# 电压源型三相逆变器的模型预测控制策略

#### 张薇琳<sup>1</sup>,陈灵敏<sup>2</sup>

(1.广东交通职业技术学院轨道交通学院,广东 广州 510650;2.广东工业大学试验教学部,广东 广州 510006)

摘要:为了提高电压源型三相逆变器的控制性能,设计了一种新颖的模型预测控制(MPC)策略。新型 MPC控制器使用三相逆变器系统的离散时间域模型来预测所有可能电压矢量生成的负载电流,并选择使所设 计的成本函数最小的矢量作为最优矢量输出。成本函数中主要考虑的指标是下一个采样周期的电流误差。 利用仿真软件和搭建的三相逆变器样机测试平台开展了与传统滞环控制和脉宽调制方案的对比仿真分析和 实验。测试结果表明,新型MPC控制器可有效地控制负载电流并且表现出更优的动、静态性能。

关键词:三相逆变器;模型预测控制;电流控制 中图分类号:TM464 文献标识码:A DOI:10.19457/j.1001-2095.dqcd20693

## Model Predictive Control Strategy for Voltage Source Three-phase Inverters

ZHANG Weilin<sup>1</sup>, CHEN Lingmin<sup>2</sup>

(1. School of Urban Rail Transit, Guangdong Communication Polytechnic, Guangzhou 510650, Guangdong, China; 2. Laboratory Center, Guangdong University of Technology, Guangzhou 510006, Guangdong, China)

Abstract: In order to improve the control performance of voltage source three-phase inverters, a novel model predictive control (MPC) strategy was designed. The new MPC controller used a discrete-time model of the three-phase inverter system to predict the load current generated by all possible voltage vectors. The voltage vector which minimizes the designed cost function was selected as optimal vector for output. The primary consideration in the cost function was the current error for the next sampling period. The comparative simulations with the traditional hysteresis control and pulse width modulation scheme and experiments were carried out using the simulation software and the built-in three-phase inverter prototype test platform. The experimental results show that the new MPC controller can effectively control the load current and exhibit better dynamic and static performance.

Key words: three-phase inverter; model predictive control(MPC); current control

三相逆变器是电力电子与电力驱动领域中 最重要、最经典的研究对象之一<sup>[1-3]</sup>,其中,电流控 制在过去几十年中已经深入研究,如传统的滞环 电流控制器和基于比例积分(proportional integral, PI)的调节器和脉宽调制(pulse width modulation, PWM)的控制器等<sup>[4-5]</sup>。

随着微处理器的快速发展,其运算能力显著 增强,进而模型预测控制(MPC)也得到了更多的 关注<sup>[6-13]</sup>。MPC控制器中,负载和变换器模型用 于系统行为预测,从而可根据任意设定的控制指 标选择最合适的输出<sup>[6]</sup>。预测控制是一个非常广 泛的概念,包含了很多的控制方案,其中一个主要的类别为使用预测控制来计算所需的负载电压以优化电流行为,并使用调制器产生该期望电压。在该种方法中,变换器被简单地建模为增益,从而设计出电流控制器并应用于逆变器<sup>[7]</sup>,以及整流器<sup>[8]</sup>和有源滤波器<sup>[9]</sup>。MPC控制器的一大优点是可以在预测模型中包含系统的非线性因素,并据此计算不同开关状态下的系统行为。其中文献[10-11]利用该特性实现了最小化大功率逆变器的开关频率。而文献[12]则利用预测控制的这种特性评估四桥臂有源电力滤波器中每个

**基金项目:**广东自然科学基金资助项目(S2013010012431) 作者简介:张薇琳(1981—),女,硕士,讲师,Email:2190319753@qq.com

开关状态的电流误差。文献[13]提出了一种用于 矩阵变换器的MPC控制策略,控制器中系统模型 用于预测矩阵变换器的每个不同开关状态下的 负载和输入电流的行为,然后选择使成本函数最 小化的开关状态,该种方案可避免使用复杂的调 制技术。

基于前述文献研究基础,本文设计了一种新 颖的MPC控制器用于电压源型三相逆变器。新 控制器中成本函数设计为下一个采样周期的电 流误差,然后基于三相逆变器系统的离散时间域 模型来进行预测,并选择最小化成本函数的矢量 作为最优矢量输出。最后进行了仿真和实验研 究,与传统逆变器控制方案的对比测试结果验证 了新型MPC控制器具有更优的控制效果。

## 1 传统控制方案

三相逆变器的传统控制方案主要包括滞环 电流控制方案<sup>[4]</sup>和PWM的控制方案<sup>[5]</sup>。前者使用 测量的电流和电流参考值进行滞环比较生成控 制信号,故控制方案概念简单,动态性能较好。 但各相之间没有完全解耦,且开关频率将根据负 载参数和工况的变化而变化,易引起谐振问题, 同时也限制了其应用于大功率逆变器。后者将 输出电流参考值和实际电流值之差经PI调节器 生成了负载电压参考值,送至PWM生成模块生 成控制脉冲,故开关频率固定,而控制性能取决 于控制器参数设计,同时输入的正弦参考误差易 随参考电流的频率增大而增加,在某些应用场合 可能无法接受。

## 2 MPC 控制器设计

设计电压源型三相逆变器的MPC控制策略 前,先假设:逆变器仅可生成有限数量的开关状态, 并且系统模型可用于预测每个开关状态对应的 变量行为。为了选择要施加的开关状态,必须定 义控制性能相关指标,具体表现形式就是成本函 数,然后基于成本函数评估每个开关状态并择取 最优开关状态。

MPC 控制器设计包含了以下步骤:1)定义成 本函数:2)构建逆变器数学模型及其所有的开关 状态:3)构建负载模型以进行预测。其中负载模 型需为离散时间域模型,结合成本函数预测评估 变量行为,即负载电流的行为。

图1为应用于电压源型三相逆变器的 MPC 52

控制策略框图。





如图1所示,控制器的执行包含以下步骤:1) 获取参考电流的值,这来自外部控制回路,如转 速外环、功率外环或电压外环,并测量实际的负 载电流:2)基于系统模型预测每个不同电压矢量 对应的下一个采样周期的负载电流值;3)基于成 本函数评估下一个采样周期中参考电流值和预 测电流值之间的误差。选择最小化电流误差的 电压矢量进行应用。

#### 2.1 成本函数设计

下一个采样周期的电流误差可在α-β坐标 系中表示如下:

$$g = |i_{\alpha}^{*} - i_{\alpha}^{p}| + |i_{\beta}^{*} - i_{\beta}^{p}|$$
(1)

式中: $i_{a}$ , $i_{a}$ 分别为预测负载电流矢量i(k+1)的 $\alpha$ heta和eta heta heta heta; g heta heta

不同的控制性能相关指标将以不同的成本 函数表示。例如本文使用的绝对误差具有计算 简单的优点,此外还有误差采样周期积分或平方 误差等。进一步结合外部控制环也可设计出贴 合控制目标的成本函数,如电机驱动控制中转矩 或转速误差、功率控制中有功或无功功率误差 等。此外,还可以设计出改善其他系统性能的控 制目标相关成本函数,如最小化开关频率等。

#### 2.2 逆变器模型

图2为电压源型三相逆变器的电路图。





Fig.2 Circuit diagram of voltage source three-phase inverter

逆变器的开关状态由驱动信号S<sub>a</sub>,S<sub>b</sub>和S<sub>c</sub>决定:

$$S_a = \begin{cases} 1 & S_1 \oplus \mathbb{I} \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \notin \mathbb{I} \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \notin \mathbb{I} \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \notin \mathbb{I} \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_1 \oplus \mathbb{I} \\ 0 & S_2 \oplus \mathbb{I} \\ 0$$

$$S_{b} = \begin{cases} 1 & S_{2}$$
导通和 $S_{5}$ 关断  
0 & S\_{2}关断和 $S_{5}$ 导通 (3)

$$S_{c} = \begin{cases} 1 & S_{3} \oplus \overline{A} \otimes S_{6} \oplus \overline{A} \\ 0 & S_{3} \oplus \overline{A} \otimes S_{6} \oplus \overline{A} \end{cases}$$
(4)

可以表示为矢量形式如下:

$$S = \frac{2}{3} \left( S_a + a S_a + a^2 S_a \right)$$
(5)  
$$a = e^{\frac{2\pi}{3}j}$$

其中

进一步可得逆变器的输出电压空间矢量u为

$$\boldsymbol{u} = \frac{2}{3} \left( u_{aN} + \boldsymbol{a} u_{bN} + \boldsymbol{a}^2 u_{cN} \right) \tag{6}$$

式中:*v<sub>a</sub>*,*v<sub>b</sub>*和*v<sub>c</sub>*为逆变器的中性点电压。 矢量**u**和S的关系式为

$$\boldsymbol{u} = U_{\rm dc}\boldsymbol{S} \tag{7}$$

式中:U<sub>de</sub>为直流电压。

考虑到驱动信号 $S_a$ , $S_b$ 和 $S_c$ 一共构成了8个开 关状态,并由此获得了8个电压矢量,其中零矢量  $u_0=u_7$ ,故有效电压矢量有7个,如图3所示。

β



图 3 有效电压矢量示意图 Fig.3 The schematic of effective voltage vectors

当使用PWM等调制技术时,逆变器可建模 为线性系统。然而,在本文中,逆变器被认为是 一个非线性离散系统,并由7种不同的开关状态 作为输出。更精确的逆变器模型可包括死区时 间、IGBT饱和电压和二极管正向压降等因素。但 增加的模型复杂度带来的控制精度增加有限,故 采用一个较为简单的逆变器模型即可。

#### 2.3 负载模型

三相平衡负载下的电流矢量可定义为

$$\boldsymbol{i} = \frac{2}{3} \left( i_a + \boldsymbol{a} i_b + \boldsymbol{a}^2 i_c \right) \tag{8}$$

负载的反电动势可定义为

$$\boldsymbol{e} = \frac{2}{3} \left( \boldsymbol{e}_a + \boldsymbol{a} \boldsymbol{e}_b + \boldsymbol{a}^2 \boldsymbol{e}_c \right) \tag{9}$$

因此,负载电流动态可以通过以下矢量方程来描述:

$$\boldsymbol{u} = R\boldsymbol{i} + L\frac{\mathrm{d}\boldsymbol{i}}{\mathrm{d}t} + \boldsymbol{e} \tag{10}$$

式中:R和L为负载电阻和负载电感;u为逆变器 输出电压矢量;e为负载反电动势矢量;i为负载 电流矢量。

后续仿真和实验中假设负载反电动势是具有恒 定幅值和频率的正弦曲线。

#### 2.4 离散时间域模型

基于采样周期*T*<sub>s</sub>对式(10)进行了离散化处理后,即可用当前采样周期的电流、电压测量值来预测下一个采样周期的负载电流值。

负载电流微分可离散化如下:

$$\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} \approx \frac{i(k) - i(k-1)}{T_{\mathrm{s}}} \tag{11}$$

式中:*k*-1为前一个采样周期;*k*为当前采样周期。 将式(11)代入式(10)可得:

$$i(k) = \frac{1}{RT_s + L} \left[ Li(k-1) + T_s u(k) - T_s e(k) \right]$$
(12)

进一步,将步长向前移动一步,即可以预测未来 的负载电流值如下:

$$i(k+1) = \frac{1}{RT_s + L} \left[ Li(k) + T_s u(k+1) - T_s e(k+1) \right]$$
(13)

式中:k+1为下一个采样周期。

对于负载反电动势可以使用式(12)和测量 的负载电压和负载电流来进行估计。ê(k)的估 计e(k)如下式所示:

$$\hat{e}(k) = u(k) + \frac{L}{T_s}i(k-1) - \frac{RT_s + L}{T_s}i(k)$$
 (14)

可以使用估计反电动势的当前采样周期值和上一个采样周期值外推下一个采样周期的反电动势,或者假设反电动势在一个采样间隔内无显著变化,即*e*(*k* + 1)=*ê*(*k*)。

#### 2.5 电压矢量选择

在MPC算法中,对于7个不同的有效电压矢量,基于式(13)给出7个不同的电流预测值。而电流预测值最接近电流参考值的对应电压矢量将在下一个采样时刻进行实施。换言之,所选择的有效电压矢量将是使成本函数最小的电压 矢量。

成本函数计算公式如下:

$$g = |i_{\alpha}^{*}(k+1) - i_{\alpha}(k+1)| + |i_{\beta}^{*}(k+1) - i_{\beta}(k+1)|$$
(15)

53

式(15)中下一个采样周期的电流参考值是 未知的。因此,采用二阶外推从当前采样周期的 电流参考值、上一个采样周期的电流参考值和更 早一个采样周期的电流参考值来得到下一个采 样周期的电流参考值如下:

 $i^{*}(k+1) = 3i^{*}(k) - 3i^{*}(k-1) + i^{*}(k-2)$ (16)

对于采样周期 $T_s$ 足够小的情况,近似有i'(k+1)=i'(k),这在图3中有体现。

## 3 MPC控制器的实现

图 4 为将 MPC 控制算法在 DSP 中实现时的 DSP不同任务执行时序图。图 5 为 MPC 控制器算 法流程,其中,A 为应用新的开关状态,B 为电流 测量,C 为反电动势估计,D 为负载电流预测和开 关状态选择。





如图4所示,DSP的1个采样周期中需执行4 个主要任务,4个主要任务的持续时间约为7μs。 其中最重要的计算任务是负载电流预测和新的 开关状态选择。DSP的6个数字输出可用于直接 提供IGBT驱动信号,而这些输出由控制算法直 接设置,无需PWM调制器。同时,DSP的2个模 拟输入可测量负载电流,得到负载电流的相位用 于计算电流矢量。如图5所示,成本函数的最小 化计算过程对所有开关状态进行了评估,并得到 最优开关状态用于下一个采样周期实施。整个 控制算法以非常简单的方式实施,故 MPC 控制器 易于实现。

## 4 仿真分析

基于 Matlab/Simulink 仿真平台进行了三种不同的逆变器控制方案的仿真分析,并进行了仿真结果的对比。

系统中的反电动势为正弦波,具有固定的 幅值和频率,直流电压 U<sub>de</sub>固定在100 V,负载电 阻 R 为 0.5 Ω,负载电感 L 为 10 mH。为了方便 对比,将 PWM 控制方案中载波频率设置为 2 kHz, 同时设置滞环电流控制方案的平均开关频率为 2 kHz。

图 6 为 MPC 控制器的稳态仿真波形,从图中可以看出,负载电压的波形存在较大的基频分量和高次谐波分量。





进一步进行三种不同控制方案的对比,其中 参考电流*i*<sup>\*</sup><sub>a</sub>的幅值从13 A阶跃减小至5.2 A,但是 保持参考电流*i*<sup>\*</sup><sub>b</sub>的幅值固定,该动态测试设计还 同时考虑了评估电流控制的去耦能力。

图 7 为采用传统滞环电流控制的仿真结果, 如图 7 所示,该控制方案呈现出了较好的动态响 应,但也存在明显的耦合效应。图 8 为采用传统 的 PWM 控制方案的仿真结果,图 8 中显示耦合效 应依然存在,同时动态响应也较慢。图 9 为新型 MPC 控制方案的仿真结果。对比图 7 和图 8 可看 出,在相同的动态下,所提出的 MPC 控制器的动 态响应与滞环控制获得的动态响应一样快,并实 现了两个电流分量之间的解耦。





Fig.8 Dynamic-state simulation waves of the PWM controller







对于逆变器控制而言,除了控制电流跟踪参 考值外,还有一个重要的性能指标是逆变器输出 电压的电能质量,主要是就是频谱,故仿真计算 了三种控制方法的输出电压频谱,仿真分析结果 如图10所示。



图 10a 为滞环电流控制下的输出电压频谱, 其是分散状,这不利于以后的优化,而10b为PWM 控制下的输出电压频谱,其主要集中在开关频 率及其倍频附近,这是有利于后期滤波优化的, 图 10c 为新型 MPC 控制器作用下的输出电压频 谱,对比图 10a 和图 10b 可看出,频谱类似于 PWM控制下的频谱,故也是有利于后期优化的。

### 5 实验验证

为了测试所设计的电压源型三相逆变器 MPC 控制方案,搭建了逆变器样机实验平台。实 验中将 TI 公司的 DSP 芯片 TMS320F28335 作为控 制算法实现的主体。逆变器主体由三菱公司的 智能 IPM 模块实现,逆变器前端由不控整流器供 电,逆变器输出直接接入到有源阻感负载,采用 传感器测量逆变器输出电流,同时 DSP 直接产生 IGBT 的门极驱动信号。开展了两组实验,采样周 期  $T_s$ 设置为 100  $\mu$ s,额定频率 $f_n$ 为 50 Hz,直流电 压  $U_{de}$ 固定为 100 V,负载电阻 R 为 10  $\Omega$ ,负载电 愿 L 为 12 mH,反电动势为正弦波,具有 34 V 的固 定幅值和 50 Hz 的固定频率。为了简化运算过 程,对式(13)进行了简化,忽略了电阻 R 的影响, 从而有:

$$i(k+1) = i(k) + \frac{T_s}{L} [u(k+1) - \hat{e}(k)]$$
 (17)

图11为α轴参考电流阶跃变化动态测试结果。



图 11a 为 t=25 ms 将 α 轴参考电流 i<sup>\*</sup><sub>α</sub>从4 A 阶 跃变化至2 A 的动态实验结果。由图 11a 中可看 出,系统表现出了快速的电流动态响应,并和前 述图 9 的仿真结果吻合。图 11b 为对应的负载电 压波形。由图 11b 可知, IGBT 的驱动信号可以直 接由 MPC 控制器生成, 而无需 PWM 调制器。

图 12 为设置电流参考值为方波时的电流动 态性能测试结果,测试结果显示电流能准确地 跟踪参考值。



Fig.12 Dynamic test results of reference currents square wave variation



图13为A相电压u<sub>av</sub>的频谱,对比图10c可知,





6 结论

为提高电压源型三相逆变器的控制性能,设

计了新型的MPC控制器,通过与传统滞环电流控制和PWM控制对比分析,以及仿真和实验研究,可总结结论如下:

1)基于逆变器和负载的数学模型,离散化后 可进行变量预测,将开关状态代入所设计的成本 函数,可直接输出最优驱动脉冲,而无需调制器;

2)对比传统控制策略,新方案充分发挥了逆 变器和数学芯片的离散特性,具有更优的电流控 制动态性能,且易于实现;

3)进一步的研究方向是针对不同应用场合, 改进成本函数可设计出不同控制目标的模型预 测控制器。

#### 参考文献

- [1] 李奕欣,赵书强,马燕峰,等.三相LCL型并网逆变器的阻抗 建模及特性分析[J].电力自动化设备,2019,39(7):107-113.
- [2] 蒋俊祁,袁小平.三相无隔离并网逆变器差模直流分量抑制[J].电力电容器与无功补偿,2018,39(1):132-137.
- [3] 蒋妍妍,李洪林.弱电网下LCL型滤波光伏并网逆变器的控制研究[J]. 微电机,2017,50(8):38-42.
- [4] 顾和荣,杨子龙,邬伟扬.并网逆变器输出电流滞环跟踪控制技术研究[J].中国电机工程学报,2006,26(9):108-112.
- [5] 王吉彪,陈启宏,张立炎,等.基于内模原理的并网逆变器双模PI控制[J].电工技术学报,2018,33(23):5484-5495.
- [6] 戴瑞海,林雁,林启待,等.基于模型预测控制平抑光伏输出 功率波动的储能充放电策略[J].智慧电力,2019,47(4):8-15.
- [7] 周科,刘伯鸿,李茂青.光伏并网逆变器的改进模型预测控制研究[J]. 电气传动,2018,48(11):67-70.
- [8] 宋文胜,蒋蔚,刘碧,等.单相级联H桥整流器简化模型预测
   电流控制[J].中国电机工程学报,2019,39(4):1127-1138.
- [9] 赵国生,赵丹.三相四线制有源电力滤波器多目标优化预测 控制策略研究[J].电力系统保护与控制,2017,45(17):1-6.
- [10] 周雅夫,张霖,王翰涛,等.车用永磁同步电机 FCS-MPC方 法研究[J].电力电子技术,2019,53(1):42-45.
- [11] 窦智峰,晋玉祥,郭磊磊,等.损耗均衡分布的低耗逆变器模型预测控制研究[J].可再生能源,2018,36(9):1355-1361.
- [12] 成美丽,蔡儒军,朱明伟,等.四桥臂有源电力滤波器改进模型预测控制策略研究[J].电力电容器与无功补偿,2017,38 (5):37-43.
- [13] 宋卫章,刘江,孙向东,等.基于模型预测控制的三相-一相
   矩阵变换器偏磁控制[J].电工技术学报,2019,34(12):
   2489-2498.

收稿日期:2019-08-13 修改稿日期:2019-09-09