# 基于状态估计方法的相量测量单元电压 稳定性研究

## 蒋文辉,林冬,于力,陈波,陈煜敏

(南方电网数字电网研究院有限公司,广东 广州 510000)

摘要:简要介绍电网的电压稳定性,并提出了基于状态估计的相量测量单元(PMU)测量电压稳定性的方法,该方法主要针对由于负载率变化引起的电压变化,并对不同负载情况和不同电压值情况下的电压稳定性进行了说明。提出通过采用加权最小二乘(WLS)方法对电力系统电压状态进行状态估计,同时通过使用PMU 直接生成测量结果。为了在电力系统中达到PMU的最大利用效率,采用贪婪算法求解PMU的优化配置问题, 利用电压稳定性指数和其他电压分析工具,推导出了PMU配置的最优位置。通过在电力系统中使用PMU,优 化了电力系统中电压状态估计中繁琐的迭代过程,并且解决了电力系统中PMU的最优配置问题(OPP)。

**关键词**:最优配置问题;相量测量单元;状态估计;电压稳定性指数;加权最小二乘法 **中图分类号**:TM73 **文献标识码**:A **DOI**:10.19457/j.1001-2095.dqcd24435

#### Study on Voltage Stability of Phasor Measurement Unit Based on State Estimation Method

JIANG Wenhui, LIN Dong, YU Li, CHEN Bo, CHEN Yumin (China Southern Power Grid Digital Grid Research Institute Co., Ltd., Guangzhou 510000, Guangdong, China)

Abstract: The voltage stability of power grid was briefly introduced, and the measurement method of voltage stability of phasor measurement unit (PMU) based on state estimation was proposed. This method mainly aims at the voltage change caused by the load rate change. The voltage stability under different load conditions and different voltage values was explained. Weighted least squares (WLS) method was used to estimate the voltage state of power system, and the measurement results were directly generated by PMU. In order to achieve the maximum utilization efficiency of PMU in power system, the greedy algorithm was used to solve the optimal placement problem(OPP) of PMU, and the optimal location of PMU was deduced by using voltage stability index and other voltage analysis tools. By using PMU in power system, the tedious iterative process of voltage state estimation in power system was optimized, and the optimal placement problem of PMU in power system was solved.

**Key words:** optimal placement problem (OPP); phasor measurement unit (PMU); state estimation; voltage stability indices; weighted least squares(WLS) method

2021年,全社会用电量83128亿kW·h,同比 增长10.3%,较2019年同期增长14.7%,两年平均 增长7.1%。其中,第一产业用电量1023亿kW·h, 同比增长16.4%;第二产业用电量56131亿kW·h, 同比增长9.1%;第三产业用电量14231亿kW·h, 同比增长17.8%;城乡居民的生活用电量11743亿 kW·h,同比增长7.3%。与此同时,可再生能源发 电装机比重超过1/3。但电力工业在取得巨大成 绩的同时也面临着严峻挑战。 配电线路及各种用电设备组成。各电气元件及 系统通常处于正常运行状态,但也可能出现故障 或异常运行状态。随着电力系统的规模越来越 大,结构越来越复杂,故障产生不可避免。因此 需要寻找静态电压稳定性的校正措施或控制方 法和最优解,以敏锐地观察电力系统的动态,从 而有助于理清问题。同时也有助于对系统进行 有效规划,使相互依赖的关键基础设施更加可靠 地运行。

一般的电力系统由发电机、变压器、母线、输

**作者简介:**蒋文辉(1984—),男,硕士,工程师,Email:jwh214@163.com

针对上述存在的问题,现阶段已经进行了多

项研究并且找到可以实现静态电压稳定性的校 正控制。快速控制和在线解决方案以及对系统 进行实时监控,都可以对静态电压稳定性问题进 行有效缓解。文献[1]分析了电网工程的发展现 状和满足大电网综合防御体系的建设需求,提出 了系统架构设计方案,该系统能够准确识别系统 故障状态,实时判别策略逻辑,通过切机及功率 转带等措施,实现电网的快速、稳定控制。文献 [2]分析了连云港地区电网在线安全预警系统管 理现状,提出了现阶段预警系统的不足之处,最 后对连云港地区电网在线安全预警系统进行了 设计,并给出了设计方案及实现的4种预警功能。 文献[3]分析了孤岛微电网静态电压稳定性,并提 出了相对应的分析算法。

同步相量测量技术已经在电力系统控制保 护等方面得了广泛应用,甚至在算法和模拟方面 也得到了充分的应用,现在已成为实时电力系统 中不可分割的一部分。虽然国内对电力系统电 压稳定性评估方面的研究并不少,但是基本没有 将相量测量单元(phasor measurement unit, PMU) 运用到电压状态估计方面的研究。本文从介绍 电压稳定性以及它在扰动下将如何偏离其工作 点入手,重点介绍了如何将PMU与传统状态估计 技术结合以使系统故障可观测,并且讨论了PMU 的最优配置问题。本文中的研究在考虑了负载 变化的情况下,使用已给出的各种电压稳定性技 术来分析电压稳定性。文中最后在 Matlab/ R2015a软件上使用IEEE14测试总线对文中所得 到的结果进行了仿真分析,验证了实验结果的准 确性。

# 1 方法和程序

### 1.1 相量测量单元

相量测量单元是一种监测设备,其数据采用 相量形式,用正弦波的复数表示,包括电信号中 的幅度和相位角。对于绝对时间参考,同步相量 使用协调世界时(universal time coordinated,UTC)。 因此,PMU测量的电压和电流数据带有时间信 息。一旦它们同步,就可以进行实时比较。相量 测量单元由同步单元、测量单元和数据传输单元 组成。同步单元包括全球定位系统(global positioning system,GPS)接收器和锁相振荡器,为测量 单元提供采样时钟,同步精度甚至优于1µs。测 量单元具有3个组件,即抗混叠滤波器、A/D转换 器和微处理器。抗混叠滤波器用于验证所有模 拟信号的相同相移和衰减,A/D转换器将信号从 滤波器转换为数字信号。数据传输单元进一步 传输测量数据。图1显示了基本的PMU结构。 由于在每条总线上配置PMU来诊断/检测问题区 域的经济代价是很高的<sup>[4]</sup>,因此需要一种配置技 术在减少PMU配置数量的同时提供系统的完整 可观察性。



Fig.1 Basic PMU structure

在这项工作中,PMU的最佳配置由贪心算法 完成。使用贪心算法<sup>[5]</sup>选择具有最大连通性的 PMU配置位置,以确保系统的可观测性,进而在 很大程度上减少所有总线上安装 PMU的数量。 为了确保算法的执行,本文中选择将导纳矩阵的 元素转换为二进制数形式,得到维数为 N<sub>bus</sub>× N<sub>bus</sub> 的连通矩阵 **C**<sub>PMU</sub>。矩阵的元素被定义如下:

$$C_{\rm PMU} \approx \begin{cases} X_i & i=j\\ 0 & \pm \ell \ell \end{cases}$$
(1)

式中:*i*,*j*为连通矩阵C<sub>PMU</sub>中的第*i*行第*j*列。

可知式(1)中的关键在于求 $\Sigma X_i$ 的最小值,其 中 $X_i$ 为配置PMU的总线,则有如下表达式:

$$\boldsymbol{C}_{\mathrm{PMU}} \cdot \boldsymbol{X} \ge [1]_{N_{\mathrm{bus}} \times 1}$$
(2)

其中

$$\boldsymbol{X} = [X_1, X_2, \cdots, X_{N_{\text{bus}}}]$$

如果满足上述条件,则称系统为可观察的,否则称系统不可观察。为了总线的最大连通性,对 *C*<sub>PMU</sub>的每一列求和。求出最高和的列,即为配置 PMU的总线位置,表达式如下所示:

$$SUM = \sum C_{\rm PMU} \tag{3}$$

式中:SUM为一个 $1 \times N_{bus}$ 的矩阵。

将PMU配置在任何总线上,基于总线可观测性,对可见性矩阵再次进行相同维数的更新,其 元素属于[0,1]。因此,与PMU添加的总线对应的 行和列将从连接矩阵中删除。如果可见性矩阵 的元素为1,则系统被认为是可观察的。具体遵 循如下的步骤:1)读取电网中的可用数据。2)使 用总线导纳矩阵,建立连接矩阵。3)推导出优先 度的总线,选择该总线作为PMU的位置。4)如果 两个或多个总线具有相同的连接性,随机选择一 个总线并将PMU配置到该总线。5)更新可见性矩 阵。检查总线的可观察性。如果不可观察,则重 复步骤3),否则结果总线是该PMU的唯一位置。

## 1.2 PMU状态估计方法

由于一般的数据采集与监视控制系统的常 规测量在实时捕获系统动态方面还不成熟,无法 完成对连续变化系统的状态估计,因此,需要对 状态估计算法方案进行修改,使其能够处理和监 控这些变化。PMU可以很好地解决上述问题,因 为它与GPS通用时钟同步,可以直接测量其所在 母线的电压和电流。因此,将状态估计测量与 PMU测量结合比单独使用状态估计用于整个系 统进行测量更有效率,同时也更加准确。在给定 的传输线模型中,可以通过线电流的大小来计算 另一侧的电压。测量线路电流的优点是它可以 将电压测量扩展到那些没有安装PMU的总线。 由此可以通过选择PMU的最佳配置位置[6-8]来减 少所需的PMU数量,间接测量总线电压。方程可 以描述为如图2所示的π线模型,该π线模型的 数学表达式如下式所示:



## 计算步骤如下:

1)令*m*为未进行电流测量的总线编号,*q*为目前的总线的编号,*p*为未进行电压测量的总线编号。

2)计算 $m \times q$ 维的当前关联矩阵 $A_{\circ}$ 

3)计算m×m维导纳矩阵的对角线。

4)将每个*p<sub>i</sub>*部分的分流分支添加到对角矩阵。

5)得到由p和m组成的测量向量,表示为

$$Z = \begin{bmatrix} \Pi \\ yA + y_{s} \end{bmatrix} [E_{b}] = BE_{b}$$
 (5)

式中:Z为测量向量; $\Pi$ 为删除缺失母线电压行的 单位矩阵;y为当前线路的导纳向量; $y_s$ 为已测量 线路的导纳向量; $E_b$ 为线路端电压;B为线路状态 矩阵。

6)计算估计值:

 $X = (B^{T}W^{-1}B)^{-1}BTW^{-1}BTW^{-1}Z = MZ$  (6) 式中:X为配置 PMU 的总线;M为状态估计矩阵; B, W, T为状态估计器的中间配置矩阵。

因为矩阵 M 可以将测量结果直接转换为状态估计器中的数据,所以上述等式可以使估计器成为线性的,它不像早期估计器那样会产生非线性估计,这也是本方案一个显著优点。

本文在传统的状态估计技术之上进行了最 小二乘(weighted least squares, WLS)的处理。正 如之前所知道的,状态估计是一个将值分配给基 于该系统的测量而建立的未知状态变量的过程。 这个过程可能涉及不精确的测量,但可以使用统 计标准消除以获得真实值,然后使用这些值来 最小化或最大化某些目标函数。WLS涉及正规 方程的迭代求解,对状态向量 X<sub>0</sub>进行了初步猜 测。对于对应的潮流解决方案,初始猜测被视为 平坦的电压曲线,即所有母线电压都假设为每单 位1.0。

## 1.3 电压稳定性

电压稳定性是指电力系统在受到干扰后保 持所有母线电压恒定的能力。电压不稳定的一 些原因是负载丢失、保护装置意外跳闸而导致级 联中断,其中不稳定的主要原因是负载。级联中 断是指由于电压不稳定,从而导致网络中持续较 长时间的停电或异常低电压现象。这些过程通 常被称为电压崩溃。可以根据干扰水平或持续 时间进行分类,根据扰动水平,可分为大扰动和 小扰动电压稳定性,而根据持续时间,可分为短 期或长期持续时间<sup>191</sup>。

通过估计电压状态以及利用电压稳定性工 具,可以正确估计电压不稳定性,并可以使用适 当的校正措施将电压恢复到平衡点。利用牛顿-拉夫逊方法进行潮流分析,该方法为指定母线条 件下的线路潮流和电压提供了解决方案。本文 中使用的一些其他分析工具分析如下。

1.3.1 有功功率和无功功率的曲线

此分析将通过选择有功功率逐步增加的候

选母线来完成,因此通过运行潮流程序计算相应 的电压<sup>110-121</sup>,直到潮流不收敛。对于这些候选母 线,绘制了 P-V曲线,如图3所示。如果电压解 为正,则 P-V曲线的解给出稳定运行,否则不稳 定,鼻尖描绘为最大负载的临界点。Q-V分析是 通过改变无功功率来完成的,图4显示了曲线底 部的 Q-V曲线,其中 dQ/dV=0为曲线底部,右侧 描绘了 Q 和V都增加的稳定区域,而左侧描绘了 Q 减小V增加的不稳定区域。



#### 1.3.2 电压稳定指标

电压稳定指标(voltage stabilization indicator, VSI)表示电力系统不稳定接近度。故障从空载 到电压崩溃,指数值的范围从0到1。它们将揭 示关键总线或总线之间连接线路的稳定性。如 果发现母线处于临界状态,则必须采取某些纠正 措施,例如使用串联、并联电容器和同步电容器。 数学模型如图5所示。



Fig.5 Power line model

图 5 中,*i*表示发送总线s,*j*表示接收总线r。 公式中使用的除此之外的一些符号描述如下:*Z* 为线路阻抗;*X*为线路电抗;*Q*,为接收端的无功功 率; $V_i$ 为发送端电压; $\theta$ 为线路阻抗角; $\delta$ 为电源之间的相角差; $P_i$ 为发送端的有功功率; $P_{r(max)}$ , $Q_{r(max)}$ 为最大有功和无功功率; $P_{loss(max)}$ , $Q_{loss(max)}$ 为最大有功和无功损耗; $V_i$ , $V_i$ 为电压相量。

下面给出了一些使用指数的描述:

1) *WV*<sub>0</sub>指数:这里*V*是从潮流获得的母线电 压,*V*<sub>0</sub>是从潮流获得的新电压,同时保持所有负 载为零。该比值将给出弱总线的有效检测。

2)线路稳定性指数L<sub>mn</sub>:该指数可以从单条线路中使用的电力传输概念推导出来,其中电压二次方程的判别式大于零为实现稳定的运行条件,如果判别式的值小于零,则系统将不稳定。L<sub>mn</sub>表达式如下式所示:

$$L_{\rm mn} = 4Q_i X / [V_i \sin(\theta - \delta)]^2$$
(7)

3)快速电压稳定性指数(fast voltage stabilization indicator, FVSI)和线路功率质量(line power quality, LQP)指标:这两个指数的概念与*L*<sub>mn</sub>中使 用的概念相同,但其公式有所不同,如下所示:

$$FVSI_{ij} = 4Z^2Q_j/(V_i^2X)$$
(8)

$$LQP = \frac{4X}{V_i^2 \{ [(\frac{X}{V_i^2})P_i^2 + Q_j] \}}$$
(9)

4)功率传输指数(power transmission indicator, PTI):该指数表示通过线路传输的最大功率, 如下所示:

$$VCPI_{(\text{power})} = P_{r}/P_{r(\text{max})} = Q_{r}/Q_{r(\text{max})}$$
(10)

$$VCPI_{(\text{loss})} = P_{\text{loss}}/P_{\text{loss(max)}} = Q_{\text{loss}}/Q_{\text{loss(max)}}$$
(11)

# 2 实验结果

使用 Matlab/R2015a 软件对如图 6 所示的标准 IEEE14 测试总线系统进行仿真数据模拟。该系统有 5 条发电机母线、20 条相互连接的支路和 9 条负载母线。

使用牛顿-拉夫逊方法运行潮流程序,评估 潮流的有功和无功功率以及电压及其角度,假设 以下潮流的结果是准确的。

使用贪心算法<sup>[13-14]</sup>,过程不断重复,直到整 个系统变得可观察为止。由实验结果可知,当 PMU 被配置在4,6,2,9,7总线上,可以实现 IEEE14总线系统的完全可观察性。这表明不需 要将PMU配置在所有14条总线上,只配置在5条 总线上即可。该方法的可靠性已经在IEEE5, 30,57和118等不同的测试系统上进行了测试,证 明它是一种有效的PMU布局方法,如表1所示。



Fig.6 IEEE14 mt Lest bus system

表1 不同IEEE总线上PMUs的OPP

Tab.1 OPP of PMUs on different IEEE buses				
IEEE 总线系统	配置PMU 数量	PMU配置总线		
5	1	2		
14	5	4,6,2,9,7		
30	11	6,10,12,27,2,15,24,3,19,9,25		
57	21	9,13,38,14,41,6,15,24,29,32,36, 56,19,21,27,30,39,46,50,53		
118	40	50,100,13,80,18,38,60,1,6,33,85, 92,105,16,57,63,66,70,77,96,110, 20,24,28,31,41,47,2,10,22,30,35, 45,52,54,69,71,75,89,86		

在负载可变的情况下,绘制了有功功率和电 压变化图,结果如图7所示。可以得出结论:随着 负载在10次实验中从70%增加到120%,在所有 总线上,随着负载变化情况相对应的功率都会减 小。实验结果出自于配置PMU的4号总线。



图8所示为不同负载变化条件下所有母线的 无功裕度变化图。从图8中可以推断出在系统经 历电压崩溃之前母线的无功功率需求。通过观察 配置PMU的总线2,4,6,7和9分别接入负载率为 0.750,0.900和1.200的不同负载条件下,可以发 现,在所有这些可变负载中,母线7具有最低无功 裕度,表明该母线是关键母线。在整个负载变化 过程中,总线2具有足够的无功裕量。除了7号 电气传动 2023年 第53卷 第11期

总线外,5号、11号和12号总线也被认为是关键 总线。



使用不同方法进行电压测量的比较结果显示在表2中,其中电压测量结果均以标幺值的形式表示。根据电压V进行潮流计算的方法可降低不确定性水平,并具有良好的准确度水平和更少的计算时间。但是增加总线会导致迭代增加。迭代次数越多,需要的计算时间就越多。计算程序中没有考虑相位角偏差。

表2 使用不同方法进行电压比较

Tab.2 Voltage comparison using different methods						
PMU 配 置总线	根据电压 V 进行潮流计算	使用WLS 测量电压	使用带有状态估计的 PMU测量电压			
2	1.045 0	0.989 9	1.045 0			
4	1.013 2	0.957 9	1.013 2			
6	1.070 0	1.018 5	1.070 0			
7	1.045 7	0.991 9	1.045 7			
9	1.030 5	0.976 3	1.030 5			

通过对PMU的直接测量,并利用线路电流的 扩展来检测相邻母线电压具有显著的优点。矩 阵 M 是一个转换矩阵,它测量电压和电流并提供 线性估计。由于没有使用长迭代方法,所以它具 有快速的计算速度。只要系统保持完好,条件就 会得到满足。估计x具有与状态估计的传统方法 相同的概念。

使用WLS方法,可以看出从潮流中获得的基 准电压值的差异。但是使用带有状态估计的 PMU直接测量提供了与潮流相同的结果,而无需 任何迭代方法。由于潮流计算的电压值是精准 的,这个估计提供的结果与潮流计算结果相同, 表明它在IEEE14测试总线上的可行性。

下面对一些PMU配置总线进行了各项指标的计算,并给出了指标结果,如图9、表3~表5所示。

1) *VIV*<sub>0</sub>指数:从图9中可以发现总线1,2和8 是关键总线,因为它们的指数在1以上。



电气传动 2023年 第53卷 第11期

Fig.9  $V/V_0$  index

2)FVSI和L<sub>mn</sub>指数:从表3~表5分析,随着负载变化从0.70增加到1.20,每条总线的指数值也增加,此外,这两个指数的值是相同的。这些变量的大小取决于无功功率。

3) LQP 指数:同样的结论在这里也是有效的,负载增加时,每条总线的指数值也在增加。但是在极端负载条件下,母线2为关键母线。

4) VCPI 指数:根据线路的最大功率传输能力 来计算指数。分析表 3~表5的结果可知,随着 负荷变化的增大,母线的变化使指数值增大。 VCPI(Q)指数指的是最大无功功率,随着负载的 增加,线路的临界值保持在0~1之间。

因此可以得出结论,在最大负载条件下,VSI 各项指标值会更高,对应总线被称为临界线。

Tab.3 Index comparison on bus 2							
+14. *1+	负载率						
1日 奴	0.70	0.90	1.200				
FVSI	0.517 8	0.884 9	0.471 0				
$L_{\rm mn}$	0.517 8	0.884 9	0.471 0				
LQP	0.035 5	0.060 5	0.039 9				
VCPI(1)	0.022 0	0.023 0	0.040 5				
VCPI(2)	0.077 0	0.133 2	0.073 2				
表4 总线4上的指数比较							
Tab.4 Index comparison on bus 4							
		负载率					
指纵	0.70	0.90	1.200				
FVSI	0.091 7	0.119 1	0.168 6				
$L_{ m mn}$	0.091 7	0.119 1	0.168 6				
LQP	0.034 0	0.055 2	0.106 0				
VCPI(1)	0.094 8	0.117 6	0.154 8				
VCPI(2)	0.015 7	0.023 0	0.048 5				
Tab.5 Index comparison on bus 6							
		负载率					
指剱	0.70	0.90	1.200				
FVSI	0.077 6	0.324 5	0.625 4				
$L_{\rm mn}$	0.077 6	0.324 5	0.625 4				
LQP	0.006 2	0.022 1	0.040 6				
VCPI(1)	0.021 9	0.020 4	0.022 9				
VCPI(2)	0.011 4	0.047 9	0.093 4				

表3 总线2上的指数比较

# 3 结论

本文提出了基于状态估计的相量测量单元测 量电压稳定性的方法。通过利用 Matlab/R2015a 软件对IEEE14测试总线进行仿真分析。在变化 的负载条件下,绘制了P-V曲线和无功裕度与 母线的曲线,表明随着负载的增加,功率减小,无 功裕度最低的母线被认为是关键母线。电压稳 定性指标在找出电压崩溃状况方面发挥了重要 作用,指数 V/V<sub>0</sub>, L<sub>m</sub>, VCI, FVSI 和 VCPI 针对在不 同负载条件下配置 PMU 的总线计算,可以用来评 估系统电压稳定性,指数值介于0(正常情况)到1 (电压崩溃)之间,显示了总线的临界状态。为了 找出PMU的配置位置,使用贪心算法满足PMU 的最优配置位置,该算法找到具有最大连接性的 总线以配置 PMU。使用基于非线性迭代方法的 WLS方法进行状态估计,考虑到其为非线性估 计,所提出的使用状态估计直接测量PMU的方法 进行线性估计,不需要任何迭代方法。该方法形 成一个矩阵,直接测量状态并计算其线性估计, 它不仅提供了定位母线的电压,还有助于通过使 用线路电流的方式间接计算相邻母线。

#### 参考文献

- 白申义,李建敏,许圣龙,等.大电网实时快速安全稳定控制系统研制[J].自动化仪表,2021,42(8):77-83.
   BAI Shenyi,LI Jianmin,XU Shenglong, et al. Research and development of real-time, fast, security and stability control system for large power grid[J]. Process Automation Instrumenta-
- [2] 蔡成新.连云港电网在线安全预警系统的研究[D].南京:东 南大学,2015.

tion, 2021, 42(8):77-83.

CAI Chengxin. Research on online security early warning system of Lianyungang power grid[D]. Nanjing: Southeast University, 2015.

[3] 林立亨.孤岛微电网静态电压稳定性分析算法研究[D].杭州:浙江大学,2021.

LIN Liheng. Research on static voltage stability analysis algorithm of island microgrid[D]. Hangzhou: Zhejiang University, 2021.

[4] 张启飞,苏小林,阎晓霞.基于暂态可观性的向量测量单元 配置方法[J].山西电力,2015(1):5-8.

ZHANG Qifei, SU Xiaolin, YAN Xiaoxia. PMU configuration method based on transient observability[J]. Shanxi Electric Power, 2015(1):5–8.

[5] 黄伟建,贾孟玉,黄亮.并行随机抽样贪心算法分区的 Map-Reduce 负载均衡研究[J].现代电子技术,2020,43(16):170-173. HUANG Weijian, JIA Mengyu, HUANG Liang. Research on MapReduce load balancing of greedy algorithm partitioning based on parallel random sampling[J]. Modern Electronic Technology, 2020, 43(16):170-173.

- [6] 段翔兮,张华,高艺文,等.基于kNN算法的电力系统设备隐患在线识别方法研究[J].电气传动,2021,51(22):69-73.
  DUAN Xiangxi, ZHANG Hua, GAO Yiwen, et al. Research on online identification method of hidden dangers of power system equipment based on kNN algorithm[J]. Electric Drive, 2021,51 (22):69-73.
- [7] 杨彦波,朱建军.电力系统同步向量测量单元测试方法设计[J]. 宁夏电力,2021(4):39-43.

YANG Yanbo, ZHU Jianjun. Design of a test method for synchronized phasor measurement unit in power system[J]. Ningxia Electric Power, 2021(4):39–43.

[8] 张作鹏.同步相量测量单元优化配置算法研究[D].重庆:重 庆大学,2007.

ZHANG Zuopeng. Research on optimal configuration algorithm of synchronous vector measurement unit[D]. Chongqing: Chong qing University, 2007.

- [9] 曹鹏程,李培强,孙培栋,等. 电池储能提高电网薄弱节点电 压稳定性的研究[J]. 电气传动,2021,51(24):67-74.
   CAO Pengcheng, LI Peiqiang, SUN Peidong, et al. Study on battery energy storage to improve voltage stability of weak nodes in power grid[J]. Electric Drive, 2021,51(24):67-74.
- [10] 高闰国, 匡洪海, 钟浩, 等. 适用于直流配电网的改进下垂电 压控制策略[J]. 电气传动, 2021, 51(21): 53-58.

GAO Runguo, KUANG Honghai, ZHONG Hao, et al. Improved

(上接第52页)

度综合评估方法[J]. 水电能源科学,2019,37(10):150-154. YU Xiao, YANG Honggeng. Comprehensive evaluation of node voltage sag severity considering system side and user side[J]. Water Resources and Power,2019,37(10):150-154.

[20] 龙军,郑宇琦.带Z源网络的动态电压恢复装置研制[J].电 机与控制学报,2020,24(9):76-83,94.

LONG Jun, ZHENG Yuqi. Development of dynamic voltage recovery device with Z source network[J]. Electric Machines and Control, 2020, 24(9):76-83, 94.

- [21] 高闰国,匡洪海,钟浩,等.适用于直流配电网的改进下垂电 压控制策略[J]. 电气传动,2021,51(21):53-58.
  GAO Runguo, KUANG Honghai, ZHONG Hao, et al. Improved droop voltage control strategy for DC distribution network[J]. Electric Drive,2021,51(21):53-58.
- [22] 刘志远,陈海军,于晓军,等.基于振动信号的变压器有载分

droop voltage control strategy for DC distribution network[J]. Electric Drive, 2021, 51(21):53-58.

[11] 李建斌,王鹏程,傅侃,等.基于预处理共轭梯度迭代法的电 力系统状态估计算法[J].电力系统自动化,2021,45(14): 90-96.

LI Jianbin, WANG Pengcheng, FU Kan, et al. State estimation algorithm of power system based on preconditioned conjugate gradient iteration[J]. Automation of Electric Power Systems, 2021,45(14):90–96.

[12] 张书瑀.电力系统电压稳定性分析指标的研究与应用[D].北 京:中国电力科学研究院,2017.

ZHANG Shuyu. Research and application of voltage stability analysis index of power system[D]. Beijing: China Electric Power Research Institute, 2017.

[13] 付冰,周作建,张维芯. 贪心算法在智能导检中的应用研究
 [J]. 软件导刊,2022,21(1):136-140.
 FU Bing,ZHOU Zuojian,ZHANG Weixin. Research on the ap-

plication of greedy algorithm in intelligent guidance of health examination[J]. Software Guide, 2022, 21(1):136-140.

[14] 韩素敏,郑书晴,何永盛.基于粗糙集贪心算法的逆变器开路故障诊断[J].电力系统保护与控制,2020,48(17):122-130.

HAN Sumin, ZHENG Shuqing, HE Yongsheng. Open circuit fault diagnosis for inverters based on a greedy algorithm of a rough set[J]. Power System Protection and Control, 2020, 48 (17):122–130.

收稿日期:2022-06-22 修改稿日期:2022-07-25

接开关故障诊断方法研究进展与展望[J]. 高压电器, 2019, 55(11):18-25, 33.

LIU Zhiyuan, CHEN Haijun, YU Xiaojun, et al. Research progress and prospects on fault diagnosis method for transformer on-load tap changer based on vibration signal[J]. High Voltage Apparatus, 2019, 55(11):18–25, 33.

[23] 胡媛媛,张杰,黄勤清,等.变压器有载分接开关振动信号特征识别技术研究[J].变压器,2019,56(10):32-39.
 HU Yuanyuan, ZHANG Jie, HUANG Qinqing, et al. Research

on vibration signal identification technology of on-load tap changer for transformer[J]. Transformer, 2019, 56(10); 32–39.

收稿日期:2022-06-24 修改稿日期:2022-07-08