运行工况微小变动前、后,某 110 kV风电线路1的一周内谐波数据。



从图1中看出,线路的运行工况只发生了微 小变动,谐波污染情况基本一致,但是变动前、后 的95% 概率值分别为1.029 A 和1.572 A,指标对 谐波污染水平的描述相差了近50%,造成了评估 的不公平。

选取谐波波动幅度不同的两条线路,图2为某 110 kV风电线路1和线路2的一周内谐波数据,该 图为采用传统方法计算的95%概率值情况比较。

2.2

2.0



从图2中看出,线路2的谐波波动幅度较小, 整体谐波污染水平较低;线路1的谐波波动幅度较 大,且前5%明显过高的谐波含量容易对电网造成 危害,线路1的谐波污染应大于线路2。但是根据传 统排序方法求取的95%概率值,线路1为1.029 A 小于线路2的1.181 A,造成了评价的不公平。

a 110 kV wind power line 1 and line 2

2 基于最大熵原理的谐波评估指标 求取

2.1 最大熵原理

1957年, Jaynes E T 提出了最大熵原理:为了 不让主观因素影响拟合结果,在已知条件(信息) 的约束条件下,让随机量的信息熵达到最大值, 认为这样得到的概率分布是最符合实际情况的。 从最大熵原理被提出以来,国内外学者已经使用 这一原理不断在电力、生物、力学、水力等行业取 得成果^[18-21]。

最大熵原理一般在数学上表述为

$$\max\left[H(x)\right] = -\int_{\Omega} f(x) \ln f(x) dx \tag{1}$$

s.t.
$$\begin{cases} \int_{\alpha} f(x) dx = 1 \\ \int_{\alpha} u_i(x) f(x) dx = \varphi_i \quad i = 1, 2, \cdots, m \end{cases}$$
 (2)

式中:H(x)为随机变量x的熵;f(x)为随机变量的概 率密度函数; u_i 为权函数; φ_i 为常数; Ω 为积分区间。

2.2 基于最大熵原理的谐波概率密度函数的求取

对于谐波实际测量数据,在不同场景下,或 是不同频次的谐波电压、电流,会呈现不同特征 的概率分布,因此,直接使用正态分布、t-分布等 确定类型的概率密度函数去对不同类型的谐波 进行拟合是不合理的,适用范围难以确定。引入 电气传动 2024年 第54卷 第5期

最大熵原理后,不需要预先确定谐波可能的概率 分布,最大程度地避免了主观想法对结果的影响。

变量的权函数 $u_i(x)$ 和谐波数据的各阶中心 矩 φ_i 如下式所示:

$$\begin{cases} u_i(x) = x^i \\ \varphi_i = E\left\{ \left[X - E(X) \right]^i \right\} & i = 1, 2, \cdots, m \end{cases}$$
(3)

式中:X为实际测量的谐波数据。

根据式(3)选择 $u_i(x)$ 和 φ_i 作为最大熵模型的约束条件,代人式(2)。

使用拉格朗日算法求出符合上述最大熵模 型条件下的概率函数,令

$$L(x) = -\iint_{\Omega} f(x) \ln f(x) dx + (\lambda_0 + 1) \left[\iint_{\Omega} f(x) dx - 1 \right] + \sum_{i=1}^{m} \lambda_i \left[\iint_{\Omega} u_i(x) f(x) dx - \varphi_i \right]$$
(4)

式中:L(x)为构造的拉格朗日函数; λ_0 , λ_i 为拉格 朗日系数。

将式(4)对*f*(*x*)求偏导数,求得符合最大熵分 布下的概率密度函数:

$$f(x) = \exp\left[\lambda_0 + \sum_{i=1}^m \lambda_i u_i(x)\right]$$
(5)

求解式(5)需要求出拉格朗日系数 $\lambda_0, \lambda_i,$ 将式(2) 代入式(5),求得:

$$\exp(-\lambda_0) = \int_{\Omega} \exp\left[\sum_{i=1}^m \lambda_i u_i(x)\right] dx \qquad (6)$$

化简得:

$$\lambda_0 = -\ln\left\{\int_{\Omega} \exp\left[\sum_{i=1}^m \lambda_i u_i(x)\right] dx\right\}$$
(7)

对式(6)求偏导数 $\partial \lambda_0 / \partial \lambda_i$,得到:

$$\frac{\partial \lambda_0}{\partial \lambda_i} = -\int_{\Omega} u_i(x) \left\{ \exp\left[\lambda_0 + \sum_{i=1}^m \lambda_i u_i(x)\right] \right\} dx = -\varphi_i \quad (8)$$

对式(7)求偏导数 $\partial \lambda_0 / \partial \lambda_i$,得到:

$$\frac{\partial \lambda_0}{\partial \lambda_i} = -\frac{\int_{\Omega} u_i(x) \{ \exp\left[\sum_{i=1}^m \lambda_i u_i(x)\right] \} dx}{\int_{\Omega} \exp\left[\sum_{i=1}^m \lambda_i u_i(x)\right] dx}$$
(9)

联立式(8)、式(9)得:

$$\varphi_{i} = \frac{\int_{\Omega} u_{i}(x) \{ \exp \left[\sum_{i=1}^{m} \lambda_{i} u_{i}(x) \right] \} dx}{\int_{\Omega} \exp \left[\sum_{i=1}^{m} \lambda_{i} u_{i}(x) \right] dx} \quad i = 1, 2, \dots, m$$
(10)

取谐波数据的中心距1~4阶,即当*i*=1,2,3,4 时,可以列写关于λ_i的四阶非线性方程组,利用 数值分析解法求解,获取λ_i的估计值,代入式 (5),求得谐波的概率密度函数。

2.3 谐波评估指标拟合

基于2.1节、2.2节的求解方法,利用谐波原始 数据拟合得到谐波概率密度函数,同时统计原始 数据的最大、最小值,作为积分区间的上、下限,对 函数求积分,获得谐波概率分布函数。在拟合的 谐波概率分布函数的基础上,根据实际需要,选取 曲线上的90% 概率值、95% 概率值、99% 概率值和 最大值等统计数据共同组成谐波评估指标。

3 实例分析

文章选取了3个典型场景来验证上述策略的 有效性,分别为电气化铁路、光伏发电和风力发 电,包含各场景不同电压等级下的三相谐波电 压、电流在一周内的实测数据,数据依据GB/T 19862—2005测量标准采集,具备对应场景电气 特征,专门用于对谐波概率分布特征进行分析, 具有典型代表性。应用前述的基于最大熵原理 的求取谐波评估指标方法,其中选取数据特征 时,取谐波原始数据的1~4阶中心距,兼顾算法的 速度及精度。选取谐波评估指标时,以常用的 95%概率值、99%概率值为例,验证拟合效果。

3.1 谐波概率密度函数的拟合效果

首先验证基于最大熵原理的谐波概率密度函数拟合效果,分别选取220 kV电气化铁路电压、35 kV光伏电压和110 kV风电电流数据进行函数拟合。图3~图5为各组数据2~50次谐波中污染程度最严重的4个频次谐波概率密度拟合效果。









如图 3~图 5 所示,基于最大熵原理的概率 密度拟合曲线与实际概率密度直方图基本吻合, 最大熵原理避免了对谐波概率分布特征作提前 假设,对不同特征的概率分布都能有效拟合,保 证了谐波数据信息的完整。为进一步评估拟合 效果,选取平均值均方根误差 ARMS 来表征曲线 拟合精度,定义

$$ARMS = \frac{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (X_i - Y_i)^2}}{n} \times 100\%$$
(11)

式中:X_i为真实值,取经验直方图中的数值代替; Y_i为最大熵拟合函数值;n为采样点数。

ARMS 拟合结果由表1给出。其中, $ARMS_1$, $ARMS_2$, $ARMS_3$ 分别为电气化铁路、光伏、风电数 据的统计结果。

由表1得出,最大熵原理拟合谐波概率密度 曲线的平均值均方根误差ARMS均小于2%,满足 工程实际使用要求,证明了拟合方法的有效性。

表1	3种场景	下统计数据的ARMS

Tab.1 ARMS of statistical data in three scenarios

$ARMS_1/\%$	$ARMS_2/\%$	ARMS3/%
0.57	1.37	0.13
0.51	0.17	0.47
1.04	0.27	0.20
1.23	0.22	0.10

在实际应用中,只需要使用到原始数据的少量数 据特征,就能将原本的离散谐波数据用连续的函 数表示,直观地展现谐波污染情况。

3.2 谐波评估指标的拟合效果

基于拟合的谐波概率密度函数,进一步拟合 得到谐波概率分布函数,选用合适的谐波评估指 标对谐波污染水平进行评估。以常用的95%概率 值、99%概率值为例,选用110kV风电2~10次 谐波电流数据,拟合这两种概率大值,与传统获 取概率大值的算法相比,验证本文算法拟合谐波 评估指标的准确性与一致性。

表2为110 kV风电2~10次谐波电流评估指标拟合效果。其中,传统值和拟合值分别为采用传统排序方法和文章拟合方法求得的谐波评估指标值。

表2	110 kV	风电2~	10次谐波电流评估指标拟合效果
----	--------	------	-----------------

Tab.2 Fitting effect of 2th ~ 10th harmonic current evaluation index for 110 kV wind power

	谐波	谐波评估指标/A		绝对	相对
	次数	传统值	拟合值	- 误差/A	误差/%
	2	0.703 1	0.721 9	-0.018 7	2.666 1
	3	0.596 9	0.623 5	-0.026 5	4.443 9
	4	0.230 7	0.228 3	0.002 4	-1.037 9
	5	2.889 4	2.910 0	-0.020 6	0.713 6
95% 概 索 佶	6	0.179 4	0.168 5	0.011 0	-6.120 0
194- -	7	2.658 7	2.677 7	-0.019 0	0.714 0
	8	0.142 8	0.145 2	-0.002 3	1.643 9
	9	0.179 4	0.177 2	0.002 2	-1.227 6
	10	0.161 1	0.168 2	-0.007 1	4.404 4
	2	0.772 7	0.772 9	-0.000 2	0.021 5
	3	0.758 1	0.743 5	0.014 6	-1.926 8
	4	0.256 3	0.246 3	0.010 0	-3.912 5
0.0 %	5	3.193 4	3.175 0	0.018 3	-0.574 2
99% 概率值	6	0.212 4	0.189 5	0.022 9	-10.800 7
1947年1日	7	3.076 2	2.835 7	0.240 5	-7.818 1
	8	0.172 1	0.158 2	0.013 9	-8.104 4
	9	0.212 4	0.194 2	0.018 2	-8.550 7
	10	0.172 1	0.183 2	-0.011 1	6.455 4

从表2中可以看出,对于95% 概率值和99% 概率值两种评估指标,相对误差较大的数据对应 的传统值都很小,这是由于本身这些频次的谐波 电流污染情况非常小,远小于国标要求的限值, 观察这些频次评估指标的绝对误差,可以发现其 绝对值基本小于0.025,因此拟合出来的评估指 标也是远小于国标对应限值,对实际谐波含量的 测算判断污染情况或是否越限并不会产生影响; 而对于评估指标实际值大于约0.2的谐波次数, 拟合的评估指标相对误差基本小于5%,绝对误 差基本小于0.05,拟合效果优秀,依据文章方法 拟合出来的谐波评估指标能够很好地评估谐波 污染程度。

3.3 谐波评估指标的验证

针对1.2节提出的传统排序算法求取谐波评 估指标的一致性不足的问题,使用文章算法重新 对该110 kV风电线路1与线路2的一周内谐波数 据进行谐波评估指标拟合。

以95% 概率值为例,线路1在运行工况发生 微小变动前、后,计算的95% 概率值分别为1.2445 A和1.2574A,谐波评估指标基本不变,证明文章 算法保证了谐波评估指标的一致性。线路1与线 路2对比,线路2的95% 概率值为0.9838A,小于 线路1,证明线路2的谐波污染程度小于线路1, 符合实际谐波数据的情况,保证了评价指标的 公平。

综上所述,文章算法能够精确拟合谐波数据 的概率分布曲线和谐波评估指标,指标能够正确 表征谐波污染情况。在实际应用中,通过谐波概 率分布函数拟合的各类评估指标,有助于在新型 电力系统下,准确判断日渐复杂的谐波特性及其 污染情况。

4 结论

文章基于最大熵原理,提出了一种有效获取 谐波评估指标的方法。通过统计谐波原始数据 少量数据特征,使用最大熵原理拟合谐波的概率 分布,获取95%概率值、99%概率值等谐波评估 指标。以电气化铁路、光伏和风电3种典型场景 谐波电压、电流为例进行实例计算,证明了方法 具有如下优点:

1)原始数据样本库的建立只需要统计谐波 数据的平均值、中心距、最小值和最大值等少量 数据特征,就能拟合出基本涵盖全部谐波数据信 息的概率分布函数,与传统基于排序法的谐波统 计方法相比,统计过的原始谐波数据不再需要存 储和重复计算,将大大节省数据存储空间和减少 运算时间。

2)方法拟合的谐波概率分布函数与真实情 况吻合,包含了完整的谐波信息,具有准确性;方 法拟合的95%概率值、99%概率值等谐波评估指 标,在不同的线路工况或不同的谐波波动情况下 能保证对谐波污染水平进行公平的评价,评估指 标具有一致性。

面对新型电力系统日渐复杂的谐波特性,优 化算法的推广需要更多实际应用场景的验证及 考验。

参考文献

- [1] 肖湘宁,廖坤玉,唐松浩,等.配电网电力电子化的发展和超 高次谐波新问题[J]. 电工技术学报, 2018, 33(4): 707-720. XIAO Xiangning, LIAO Kunyu, TANG Songhao, et al. Development of power-electronized distribution grids and the new supraharmonics issues[J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2018, 33(4): 707-720.
- [2] 张逸,孟祥亮,刘必杰.谐波源建模现状及新型电力系统下 的发展趋势[J]. 电力系统及其自动化学报, 2022, 34(8): 139-149.

ZHANG Yi, MENG Xiangliang, LIU Bijie. Current situation of harmonic source modeling and development trend under novel power system[J]. Proceedings of the CSU-EPSA, 2022, 34(8): 139 - 149

- [3] EROGLU H, CUCE E, CUCE P M, et al. Harmonic problems in renewable and sustainable energy systems: a comprehensive review[J]. Sustainable Energy Technologies and Assessments, 2021,48:101566.
- [4] 康鹏,郭伟,黄伟钢,等.区域电网电能质量问题及治理关键 技术综述[J]. 电测与仪表, 2020, 57(24):1-12. KANG Peng, GUO Wei, HUANG Weigang, et al. Review of the power quality problem and key treatment technology of regional power grid[J]. Electrical Measurement & Instrumentation, 2020, 57(24):1-12.
- [5] 江钧祥.国标GB/T14549—93《电能质量公用电网谐波》简 介[J]. 电力电容器, 1999(2):23-27. JIANG Junxiang. Brief introduction to GB/T14549-93: quality of electric energy supply harmonics in public supply network[J]. Power Capacitors, 1999(2):23-27.
- [6] 刘宁, 王昕, 杨昊睿. 基于正态分布理论的电能质量指标 95 概率大值算法研究[J]. 贵州电力技术, 2014, 17(4): 28-30, 39.

LIU Ning, WANG Xin, YANG Haorui. Research on 95 probability value of power quality index based on normal distribution theory[J]. Guizhou Electric Power Technology, 2014, 17(4): 28-30,39.

[7] 孙巍巍,曾江,俞家良,等.谐波国标中95%概率值评价方式 78

的探讨[J]. 电力系统保护与控制,2012,40(18):7-11,18. SUN Weiwei, ZENG Jiang, YU Jialiang, et al. Research on the evaluation mode of 95% probability value in the national standard GB/T 14549-93[J]. Power System Protection and Control, 2012, 40(18): 7-11, 18.

[8] 解绍锋,李群湛,赵丽平.电气化铁道牵引负载谐波分布特 征与概率模型研究[J]. 中国电机工程学报, 2005(16): 79-83.

JIE Shaofeng, LI Qunzhan, ZHAO Liping. Study on harmonic distribution characterisitc and probability model of the traction load of electrified railway[J]. Proceedings of the CSEE, 2005 (16):79-83.

[9] 刘洋. 高速铁路牵引负荷谐波分布特性与概率模型研究 [D]. 成都:西南交通大学,2017.

LIU Yang. Study on harmonic distribution characterisites and probability model for high speed railway traction load[D]. Chengdu: Southwest Jiaotong University, 2017.

[10] 刘乾易,李勇,郭松,等.大功率电解整流系统背景谐波建模 及谐波责任评估[J]. 中国科学:技术科学, 2019, 49(5): 602 - 610

LIU Qianyi, LI Yong, GUO Song, et al. Background harmonic modeling and harmonic contribution assessment for large-power industrial supply system[J]. Scientia Sinica (Technological), 2019,49(5):602-610.

- [11] 王喜莲,王翠.三相桥式整流电路谐波的概率分析[J].北京 交通大学学报,2016,40(5):93-99. WANG Xilian, WANG Cui. Probabilistic analysis on harmonics of three-phase bridge rectifier circuit[J]. Journal of Beijing Jiaotong University, 2016, 40(5):93-99.
- [12] 陈书樑,曾江,马海杰.基于最大熵原理的光伏接入配网系 统电压风险评估[J/OL]. 电测与仪表: (2022-03-21)[2023-04-13].http://kns.cnki.net/kcms/detail/23.1202.TH.20220318. 1822.010.html.

CHEN Shuliang, ZENG Jiang, MA Haijie. Voltage risk assessment of photovoltaic access distribution system based on maximum entropy principle[J/OL]. Electrical Measurement & Instrumentation : (2022-03-21) [2023-04-13]. http : //kns. cnki. net/kcms/detail/23.1202.TH.20220318.1822.010.html.

- [13] BIAN Qiaoyan, QIU Yutao, WU Wenlian, et al. Generation dispatch method based on maximum entropy principle for power systems with high penetration of wind power[J]. Journal of Modern Power Systems and Clean Energy, 2018, 6(6):1213-1222.
- [14] 曾江,蔡东阳,黄德华.基于半不变量及最大熵的概率谐波 潮流算法[J]. 电力系统自动化, 2018, 42(13): 169-174. ZENG Jiang, CAI Dongyang, HUANG Dehua. Probabilistic harmonic power flow algorithm based on cumulant and maximum entropy[J]. Automation of Electric Power Systems, 2018, 42(13): 169-174.
- [15] 刘俊勇,杨洪耕,肖先勇.电能质量问题的研究和技术进展 (五)——电能质量监测与数据管理[J]. 电力自动化设备, 2004(2):1-4.

LIU Junyong, YANG Honggeng, XIAO Xianyong. Issues and

technology assessment on power quality part 5: power quality monitoring and data management[J]. Electric Power Automation Equipment, 2004(2):1-4.

- [16] 罗定志,江军,邱冬,等.电能质量监测平台95概率大值的 算法优化[J].智能电网,2017,5(7):651-655.
 LUO Dingzhi, JIANG Jun, QIU Dong, et al. The algorithm optimiation of 95% probability values for the power quality monitoring platform[J]. Smart Grid, 2017,5(7):651-655.
- [17] 李斌,郭雅娟,陈锦铭,等.电能质量监测系统95概率大值的top-k优化研究[J].电力信息化,2013,11(1):20-24.
 LI Bin, GUO Yajuan, CHEN Jinming, et al. Research on the top-k optimization method of 95% probability values for the power quality monitoring system[J]. Electric Power Information Technology,2013,11(1):20-24.
- [18] 范慧芳,咸日常,刘兴华,等.基于能量系数的电力变压器热 故障严重性评估方法[J]. 电测与仪表,2024,61(2):83-88.
 FAN Huifang, XIAN Richang, LIU Xinghua, et al. Evaluation method of thermal fault severity of power transformer based on energy coefficient[J]. Electrical Measurement & Instrumentation,2024,61(2):83-88.

- [19] XIE Wenjun, ASADI Mokgan, WARSHEL Arieh. Enhancing computational enzyme design by a maximum entropy strategy
 [J]. Proceedings of the National Academy of Sciences, 2022, 119(7);e2122355119.
- [20] 王涛,李正良,范文亮.基于改进统计矩点估计法和最大熵 原理的结构整体可靠度分析[J].工程力学,2022,39(3): 193-200,211.

WANG Tao, LI Zhengliang, FAN Wenliang. Global reliability analysis of structures based on improved statistical moment point estimation method and maximum entropy principle[J]. Engineering Mechanics, 2022, 39(3):193–200, 211.

[21] 门宝辉,常溶溶.基于局部均值分解和最大熵谱估计的径流 分析[J].水力发电学报,2021,40(9):27-34.
MEN Baohui, CHANG Rongrong. Runoff analysis based on local mean decomposition and maximum entropy spectrum estimation[J]. Journal of Hydroelectric Engineering, 2021,40(9): 27-34.

tion,2024,61(2):83-88. 收稿日期:2022-11-17 修改稿日期:2022-12-08

(上接第19页)

[7] 袁义生,赖立.一种多模式电流馈LCL谐振变换器[J].中国 电机工程学报,2020,40(10):3259-3270.

YUAN Yisheng, LAI Li. A multi-mode current-fed LCL resonant converter[J]. Proceedings of the CSEE, 2020, 40(10): 3259–3270.

- [8] ZHAO X, ZHANG L, BORN R, et al. A high-efficiency hybrid resonant converter with wide-input regulation for photovoltaic applications[J]. IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2017,64(5):3684–3695.
- [9] MCDONAL B, WANG F. LLC performance enhancements with frequency and phase shift modulation control[C]//2014 IEEE Applied Power Electronics Conference and Exposition (APEC), 2014:2036–2040.
- [10] 刘建强,张泽辉,艾宇.一种变拓扑L-LLC谐振变换器研究
 [J].中国电机工程学报,2022,42(23):8652-8664.
 LIU Jianqiang, ZHANG Zehui, AI Yu. Research on a variable

topology L-LLC resonant converter[J]. Proceedings of the CSEE, 2022, 42(23): 8652-8664.

- [11] 李善寿,王浩,叶伟,等.抑制DAB变换器回流功率的双重移相 调制策略[J]. 电力系统保护与控制,2022,50(17):14-23.
 LI Shanshou, WANG Hao, Ye Wei, et al. Dual phase shift modulation strategy for reactive power suppressing of a DAB converters[J]. Power System Protection and Control, 2022, 50(17): 14-23.
- [12] YANG Sihun, SHOVAMA M, ZAITSU T, et al. Detail operating characteristics of bi-directional LLC resonant converter[C]// 2012 International Conference on Renewable Energy Research and Applications(ICRERA), 2012; 1–6.

收稿日期:2022-09-26 修改稿日期:2022-11-14