# 光伏并网的宽频振荡问题分析

## 苏乐<sup>1</sup>,程静<sup>1,2</sup>,王维庆<sup>1,2</sup>

(1.新疆大学 电气工程学院,新疆 乌鲁木齐 830047;

2.可再生能源发电与并网技术教育部工程研究中心,新疆 乌鲁木齐 830047)

摘要:近年来,新能源并网所引发的电力系统宽频振荡问题频发,光伏电站作为新能源当中的重要组成部分,对电力系统的稳定性造成的影响不容忽视。为了探究光伏并网的宽频振荡问题,建立了详细的光伏发电 系统的线性化数学模型,然后采用模态分析法研究了各个振荡模态与光伏系统之间的联系,并根据光伏发电 系统对振荡模态的具体影响对其参数进行优化,提高了系统的稳定性。最后通过仿真验证了数学建模及理论 分析的正确性。

关键词:光伏并网;宽频振荡;模态分析;参与因子 中图分类号:TM712 文献标识码:A DOI:10.19457/j.1001-2095.dqcd24353

Analysis of Broadband Oscillation Problem of Photovoltaic Grid Connection

SU Le<sup>1</sup>, CHENG Jing<sup>1,2</sup>, WANG Weiqing<sup>1,2</sup>

(1.School of Electrical Engineering, Xinjiang University, Urumqi 830047, Xinjiang, China;
2.Engineering Research Center of Renewable Energy Generation and Grid-connected Technology Ministry of Education, Urumqi 830047, Xinjiang, China)

Abstract: In recent years, the broadband oscillation of power system caused by new energy grid-connected occurs frequently. As an important part of new energy, photovoltaic power station can't be ignored. In order to explore the broadband oscillation of photovoltaic grid-connected, a detailed linear mathematical model of photovoltaic power generation system was established, then the relationship between each oscillation mode and photovoltaic system was studied by modal analysis, its parameters was optimized according to the specific influence of photovoltaic power generation system on oscillation mode, and the stability of the system was improved. Finally, the correctness of mathematical modeling and theoretical analysis was verified by simulation.

Key words: photovoltaic grid-connected; broadband oscillation; modal analysis; participation factor

随着能源危机的加重,越来越多的新能源加 入到电力系统当中,光伏发电在新能源当中占比 较大,光伏并网引入了些许的电力电子元件且控 制较为复杂,系统参数众多,容易发生相互作用 而引发电力系统数Hz到数百Hz的振荡<sup>[1-3]</sup>。故 光伏并网对电力系统的稳定性影响需要进行多 方面的考虑与分析,找到引发系统各频段振荡 的根源,从而采取一定的措施,提高系统的稳定 性。文献[4]采用特征值分析法研究了大规模光 伏电站的振荡模式,然而作者的分析不太全面, 仅仅对系统中的次同步振荡和低频振荡进行了 分析,对于更高频率的振荡并未给出详细的分 析;文献[5]利用特征值和参与因子分析了影响系 统振荡的主要因素,然而作者在建模时并未将串 联补偿线路考虑在内,故而分析有失全面性;文 献[6]建立了含串联补偿线路的新能源并网系统 的小信号模型,并借鉴复转矩系数法,分析了不 同串补度情况下串联补偿线路对电流控制与直 流电压控制的影响,然而作者在建模时并未考虑 光伏电池、最大功率点跟踪(maximum power point tracking, MPPT)控制及直流转直流(DC-DC)变换 器、锁相环等环节,故而对系统的分析也不全面; 文献[7]建立了考虑控制延时环节的光伏并网逆 变器的状态空间小信号模型,利用特征值分析方 法研究了宽范围电网强度下考虑控制延时的光 伏并网逆变器稳定性问题,其建模仍是以逆变器

基金项目:新疆维吾尔自治区科学技术厅重点实验室开放课题(2020D04048)

作者简介:苏乐(1996—),男,硕士,Email:1793384236@qq.com

及后边的滤波电路、串补电路为主,并未考虑逆变 器之前的光伏电池、MPPT控制及DC-DC变换器的 影响;文献[8]建立了光伏并网系统状态空间模型, 通过系统状态空间矩阵,运用根轨迹分析法研究了 控制参数对系统振荡模态的影响,优化参数选取 范围,并仿真验证了其正确性,然而在数学建模 过程当中亦未考虑逆变器前边的升压及最大功 率寻踪环节。

本文为研究光伏并网对电力系统振荡的影响,综合考虑了光伏电池、MPPT控制及DC-DC 变换器、逆变器、锁相环、滤波器以及串联补偿线 路在内的多个因素,对系统进行了全面建模;然 后研究了系统各个振荡模态与光伏系统之间的 关系,分析了光伏并网系统发生振荡的可能性与 振荡机理;并根据分析结果对系统参数进行优 化;最后通过Simulink仿真验证了分析的正确性。

1 模态分析法

模态分析法又叫小干扰稳定分析法,也叫特征值分析法,该方法不仅可以让我们知道电力系统是否稳定,还可以让我们了解到系统的振荡起因以及具体的影响因素<sup>191</sup>。

要进行小干扰稳定性分析,首先要建立系统的线性化微分方程:

$$d\mathbf{x}/dt = f(\mathbf{x}) \tag{1}$$

其中

$$\boldsymbol{x} = [x_1, x_2, \cdots, x_n]^{\mathrm{T}}$$
$$\boldsymbol{f}(\boldsymbol{x}) = [f_1(\boldsymbol{x}), f_2(\boldsymbol{x}), \cdots, f_n(\boldsymbol{x})]^{\mathrm{T}}$$

式中:x为电力系统中的各个状态变量;f(x)为状态变量间的函数关系。

将微分方程在平衡点x。处进行泰勒展开,略去高阶无穷小量可得到:

$$d\Delta x/dt = A\Delta x \tag{2}$$

根据李雅普诺夫第一定理,非线性系统的小干扰 稳定性是由该系统线性化后特征方程的根,即雅 可比矩阵A的特征值决定。

当状态矩阵A的所有特征值均位于复平面的 左侧时,其对应的是一种衰减的振荡模态,在遭 受小扰动一段时间后,系统会重新回到初始平衡 点运行;当A的特征值出现正实根或具有正实部 的复根时,说明此系统在初始平衡点是不稳定 的,前者对应的是非周期性失稳,后者对应于周 期性失稳;当矩阵A存在零实部的特征值时,说明 系统的初始平衡点处在临界情况。

若雅可比矩阵的特征值为 $\lambda = \delta \pm j\omega$ ,则该特征值对应的振荡频率为

$$f = \frac{\omega}{2\pi} \tag{3}$$

阻尼比为

$$\zeta = \frac{-\delta}{\sqrt{\delta^2 + \omega^2}} \tag{4}$$

阻尼比可以反映振荡模态的衰减速度,阻尼比 ζ的值越大,振荡幅值随时间衰减的速度就越快。

为了确定状态变量和各模态之间的关系,将 系统状态矩阵A的左右特征向量结合起来形成了 参与矩阵P,如下式:

$$\boldsymbol{P} = \begin{bmatrix} u_{11}v_{11} & \dots & u_{1i}v_{1i} & \dots & u_{1n}v_{1n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ u_{k1}v_{k1} & \dots & u_{ki}v_{ki} & \dots & u_{kn}v_{kn} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ u_{k1}v_{k1} & \dots & u_{ki}v_{ki} & \dots & u_{kn}v_{kn} \end{bmatrix}$$
(5)

参与矩阵P的元素 $P_{ki} = u_{ki}v_{ki}$ 称为参与因子,它描述了第k个状态变量 $\Delta x_k$ 对第i个模态的参与程度,P的第i列 $P_i$ 为第i个模态的参与向量。

### 2 光伏发电系统建模

本文所建立的光伏并网系统的结构如图1所 示。光伏并网系统可分为光伏阵列、MPPT控制 部分、Boost升压电路、逆变器及其控制部分、LCL 滤波器、锁相环、串联补偿电路、交流电网等。



Fig.1 Diagram of photovoltaic grid-connected system

#### 2.1 光伏电池建模

本文的光伏电池模型是通过标准工况下(S=1000 W/m<sup>2</sup>,  $T_{ret}$ =25 °C)的4个电气参数(短路电流  $i_{se}$ 、开路电压 $u_{oe}$ 、最大电流 $i_{m}$ 、最大电压 $u_{m}$ )来推导 非标准状况下的u—i特性方程:

$$i_{\rm pv} = i_{\rm sc} [1 - C_1 (e^{\frac{u_{\rm pv}}{C_2 u_{\rm sc}}} - 1)]$$
 (6)

其中

$$C_{1} = (1 - \frac{\dot{i}_{m}}{\dot{i}_{sc}}) e^{-\frac{u_{m}}{C_{2}u_{sc}}}$$
(7)

$$C_2 = \frac{u_{\rm m}/(u_{\rm oc} - 1)}{\ln\left(1 - i_{\rm m}/i_{\rm sc}\right)} \tag{8}$$

式中: u<sub>pv</sub>, i<sub>pv</sub>分别为光伏阵列的输出电压和输出 电流。

将式(6)线性化可得到:

$$\Delta i_{\rm pv} = -\frac{i_{\rm sc}C_1 \mathrm{e}^{\frac{-r_{\rm pv}}{C_2 u_{\rm oc}}}}{C_2 u_{\rm pv}} \Delta u_{\rm pv} \tag{9}$$

# **2.2** 光伏发电系统的 MPPT 控制及 DC-DC 变换 器模型

光伏发电最大功率寻踪是通过控制光伏电 池的输出口电压 u<sub>pv</sub>,使光伏电池的输出在外界环 境发生改变时始终保持在最大功率点附近,控制 框图如图2所示。



图 2 光伏发电最大功率寻踪控制框图

Fig.2 Photovoltaic power generation maximum power tracing control block diagram

本文的MPPT采用的是电导增量法,由于光 伏阵列输出功率为

$$P = u_{\rm pv} i_{\rm pv} \tag{10}$$

求导可得:

$$\frac{\mathrm{d}P}{\mathrm{d}u_{\rm pv}} = \frac{\mathrm{d}(u_{\rm pv}i_{\rm pv})}{\mathrm{d}u_{\rm pv}} = i_{\rm pv} + u_{\rm pv}\frac{\mathrm{d}i_{\rm pv}}{\mathrm{d}u_{\rm pv}} \qquad (11)$$

当 dP/du<sub>pv</sub> > 0 时,  $u_{pv}$ 小于最大功率点电压  $u_{pvref}$ ; 当 dP/d $u_{pv}$  < 0 时,  $u_{pv}$ 大于最大功率点电压  $u_{pvref}$ ; 当 dP/d $u_{pv}$  = 0,  $u_{pv}$ 等于最大功率点电压 $u_{pvref}$ 。

将上述3种情况代入式(11)可得:当 $u_{pv}$ <  $u_{pvref}$ 时, $di_{pv}/du_{pv}$ > $-i_{pv}/u_{pv}$ ;当 $u_{pv}$ > $u_{pvref}$ 时, $di_{pv}/du_{pv}$ <  $-i_{pv}/u_{pv}$ ;当 $u_{pv}$ = $u_{pvref}$ 时, $di_{pv}/du_{pv}$ = $-i_{pv}/u_{pv}$ 。这样可以 根据 $di_{pv}/du_{pv}$ 与 $-i_{pv}/u_{pv}$ 之间的关系来调整工作点 电压,从而实现最大功率跟踪。 图 2 中, $u_{pv}$ 为光伏阵列的输出电压; $u_{pvref}$ 为 MPPT输出的电压参考值; $k_{ig1}$ , $k_{pg1}$ 为 MPPT控制环 节的比例积分控制参数; $\tau$ 为时间常数; $x_1$ 是为了

由图2可得到MPPT控制部分的线性化数学 模型:

方便描述MPPT控制电路的数学模型而引入的状

态变量;T.为占空比。

$$\mathrm{d}\Delta x_1/\mathrm{d}t = -k_{ig1}\Delta u_{pv} \tag{12}$$

$$\tau \frac{\mathrm{d}\Delta D'}{\mathrm{d}t} = -k_{\mathrm{pg1}} \Delta u_{\mathrm{pv}} + \Delta x_{1} - \Delta D' \qquad (13)$$

图 3 是 DC-DC 变换器控制框图。图中,L<sub>B</sub>为 滤波电感,i<sub>b</sub>为流过滤波电感的电流,i<sub>d</sub>为流入逆 变器的电流,C<sub>pv</sub>为滤波电容,C<sub>dc</sub>为直流母线电容, u<sub>dc</sub>为逆变器输入电压。



图3 DC-DC变换器控制框图

Fig.3 DC-DC converter control block diagram 根据图 3 建立数学模型并线性化可得到:

$$C_{\rm pv} \frac{\mathrm{d}\Delta u_{\rm pv}}{\mathrm{d}t} = \Delta i_{\rm pv} - \Delta i_{\rm B} \tag{14}$$

$$L_{\rm B} \frac{\mathrm{d}\Delta i_{\rm B}}{\mathrm{d}t} = \Delta u_{\rm pv} - \Delta D' u_{\rm de0} - D'_0 \Delta u_{\rm de} \qquad (15)$$

$$C_{dc} \frac{d\Delta u_{dc}}{dt} = \Delta D' i_{B0} + D'_{0} \Delta i_{B} - \frac{(i_{Ld0} \Delta u_{Ld} + u_{Ld0} \Delta i_{Ld} + i_{Lq0} \Delta u_{Lq} + u_{Lq0} \Delta i_{Lq}) u_{dc0}}{u_{dc0}^{2}} + \frac{(u_{Ld0} i_{Ld0} + u_{Lq0} i_{Lq0}) \Delta u_{dc}}{u_{dc0}^{2}}$$
(16)

#### 2.3 光伏逆变器控制模型

光伏逆变器的控制系统由*d-q*坐标系下的直 流电压外环、*d*轴电流内环、*q*轴电流内环组成。 其控制框图如图4所示<sup>[10-11]</sup>。



Fig.4 PV inverter control block diagram

图 4 中,  $u_{dc}$  为直流电容的端电压;  $u_{deref}$  为直流 电容端电压的参考值;  $k_{pg2}$ ,  $k_{ig2}$  分别为光伏逆变器 直流电压控制外环的比例和积分系数;  $k_{pg3}$ ,  $k_{ig3}$  分 别为 d 轴电流内环的比例和积分系数;  $k_{pg4}$ ,  $k_{ig4}$  分 别为 q 轴电流内环的比例和积分系数;  $u_{ced}$ ,  $u_{ceq}$  分 别为光伏发电系统经过 LCL 滤波器输出的 d, q 轴 电压的实际值;  $u_{Ldref}$ ,  $u_{Lqref}$  分别为光伏逆变器输出 d, q 轴控制电压;  $\omega_0$  为电网参考角频率;  $L_L$  为滤波 器电感。为了更好地描述光伏逆变器控制系统 的数学模型, 引入中间状态变量  $x_2$ ,  $x_3$ ,  $x_{40}$ 

由图4可得到如下方程:

$$\frac{\mathrm{d}\Delta x_2}{\mathrm{d}t} = k_{\mathrm{ig2}} \Delta u_{\mathrm{deref}} - k_{\mathrm{ig2}} \Delta u_{\mathrm{de}}$$
(17)

$$\Delta i_{\rm Ldref} = k_{\rm pg2} \Delta u_{\rm dcref} - k_{\rm pg2} \Delta u_{\rm dc} + \Delta x_2 \qquad (18)$$

$$\frac{\mathrm{d}\Delta x_3}{\mathrm{d}t} = k_{ig3}\Delta i_{\mathrm{Ldref}} - k_{ig3}\Delta i_{\mathrm{Ld}}$$
(19)

$$\Delta u_{\text{Ldref}} = \Delta u_{ed} - \omega_0 L_{\text{L}} \Delta i_{\text{Lq}} + k_{\text{pg3}} \Delta i_{\text{Ldref}} - k_{\text{pg3}} \Delta i_{\text{Ld}} + \Delta x_3$$
(20)

$$\frac{\mathrm{d}\Delta x_4}{\mathrm{d}t} = k_{\mathrm{ig4}} \Delta i_{\mathrm{Lqref}} - k_{\mathrm{ig4}} \Delta i_{\mathrm{Lq}} \qquad (21)$$

$$\Delta u_{\text{Lqref}} = \Delta u_{\text{cq}} + \omega_0 L_{\text{L}} \Delta i_{\text{Ld}} + k_{\text{pg4}} \Delta i_{\text{Lqref}} - k_{\text{pg4}} \Delta i_{\text{Lq}} + \Delta x_4$$
(22)

$$\Delta u_{ccd} = \Delta u_{cd} - L_2 \frac{\mathrm{d}\Delta i_{Gd}}{\mathrm{d}t} + \omega_0 L_2 \Delta i_{Gq} + L_2 i_{Gq0} \Delta \omega$$
(23)

$$\Delta u_{eeq} = \Delta u_{eq} - L_2 \frac{\mathrm{d}\Delta i_{\mathrm{Gq}}}{\mathrm{d}t} - \omega_0 L_2 \Delta i_{\mathrm{Gd}} - L_2 i_{\mathrm{Gd}} -$$

光伏逆变器采用电流矢量控制,需要在 d-q 坐标系下对电流的 d,q 轴分量分别进行控制,因 此需要加入锁相环来实时跟踪光伏系统输出端 口的电压相位,从而方便根据相位进行坐标变 换,实现系统的电流矢量控制<sup>[12]</sup>。光伏系统的锁 相环控制框图如图5所示。





图 5 中, u<sub>ccabe</sub> 为逆变器的输出经过滤波器与 变压器之后的电压; u<sub>ccd</sub>, u<sub>ccq</sub> 为转换到 d-q坐标系 下的 d, q 轴电压分量; u<sub>ccqref</sub> 为 q 轴电流的参考值; k<sub>pg5</sub>, k<sub>ig5</sub> 为锁相环控制环节的比例、积分系数; θ<sub>PLL</sub> 为锁相环得到的电网角度; x<sub>5</sub> 为引入的中间变 量。根据图 5 可得到光伏逆变器锁相环的线性化 状态方程:

$$\mathrm{d}\Delta x_5/\mathrm{d}t = -k_{\mathrm{ig5}}\Delta u_{\mathrm{ccq}} \tag{25}$$

$$\Delta \omega = -k_{\rm pg5} \Delta u_{\rm ccq} + \Delta x_5 \tag{26}$$

$$\frac{\mathrm{d}\Delta\theta_{\mathrm{PLL}}}{\mathrm{d}t} = \Delta\omega \tag{27}$$

#### 2.5 光伏发电系统的滤波器及串补线路的模型

为了方便计算,将图1进行进一步归算与简 化,得到了光伏系统的滤波器与串补的简化模 型,如图6所示。



Fig.6 Filter and serial complement model

图6中, $u_L$ , $i_L$ 为逆变器的输出电压、电流; $C_L$ ,  $L_L$ 为LCL滤波器的滤波电容以及逆变器侧的滤 波电感; $u_e$ 为滤波电容的端电压; $R_c$ , $C_c$ , $L_c$ 为串 联补偿电路的电阻、电容以及归算后的电感; $u_{ce}$ 为串联补偿电容的端电压; $u_c$ 为电网电压。在图 1中, $L_1$ , $L_2$ 分别为LCL滤波器的逆变器侧电感和 串补侧的电感, $L_c$ 为串补电感。将 $L_2$ 归算至串补 中,此时图6中的 $L_L$ 等于图1中的 $L_1$ , $L_c=L_2+L_{co}$ 根据图6以及LC元件的特性,可以列出滤波器及 串补电路的线性化状态方程:

$$L_{\rm L} \frac{\mathrm{d}\Delta i_{\rm Ld}}{\mathrm{d}t} = \Delta u_{\rm Ld} - \Delta u_{\rm cd} + \omega_0 L_{\rm L} \Delta i_{\rm Lq} + L_{\rm L} i_{\rm Lq0} \Delta \omega$$
(28)

$$L_{\rm L} \frac{\mathrm{d}\Delta t_{\rm Lq}}{\mathrm{d}t} = \Delta u_{\rm Lq} - \Delta u_{\rm eq} - \omega_0 L_{\rm L} \Delta i_{\rm Ld} - L_{\rm L} i_{\rm Ld0} \Delta \omega$$
(29)

$$C_{\rm L} \frac{\mathrm{d}\Delta u_{\rm cd}}{\mathrm{d}t} = \Delta i_{\rm Ld} - \Delta i_{\rm Gd} + \omega_0 C_{\rm L} \Delta u_{\rm cq} + C_{\rm L} u_{\rm cq0} \Delta \omega$$
(30)

$$C_{\rm L} \frac{\mathrm{d}\Delta u_{\rm eq}}{\mathrm{d}t} = \Delta i_{\rm Lq} - \Delta i_{\rm Gq} - \omega_0 C_{\rm L} \Delta u_{\rm ed} - C_{\rm L} u_{\rm ed0} \Delta \omega$$
(31)

$$L_{\rm G} \frac{\mathrm{d}\Delta i_{\rm Gd}}{\mathrm{d}t} = \Delta u_{\rm cd} - \Delta u_{\rm Gd} - \Delta u_{\rm Cd} + \omega_0 L_{\rm G} \Delta i_{\rm Gq} + L_{\rm G} i_{\rm Gq0} \Delta \omega - R_{\rm C} \Delta i_{\rm Gd}$$
(32)

$$L_{\rm G} \frac{\mathrm{d}\Delta i_{\rm Gq}}{\mathrm{d}t} = \Delta u_{\rm cq} - \Delta u_{\rm Gq} - \Delta u_{\rm Cq} - \omega_0 L_{\rm G} \Delta i_{\rm Gd} - L_{\rm G} i_{\rm Gd0} \Delta \omega - R_{\rm C} \Delta i_{\rm Gq}$$
(33)

75

$$C_{\rm c} \frac{\mathrm{d}\Delta u_{\rm cd}}{\mathrm{d}t} = \Delta i_{\rm Gd} + \omega_0 C_{\rm c} \Delta u_{\rm Cq} + C_{\rm c} u_{\rm Cq0} \Delta \omega \quad (34)$$

$$C_{\rm c} \frac{\mathrm{d}\Delta u_{\rm Cq}}{\mathrm{d}t} = \Delta i_{\rm Gq} - \omega_0 C_{\rm c} \Delta u_{\rm Cd} - C_{\rm c} u_{\rm Cd0} \Delta \omega \quad (35)$$

联立可得到光伏系统的全阶数学模型:

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}\Delta X_{\mathrm{g}} = A_{\mathrm{g}}\Delta X_{\mathrm{g}} + B_{\mathrm{g}}\Delta u_{\mathrm{G}} \qquad (36)$$

其中

$$\Delta X_{g} = [\Delta x_{1} \Delta D' \Delta u_{pv} \Delta i_{B} \Delta u_{de} \Delta x_{2} \Delta x_{3} \Delta x_{4} \Delta x_{5} \Delta \theta_{PLL} \\\Delta i_{1d} \Delta i_{Le} \Delta u_{cd} \Delta u_{ce} \Delta i_{Gd} \Delta i_{Ge} \Delta u_{Cd} \Delta u_{Ce}]^{T}$$

式中: $\Delta X_{g}$ 为光伏系统的状态变量; $A_{g}$ 为光伏系统的状态矩阵。

3 光伏发电系统的振荡模态及参与 因子分析

光伏发电系统的主要参数如表1所示。通过 Matlab编程计算,可以得到给定参数下的系统的 特征值分布情况如图7所示。

表1 光伏发电系统的主要参数

Tab.1 The main parameters of the photovoltaic

power generation system					
参数	取值	参数	取值	参数	取值
u <sub>oc</sub>	64.2 V	$i_{\rm sc}$	5.96 A	$u_{\rm m}$	54.7 V
$i_{\rm m}$	5.58 A	S	$1 \ 000 \ W/m^2$	Т	25 °C
$u_{\rm dcref}$	500 V	$C_{\rm pv}$	1e-4 F	$L_{\rm B}$	5e-3 H
$C_{ m dc}$	2e-2 F	$L_1$	2.5e-4 H	$L_2$	2.5e-4 H
$C_{\rm L}$	3e-6 F	$k_{ m pg1}$	0.2	$k_{\rm ig1}$	1
$Q_{\rm ref}$	0	$k_{\rm pg2}$	0.36	$k_{\rm ig2}$	25
$k_{\rm pg3}$	0.04	$k_{\rm ig3}$	20	$k_{\rm pg4}$	0.2
$k_{\rm  ig4}$	20	$k_{\rm pg5}$	10	$k_{\rm ig5}$	500
30 20 10 <del>院</del> 翌 一10 -20 -30	00 00 00 00 00 00 -1 400 -1 200 [종] 7	800 600 400 -200 -200 -400 -400 -400 -800 -70-60-	50-40-30-20-10 0 500 -600 -40 实部 1.系统的特征值	10 10 10 10 10 10	
Fi	Fig.7 Characteristic value distribution of photovoltaic				

当特征值出现共轭复根时表示系统会出现 振荡,共轭复根实部为正时系统会发生持续振 荡,实部为负时系统振荡逐渐收敛,所以本文重 点分析图7中6组具有共轭复根的特征值,其具 体参数如表2所示。

power generation system

苏乐,等:光伏并网的宽频振荡问题分析

表2 系统状态矩阵的主要特征值

Tab.2	The primary	eigenvalue	of the	system	state	matrix
	· r · · /					

	特征值	阻尼比	振荡频率/Hz
$\lambda_{1,2}$	-1 368.533±2 622.953i	0.462 6	417.456
$\lambda_{3,4}$	-22.68±175.85i	0.127 9	27.987
$\lambda_{5,6}$	-1.98±347.63i	0.005 7	55.327
$\lambda_{_{7,8}}$	-25.41±643.82i	0.039 4	102.467
$\lambda_{9,10}$	-44.22±60.06i	0.592 9	9.559
$\lambda_{11,12}$	-69.68±23.45i	0.947 8	3.732

为了得到每个振荡模态的具体影响因素,对 表2中的6对特征值进行了深入的分析,分别计 算了每个特征值的参与因子,并进行了归一化整 理,得到了图8。



图 8 光伏发电系统的振荡模态与参与因子 Fig.8 Oscillation mode and participation factor of photovoltaic power generation system

由图 8 可知, 串补对振荡模态 $\lambda_{1,2}$ ,  $\lambda_{5,6}$ ,  $\lambda_{7,8}$ ,  $\lambda_{11,12}$ 均有一定的影响, 线路中串补电容的等效电抗值 $X_c$ 占原线路等效电抗 $X_L$ (包括变压器与 线路电抗)的百分比为线路串补度, 串补度可由  $k=X_c/X_L$ 表示。将串补度由 0.55 依次降到 0.35 可 以得到系统的特征值分布, 如图 9 所示。从图 9 中可以观察到, 随着串补度的降低, 系统的振荡 频率均有所下降, 稳定性有所提高。



滤波器对振荡模态λ<sub>1,2</sub>,λ<sub>5,6</sub>,λ<sub>7,8</sub>,λ<sub>11,12</sub>也有一 定的影响,滤波器对振荡的影响主要与靠近逆变 器的桥臂电感L<sub>1</sub>有关,当L<sub>1</sub>由2.5e-4逐渐增大至 2.5e-3时,系统的特征值变化如图10所示。从图 10可知,随着滤波器桥臂电感L<sub>1</sub>的增加,光伏发 电系统的特征值均会向左偏移,这说明适当地 增大滤波电感有益于系统的稳定。



振荡模态 λ<sub>1.2</sub>还与电压外环控制相关,使其 控制参数在 0.2~5 倍的初始值范围内依次增加, 步长为 0.1,可得到该特征值的变化情况如图 11 所示。



振荡模态λ<sub>3,4</sub>与MPPT的PI控制以及光伏阵列 的输出相关,设置PI控制参数为给定值的0.2~5 倍,取步长0.01,得到图12所示的特征值变化曲线。



光伏阵列的输出受到其串并联光伏电池的 数目影响,振荡模态λ<sub>3,4</sub>与光伏阵列的输出有关, 即与光伏电池的串并联数目相关,分别计算了串 联数目在5~15之间、并联数目在60~100之间 该振荡模态所对应的特征值,并将该特征值的变 化曲线绘制于图13和图14当中。



a photovoltaic array on the oscillation mode  $\lambda_{3,4}$ 振荡模态  $\lambda_{5,6}$  除了受到 LCL 滤波器的影响, 还受到逆变器的 q 轴电流内环控制的影响,设置 其 PI 控制参数为给定值的 0.2~5 倍, 取步长为 0.01,得到如图 15 所示的特征值变化曲线。



还受到逆变器的 d 轴电流内环控制和 q 轴电流内

环控制的影响,设置d,q轴内流内环控制的PI参数为给定值的0.2~5倍,取步长为0.01,得到如图 16所示的特征值变化曲线。



振荡模态λ<sub>9.10</sub>主要与锁相环相关,设置锁相环PI控制参数为给定值的0.2~5倍,取步长为0.01,得到如图17所示的特征值变化曲线。



parameters on the oscillation mode  $\lambda_{9,10}$ 

振荡模态λ<sub>11,12</sub>除了受滤波器和串补的影响, 也与光伏逆变器的控制环节密切相关,设置逆变 器的PI控制参数为给定值的0.2~5倍,取步长为 0.01,得到如图18所示的特征值变化曲线。



观察图9~图18可知,系统的特征值随着参数的变化在不断进行变化,由前文可知系统的稳定性与阻尼比关系密切,故而对图9~图18中的 阻尼比进行计算,得到各个振荡模态的阻尼比与 系统中主要参数的关系如表3所示。

表3 各个振荡模态的阻尼比与系统中主要参数的关系

Tab.3 The relationship between the damping ratio of each oscillation mode and the main parameters in the system

	$\lambda_{1,2}$	$\lambda_{3,4}$	$\lambda_{5,6}$	$\lambda_{7,8}$	$\lambda_{9,10}$	$\lambda_{11,12}$
并联电池数 ↗		7				
串联电池数 \		7				
串联补偿度 \	7	7	7	7	7	↗
滤波电感L₂∕	7	7	7	~	7	7
$k_{ m pg1}$ $\searrow$		$\nearrow$				
$k_{ m pg1}$ /		$\searrow$				
$k_{ m ig1}$ $\searrow$		7				
$k_{ m ig1}$ /		$\searrow$				
$k_{ m pg2}$ $\searrow$	7					$\searrow$
$k_{ m pg2}$ /	7					7
$k_{ m ig2}$ >	7					↗
$k_{ m ig2}$ /	$\searrow$					$\nearrow$
$k_{ m pg3}$ >				$\searrow$		↗
$k_{ m pg3}$ /				7		$\searrow$
$k_{ig3}$ `>				7		$\nearrow$
$k_{ m ig3}$ /				$\searrow$		$\searrow$
$k_{ m pg4}$ >			$\searrow$	$\searrow$		$\searrow$
$k_{ m pg4}$ /			$\nearrow$	7		$\nearrow$
$k_{ m ig4}$ $\searrow$			7	7		$\nearrow$
$k_{ m ig4} \nearrow$			$\searrow$	$\searrow$		$\nearrow$
$k_{ m pg5}$ >					$\searrow$	
$k_{ m pg5}$ /					7	
$k_{ m ig5}$ $\searrow$					7	
$k_{ m ig5}$ /					$\searrow$	

表3中,/表示上升,\表示下降,/\表示 先上升再下降。从表中可以得到以下结论:增加 并联电池数、减少串联电池数、降低串补度、增加 滤波电感参数均可增大系统的阻尼比,提升系统 的稳定性; $k_{\text{rel}}$ 和 $k_{\text{isl}}$ 与振荡模态 $\lambda_{34}$ 关系密切, $k_{\text{rel}}$ 增大时 $\lambda_{34}$ 的阻尼比先增大后降低,减小时 $\lambda_{34}$ 的 阻尼比下降,k<sub>iel</sub>减小时A<sub>34</sub>的阻尼比增大,增大时  $\lambda_{34}$ 的阻尼比减小,说明减小 $k_{ig1}$ 和适当增大 $k_{ig1}$ 有 利于提升系统的稳定性;k<sub>pg2</sub>和k<sub>ig2</sub>与振荡模态λ<sub>12</sub> 和 $\lambda_{11,12}$ 关系密切, $k_{pg2}$ 增大或 $k_{ig2}$ 减小时, $\lambda_{1,2}$ 和  $\lambda_{11,12}$ 的阻尼比均增大, $k_{12}$ 减小时, $\lambda_{1,2}$ 的阻尼比增 大、 $\lambda_{11,12}$ 的阻尼比减小, $k_{12}$ 增大时, $\lambda_{12}$ 的阻尼比 减小、 $\lambda_{112}$ 的阻尼比增大,说明适当的增大 $k_{n2}$ 以 及减小kia可以增强系统的稳定性;kia 和kia 与振 荡模态 $\lambda_{7.8}$ 和 $\lambda_{11.12}$ 关系密切, $k_{ps3}$ 增大时, $\lambda_{7.8}$ 的阻 尼比增大、 $\lambda_{11,12}$ 的阻尼比减小, $k_{ne3}$ 减小时, $\lambda_{7,8}$ 的

阻尼比减小、 $\lambda_{11,12}$ 的阻尼比增大,从表1可知 $\lambda_{7,8}$ 的阻尼比远小于λ<sub>11.12</sub>,所以在调整k<sub>n3</sub>时应适当 地增大,以提高λ<sub>78</sub>的阻尼比来增强系统整体的 稳定性, $k_{ig3}$ 增大后, $\lambda_{7,8}$ 和 $\lambda_{11,12}$ 的阻尼比均降低, 减小后增大,说明适当增大king有利于系统的稳 定; $k_{pg4}$ 和 $k_{ig4}$ 与振荡模态 $\lambda_{5.6}$ , $\lambda_{7.8}$ 和 $\lambda_{11,12}$ 关系密 切,当 $k_{res}$ 增大时, $\lambda_{56}$ 的阻尼比先增大后降低、 $\lambda_{78}$ 和 $\lambda_{11,12}$ 的阻尼比均增大,当 $k_{pg4}$ 减小时,这3个振 荡模态的阻尼比均下降,当k<sub>ie4</sub>增大时,这3个振 荡模态的阻尼比均下降,kied减小时,阻尼比均增 加,这说明适当地增加k<sub>ne4</sub>、减小k<sub>ie4</sub>有利于系统的 稳定; $k_{pe5}$ 和 $k_{ie5}$ 与振荡模态 $\lambda_{9,10}$ 关系密切,当 $k_{pe5}$ 增大时, $\lambda_{910}$ 的阻尼比增加,减小时, $\lambda_{910}$ 的阻尼 比减小,当k<sub>ie5</sub>增大时,λ<sub>9,10</sub>的阻尼比下降,减小 时,λ<sub>9.10</sub>的阻尼比增加,说明适当地增加k<sub>ps</sub>、减小  $k_{is}$ 可以起到增强系统稳定性的作用。

根据表3及上述分析对系统参数进行调整, 取得的优化后的参数如表4所示。

表4 优化后的系统参数

Т	ab.4 Optimize	d system parameters	3
变量	参数	变量	参数
并联电池数	92	串联电池数	5
串联补偿度	0.35	滤波电感L <sub>2</sub>	2.5e-3 H
$k_{ m pg1}$	0.15	$k_{ m ig1}$	0.2
$k_{ m pg2}$	1.8	$k_{ig2}$	0.2
$k_{ m pg3}$	0.2	$k_{ m ig3}$	4
$k_{ m pg4}$	0.3	$k_{ m ig4}$	4
$k_{pg5}$	50	$k_{ig5}$	100

在仿真软件 Matlab 中搭建了光伏发电系统 的仿真模型,光伏阵列工作在光照强度为1 kW/m<sup>2</sup>、 温度为25℃的条件下,经过直流升压、逆变、滤 波、交流升压、远距离输送后并入25 kV的电力系 统,光伏发电系统由100台0.1 MW的发电单元经 过100个逆变器并入电网,等值为1台10 MW的 发电阵列经过一台逆变器接入电力系统。参数 优化后的系统特征值如表5所示。

# 对比表2和表5可知,系统各个振荡模态的阻 表5 优化后的系统特征值

	Tab.5 Optimized system characteristic values						
	特征值	阻尼比	振荡频率/Hz				
$\lambda_{1,2}$	-1 544.756±2 468.463i	0.530 5	392.868				
$\lambda_{3,4}$	-27.36±185.55i	0.145 9	29.53				
$\lambda_{5,6}$	-20.807±164.59i	0.125 4	26.195				
$\lambda_{7,8}$	-107.92±810.09i	0.132 1	128.93				
$\lambda_{9,10}$	-69.61±18.948i	0.964 9	3.016				
$\lambda_{11,12}$	-96.135±29.94i	0.954 8	4.765				

Tab 5 Optimized system characteristics

尼比在经过参数的优化之后都得到了一定的提 升,振荡频率除λ<sub>3,4</sub>,λ<sub>7,8</sub>,λ<sub>11,12</sub>有略微的增大外,其 余振荡频率均是减小的。

为验证参数优化的结果,对系统进行了仿 真,在0.4 s时系统的 MPPT 开始工作,0.5 s时达 到了稳定状态。分别对系统优化前、后的输出 电压进行了快速傅里叶变换,得到了图 19 所示 的频谱图。



图 19 光伏系统参数优化前后输出电压的频谱对比图

Fig.19 Spectrum comparison diagram of output voltage before and

after optimization of photovoltaic system parameters 在系统1s时设置了三相短路故障,故障持 续时间为0.02s,得到了如图20所示的发生三相 短路故障时系统有功功率输出的变化曲线。



Fig.20 Comparison chart of power output before and after optimization of photovoltaic system parameters

从图 19 可知,系统参数优化前、后的振荡频 率与前文的分析结果基本一致;从图 20 可以看出, 光伏发电系统的参数经过分析及优化处理后,输 出功率在系统发生短路故障时,输出功率的最大 振幅由 21.69 MW下降至 17.06 MW,振荡的收敛 时间由 1.95 s 缩短至 1.53 s,说明系统的稳定性有 所提高。验证了前文中数学建模及分析的正确 性,提高了新能源并网的电力系统的稳定性。

# 4 结论

本文针对光伏并网的新能源系统建立了包含光伏电池、MPPT控制及Boost升压电路、逆变器控制系统、滤波器、锁相环、串联补偿电路在内的详细的线性化数学模型,并对系统进行了深入

的分析,研究了系统各个参数对振荡的影响,并 分析了各个参数与具体振荡之间的关系,然后通 过参数优化,提高了系统的稳定性,并在Simulink 当中进行了仿真验证,证明了数学建模及参数优 化的正确性。

#### 参考文献

- 谢静雯.光伏并网对电网电能质量影响的分析研究[C]// 2021年江西省电机工程学会年会论文集,2022:139-141.
   XIE Jingwen. Analysis and study on the impact of photovoltaic grid connection on power quality of power grid[C]//Proceedings of the Annual Meeting of Jiangxi Electrical Engineering Society in 2021,2022:139-141.
- [2] 谢小荣,刘华坤,贺静波,等.电力系统新型振荡问题浅析
   [J].中国电机工程学报,2018,38(10):2821-2828,3133.
   XIE Xiaorong, LIU Huakun, HE Jingbo, et al. On new oscillation issues of power systems[J]. Proceedings of the CSEE,2018, 38(10):2821-2828,3133.
- [3] 杜文娟,王海风.电力系统宽频振荡开环模式谐振原理与分析方法[M].北京:科学出版社,2019:95-180.
  DU Wenjuan, WANG Haifeng. Dian li xi tong kuan pin zhen dang kai huan mo shi xie zhen yuan li yu fen xi fang fa[M]. Beijing:Science Press,2019:95-180.
- [4] 高本锋,姚磊,李忍,等.大规模光伏电站并网的振荡模式分析[J].电力自动化设备,2017,37(8):123-130.
  GAO Benfeng, YAO Lei, LI Ren, et al. Analysis on oscillation modes of large-scale grid-connected PV power plant[J]. Electric Power Automation Equipment,2017,37(8):123-130.
- [5] 李永刚,严风,周一辰.基于多时间尺度降阶的光伏发电控制参数优化[J].华北电力大学学报(自然科学版),2020,47 (3):1-9.

LI Yonggang, YAN Feng, ZHOU Yichen. Parameter optimization of photovoltaic power generation system based on multitime scale reduction[J]. Journal of North China Electric Power University (Natural Science Edition), 2020, 47(3): 1–9.

[6] 苗森,何维,张祥成,等. 串联补偿线路对光伏发电系统稳定 性影响[J]. 电力自动化设备,2016,36(9):106-113.
MIAO Miao, HE Wei, ZHANG Xiangcheng, et al. Influence of series compensation lines on PV system stability[J]. Electric Power Automation Equipment, 2016, 36(9): 106–113.

[7] 刘芳,刘威,刘世权,等.宽范围电网下并网逆变器延时小信
 号建模及不连续稳定区间分析[J].太阳能学报,2022,43
 (1):418-428.

LIU Fang, LIU Wei, LIU Shiquan et al. Small signal modeling and discontinuous stability interval analysis of grid-connected inverters considering control deley in wide range grid[J]. Journal of Solar Energy, 2022, 43(1):418–428.

[8] 于家英.光伏并网系统宽频振荡特性研究[D].北京:华北电力大学,2021.

YU Jiaying. Study on broadband oscillation characteristics of photovoltaic grid-connected system[D]. Beijing: North China Electric Power University, 2021.

- [9] 陈武晖,杨彦霁,谢永胜,等.大规模光伏发电经串补并网系统次同步振荡机制[J].电网技术,2021,45(12):4711-4721.
  CHEN Wuhui,YANG Yanji,XIE Yongsheng, et al. SSO mechanism of large-scale PV generation connected to series-compensated power system[J]. Power System Technology, 2021, 45 (12):4711-4721.
- [10] 景雪. 大规模光伏并网的电力系统小干扰稳定性分析及其应用[D]. 保定:华北电力大学,2021.
  JING Xue. Stability analysis of small interference in power system connected to grid with large-scale photovoltaic and its application[D]. Baoding: North China Electric Power University, 2021.
- [11] 黄锐,宋美艳,甘青山.电压骤升场景下光伏并网系统的小 干扰稳定性分析[C]//福建省电机工程学会2020年学术年会 获奖论文集(上册),2021:201-207.

HUANG Rui, SONG Meiyan, GAN Qingshan. Analysis of small interference stability of photovoltaic grid-connected system under voltage surge scenario[C]//Proceedings of the 2020 Annual Meeting of Fujian Electrical Engineering Society (Volume 1), 2021:201–207.

[12] 邓年俊.光伏并网发电系统小信号建模与分析[J].电气开关, 2018,56(4):47-54,58.

DENG Nianjun. Small signal stability modeling and analysis of photovoltaic grid-connected generation system[J]. Electrical Switch, 2018, 56(4):47-54, 58.

收稿日期:2022-05-05 修改稿日期:2022-06-23