# 电磁直线执行器控制参数多目标优化设计

# 黎德祥,陆佳瑜,葛文庆,李波,谭草

(山东理工大学 交通与车辆工程学院,山东 淄博 255049)

摘要:针对电磁直线执行器控制性能要求高、控制参数设计周期长等问题,提出一种控制参数多目标优化设计方法。基于电磁直线执行器系统,设计了鲁棒控制器,选择控制器参数作为优化变量,以系统ITAE准则、正弦信号跟踪下的相移量、阶跃信号下的超调量作为优化目标,采用多目标粒子群优化算法(MOPSO)对控制参数进行优化,求解Pareto前沿,最后结合控制参数与控制系统性能的相关系数矩阵选择最终控制参数最优解。结果表明:控制参数优化后控制性能指标与优化前相比,电磁直线执行器控制系统中ITAE准则 $J_{TRE}$ 下降了约79.9%;阶跃信号下超调量 $\sigma$ 下降了约95.2%;正弦跟踪下相移量S下降了约79.7%,验证了优化的有效性,可以满足电磁直线执行器控制性能要求,所提方法为伺服系统控制器中控制参数的优化设计提供了一定的理论参考基础。

关键词:电磁直线执行器;鲁棒控制;多目标优化;粒子群算法;控制参数 中图分类号:TM359.4;TP273 文献标识码:A DOI:10.19457/j.1001-2095.dqcd22481

#### Multi-objective Optimization Design of Control Parameters for Electromagnetic Linear Actuator

LI Dexiang, LU Jiayu, GE Wenqing, LI Bo, TAN Cao (School of Transportation and Vehicle Engineering, Shandong University of Technology, Zibo 255049, Shandong, China)

Abstract: Aiming at the problems of high control performance and long design cycle of electromagnetic linear actuator control parameters, a multi-objective optimization design method of control parameters was proposed. Based on electromagnetic linear actuator system, a robust controller was designed. The controller parameters was selected as optimization variables, ITAE criterion system, sine signal tracking down the amount of phase shift, overshoot amount under the step signal were taken as the optimization goal, the control parameters were optimized by using multi-objective particle swarm optimization (MOPSO)algorithm, the Pareto front was solved. Finally, the control parameters of the optimal solution were selected by correlation coefficient matrix of the control parameters and control system performance. The results show that the ITAE criterion  $J_{\text{ITAE}}$  in the electromagnetic linear actuator control system is decreased by 79.9% compared with that before the optimization, overshoot  $\sigma$  is decreased by about 95.2% under the step signal, and under sinusoidal tracking, the phase shift *S* is decreases by about 79.7%. Summing up the above, the effectiveness of optimization is verified, which can meet the control performance requirements of electromagnetic linear actuator. The method provides a certain theoretical reference basis for the optimal design of control parameters in servo system controller.

Key words: electromagnetic linear actuator; robust control; multi-objective optimization; particle swarm optimization; control parameters

随着伺服技术的高速发展<sup>11</sup>,传统带减速机 构的伺服系统因传动结构复杂等原因很难满足 越来越高的性能要求,而直驱伺服系统在这方面 具有明显优势,近年来在军事、航空航天、汽车及 现代机床等领域得到了较快的发展<sup>[2-3]</sup>。然而,现 代工业过程的日益复杂,对控制要求也逐渐提高 (如准确性、稳定性、快速性等)<sup>[4-5]</sup>。

从控制算法的角度看,传统的PID控制、解耦

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51905319);国家自然科学基金资助项目(51975341);周村区校城融合发展计划(2020ZCXCZH08) 作者简介:黎德祥(1996—),男,硕士研究生,Email:508070426@qq.com 通讯作者:陆佳瑜(1992—),男,博士,讲师,Email:lujiayu@sdut.edu.cn 控制和极点配置等方法以及现代控制算法如自 适应控制、鲁棒控制、预见控制和滑模变结构控 制等方法都在执行器控制领域中不断地得到应 用[6-10],但是其控制参数通常是依据专家经验,经 过反复试凑和修正才能最终确定和匹配系统的 控制参数,导致产品的研制周期长,研制成本 高<sup>[11]</sup>。近年来,粒子群算法<sup>[12]</sup>(particle swarm algorithm, PSA)、遗传算法<sup>[13]</sup>(genetic algorithm, GA)、 蚁群算法<sup>[14]</sup>(ant algorithm, AA)等智能优化算法被 用于控制参数优化设计,并取得了良好的效果。 但是,由于伺服系统的稳定性、信号跟随特性和 调节时间等控制目标存在相互排斥及制约的关 系,即便采用成熟的单目标优化算法进行优化, 往往也很难得到理想的解决方案[15]。因此,国内 外一些专家学者对于使用多目标优化方法优化 调整控制参数进行了一定的探索和尝试<sup>116</sup>。然 而,尽管人们对优化控制器中控制参数做了大量 研究,但传统的设计中大多数在优化过程中针对 控制器工作时的特性只考虑单个响应特性,并没 有在线反馈各种运动状态对控制器的影响,不能 实现对控制器控制参数的全面优化设计,并不能 从根本上提高其性能要求;同时,对于多目标问 题,大多数在求解出Pareto集后,开始人工筛选 "最佳值"而没有考虑控制参数对控制系统性能 的影响,这会导致主观因素较大,与最佳取值之 间存在一定的误差。

本文基于鲁棒控制建立了电磁直线执行器 的控制模型,以电磁直线执行器系统误差积分 准则(integral of time-multiplied absolute value of error, ITAE)、正弦信号跟踪下的相移量、阶跃信 号下的超调量作为优化目标,采用一种高斯自 惩罚法与非线性动态惯性权重系数相结合的多 目标粒子群优化(multi-objective particle swarm optimization, MOPSO)方法,求解Pareto前沿,最 后结合控制参数对控制系统性能的影响选择最 终控制参数最优解,并通过试验对控制模型进 行了验证。本分析方法可应用于其他伺服系统 控制器的控制参数设计优化研究中,提高控制 参数调节的效率,节约研发成本,具有一定的工程 应用价值。

# 1 电磁直线执行器结构与模型

# 1.1 结构与数学模型

本文采用的研究对象为一种高功率密度电 10 磁直线执行器,为上下对称的圆筒形结构,由外 磁轭、内磁轭、永磁体、线圈和线圈骨架等部件组 成<sup>(4)</sup>,如图1所示。执行器采用Halbach永磁阵列 提高驱动能力,相邻线圈电流方向相反以减小电 枢反应,具有功率密度高、响应迅速等优势。



图1 电磁直线执行器结构示意图



电磁直线执行器是一个机械、电路和磁路的 多场耦合系统<sup>[17]</sup>,电路子系统、磁路子系统以及机 械子系统构成的方程组如下:

$$\begin{cases} U(t) = k_e v + Ri(t) + L \frac{di(t)}{dt} \\ F_e = k_m i \\ M \frac{d^2 x(t)}{dt^2} = F_e - F_f \end{cases}$$
(1)

式中:U为电源电压;k<sub>e</sub>为反电动势系数;v为线圈运动速度;R为线圈电阻;i为线圈电流;L为线圈电感;k<sub>m</sub>为电磁力系数;M为运动部件的质量;x为运动部件的位移;F<sub>f</sub>为摩擦力;F<sub>e</sub>为电磁力。

文献[18]给出了一种LuGre动态摩擦力模型, 其数学表达式如下:

$$\begin{cases} F_{\rm f} = \sigma_0 z + \sigma_1 \dot{z} + \sigma_2 v \\ \dot{z} = v - \frac{|v|}{g(v)} z \\ \sigma_0 g(v) = F_{\rm c} + (F_{\rm s} - F_{\rm c}) e^{-(v/v_{\rm c})^2} \end{cases}$$
(2)

式中: $\sigma_0$ 为刚度系数; $\sigma_1$ 为微观阻尼系数;z为接 触表面刚毛平均变形量; $\sigma_2$ 为粘滞摩擦系数; $v_s$ 为 Stibeck速度;g(v)为正定函数,用来描述Stibeck 现象; $F_s$ 为库伦摩擦力; $F_s$ 为静摩擦力。

由于电磁直线执行器电感很小,为简化模型 可忽略不计,把式(1)、式(2)结合起来,可得到整 个控制系统的状态空间方程组:

$$\begin{cases} \dot{z} = x_2 - \frac{|x_2|}{g(x_2)}z \\ \dot{x}_1 = x_2 \\ \dot{x}_2 = \frac{k_m}{MR}u - \frac{\sigma_0}{M}z - \frac{\sigma_1}{M}\dot{z} - \frac{\sigma_2}{M}x_2 - \frac{k_m k_e}{MR}x_2 \end{cases}$$
(3)

式中:u为电压;x<sub>1</sub>为运动部件的位移;x<sub>2</sub>为运动部件的速度。

#### 1.2 鲁棒控制系统设计

鲁棒控制器包含线性增益和鲁棒反馈项两 部分,其控制系统框图如图2所示。





定义电磁直线执行器的一个类滑模变量p和输出跟踪误差 $e=x_1-x_d$ 。其中 $x_d$ 为电磁直线执行器的参考位移,并且有:

 $x_{2ea} = \dot{x}_{d} - k_{1}e$ 

$$p \stackrel{\Delta}{=} \dot{e} + k_1 e = x_2 - x_{2eq} \tag{4}$$

其中

式中:k1为大于0的常数增益。

由式(4)可得:

$$\frac{e(s)}{p(s)} = \frac{1}{s+k_1} \tag{5}$$

将式(4)对p求导并带入式(3)可得:

$$\frac{MR}{k_{\rm m}}\dot{p} = u - \frac{MR}{k_{\rm m}}\dot{x}_{\rm 2eq} - \frac{R\sigma_0}{k_{\rm m}}z - \frac{R\sigma_1}{k_{\rm m}}\dot{z} - (\frac{R\sigma_2}{k_{\rm m}} + k_{\rm e})x_2$$
(6)

鲁棒控制器设计如下[19-20]:

$$\begin{cases} u = u_{s1} + u_{s2} \\ u_{s2} = -\frac{1}{4} k_{s2} (\frac{3}{\varepsilon_0} h_0^2 + \frac{3}{\varepsilon_0} h_1^2) p \\ u_{s1} = -k_{s1} p \end{cases}$$
(7)

式中: $u_{s1}$ 为比例反馈项; $k_{s1}$ 为线性增益; $\varepsilon_0$ 为任意 小的常数; $u_{s2}$ 为用来减弱模型不确定影响的鲁棒 项; $k_{s2}$ 为一足够大的非线性增益; $h_0$ , $h_1$ 为满足以 下条件的任意光滑边界函数:

$$\begin{cases} h_0 \ge ||\varphi||_2 \cdot \frac{MR}{k_m} \\ h_1 \ge \frac{R\sigma_0}{k_m} (z_{max} - z_{min}) \end{cases}$$

$$\varphi = [-\dot{x}_{2m} - z - \dot{z} - x_2] \end{cases}$$
(8)

其中

式中: 1112为欧几里得数。

# 2 控制参数多目标优化

#### 2.1 设计目标函数

本文对鲁棒控制器的控制参数进行优化。

一方面要求控制器以最小代价的损失实现控制目的,以提高控制器的准确性;另一方面要求控制器对电磁直线执行器具有反应迅速和实时跟踪,以提高控制器的快速性;同时要求系统在固有饱和特性的作用下稳定,以提高控制器的稳定性。综合考虑上升时间和误差等约束条件,本文的设计目标维数 n=3,选取设计目标函数如下:

1)ITAE 准则。用 J<sub>ITAE</sub>表示时间与误差绝对 值乘积的积分,它反映控制系统在转换状态时, 以最小代价的损失实现控制目的,具体表达式 为<sup>[21]</sup>

$$J_{\text{ITAE}} = \int_{0}^{\infty} t |e(t)| \, \mathrm{d}t \tag{9}$$

式中:t为时间;e(t)为位移的误差。

2)相移量最小化。正弦信号跟踪下系统的 相移反映系统输出跟随输入的特性,相移小,则 系统响应就快。所以,通常采用相移量来衡量系 统响应的实时性和快速性,具体表达式为<sup>[22]</sup>

$$S = \{ \operatorname{angle} [Y(N_{\text{com}})] - \operatorname{angle} [X(N_{\text{com}})] \} \cdot \frac{180}{\pi} (10)$$
  
f. N

$$N_{\rm com} = \frac{J_{\rm in} N}{f_{\rm sam}} \tag{11}$$

其中 
$$X=fft(x_n, N)$$
 (12)

 $Y = \text{fft}(y_n, N) \tag{13}$ 

式中:S为相移量; $N_{com}$ 为FFT序列中输入信号频 率分量的下标; $f_{in}$ 为控制输入信号的频率; $f_{sam}$ 为 控制系统周期;N为采样时间;x(t)为控制输入信 号;y(t)为控制输出信号;按周期采样后,x(t)信 号变为 $x_n,y(t)$ 信号变为 $y_n$ 。

3)超调量最小化。阶跃信号下系统的超调 量反映了系统输出信号的特性,超调小,输出信 号的峰值就小,系统就越稳定。超调量σ具体表 达式为

$$\sigma = \begin{cases} \frac{x_1 - x_d}{x_d} & x_1 > x_d \\ 0 & x_1 < x_d \end{cases}$$
(14)

为满足控制器达到最佳的性能,在优化过程 以"小 $J_{\text{ITAE}}$ ,小S,小 $\sigma$ "为原则进行优化算法中粒 子的取舍。

# 2.2 设计变量及约束条件

根据电磁直线执行器鲁棒控制系统的性能 指标要求以及调节经验,选择控制器参数作为优 化变量以及约束条件如下。 设计变量为

$$\boldsymbol{X} = (x_1, x_2, x_3)^{\mathrm{T}} = (k_1, k_{\mathrm{s1}}, k_{\mathrm{s2}})^{\mathrm{T}}$$

如上所述,本文设计变量维数*m*=3,约束条 件为

$$\begin{cases} k_{1} \in (500, 1\ 000] \\ k_{s1} \in [4\ 000\ 000, +\infty) \\ k_{s2} \in [1\ 000\ 000, +\infty) \end{cases}$$
(15)

#### 2.3 多目标粒子群优化算法

在传统的粒子群算法(PSO)中,粒子的位置 和速度按照下面的公式更新<sup>[23-24]</sup>,即

$$V_{id}(n+1) = \omega V_{id}(n) + c_1 r_1 V_{id}(n) [P_{id}(n) - X_{id}(n)] + c_2 r_2 [G_{id}(n) - X_{id}(n)]$$
(16)  
$$X_{id}(n+1) = X_{id}(n) + V_{id}(n+1)$$
(17)

式中: $V_{id}(n)$ 为第n个粒子的当前速度; $\omega$ 为惯性 系数,一般取值 $\omega \in [0.4, 1.0]$ ; $c_1, c_2$ 为学习因子,一 般取 $c_1, c_2 \in [0, 2]$ ; $r_1, r_2$ 为2个随机数,一般取 $r_1, r_2 \in [0, 1]$ ; $P_{id}(n)$ 为粒子本身目前搜索到的最佳位置; $G_{id}(n)$ 为整个粒子群目前搜索到的最佳位置; $X_{id}(n)$ 为粒子的当前位置。

PSO算法有着良好的多峰全局寻优能力,被 广泛应用在多目标优化中,但是PSO算法有着收 敛速度不足和搜索精度低的缺点。为提高整体 算法的全局搜索能力和局部改良能力,本文采用 一种基于高斯惩罚函数的多目标随机粒子群优 化算法。采用高斯罚函数法对不满足约束条件 的点给予惩罚,使目标函数值保持在可行域内; 同时利用非线性动态惯性权重系数公式调整粒 子的动态惯性权重。

算法中,高斯罚函数及引入罚函数后无功优 化目标函数的数学模型表达式为<sup>[25]</sup>

$$\varphi(x_1, x_2, \dots, x_n) = \lambda \exp\left[-\sum_{i=1}^n \frac{(x_i - b_i)^2}{c_i}\right] \quad (18)$$

 $F(x) = f(x) + \varphi(x)$ (19)

式中: $\varphi(\cdot)$ 为高斯罚函数; $F(\cdot)$ 为无功优化目标 函数; $f(\cdot)$ 为 $F(\cdot)$ 的初始状态; $x_i$ 为第i个离散变 量; $\lambda$ 为惩罚因子; $b_i$ 为领域中心; $c_i$ 为领域因子。 由式(18)可知函数值随着矢量 $\mathbf{x}=(x_1, x_2, ..., x_n)^{T}$ 离中心 $\mathbf{b}=(b_1, b_2, ..., b_n)^{T}$ 的距离增加迅速下降为 零。在 $\mathbf{x}=\mathbf{b}$ 的一个邻域内, $F(\mathbf{x})$ 的函数性质与f( $\mathbf{x}$ )相差较大,而在离 $\mathbf{x}=\mathbf{b}$ 较远的区域, $F(\mathbf{x})$ 与f( $\mathbf{x}$ )基本重合。

非线性动态惯性权重系数公式为[26]

$$w = \begin{cases} w_{\min} - \frac{(w_{\max} - w_{\min})(f - f_{\min})}{(f_{\text{avg}} - f_{\min})} & f \leq f_{\text{avg}} \\ w_{\max} & f > f_{\text{avg}} \end{cases}$$
(20)

式中:f为当前粒子适应值;f<sub>avg</sub>为当前所有粒子的 平均适应值;f<sub>min</sub>为当前所有粒子最小适应值;w<sub>max</sub> 为粒子群最大权重值;w<sub>min</sub>为粒子群最小权重值。

本文基于高斯自惩罚法与非线性动态惯性 权重系数相结合的MOPSO优化方法具体的优化 步骤如图3所示。





Fig.3 Flow chart of multi-objective optimization algorithm based on particle swarm optimization

# 2.4 优化结果

#### 2.4.1 目标函数

采用多目标粒子群优化算法对目标函数进行多目标寻优,经过29次优化迭代,得出可行优化解集如图4所示,其中,实心点为系统推荐的 Parteo最优解,空心点为可行解。





弦信号跟踪下的相移量、阶跃信号下的超调量存 在相互排斥及制约的关系,不能同时达到最优,所 以需要根据实际和设计需求选择合适的优化解。 2.4.2 控制参数影响分析

图 5 为控制参数与控制系统性能的相关系数 矩阵示意图。



图5 控制参数与控制系统性能的相关系数矩阵示意图

Fig.5 Schematic of correlation coefficient matrix between control parameters and control system performance

从图5可知,S与 $k_{s1}$ 正相关度最大, $k_{s1}$ 对 $\sigma$ 也 有明显影响; $\sigma$ 与 $k_{s2}$ 的正相关度最大, $k_{s2}$ 对S也有 明显影响;S与 $k_1$ 负相关度最大, $\sigma$ 与 $k_1$ 的负相关 度最大; $J_{TAE}$ 与 $k_{s2}$ 的正相关度最大, $-5k_1$ 的负相关 度最大。 $k_1, k_{s1}, k_{s2}$ 对 $\sigma, J_{TAE}$ 和S均有一定影响。  $k_1, k_{s1}, k_{s2}$ 为鲁棒控制中的三个关键控制参数,这 与实际控制规律吻合。

通过以上对控制参数进行优化,求解 Pareto 前沿,最后结合控制参数对控制系统性能的影 响选择最终控制参数最优解,最终选择控制器 主要参数为: k<sub>1</sub>为974.5, k<sub>s1</sub>为14 280 000, k<sub>s2</sub>为 4 956 000。

# 3 试验验证与分析

#### 3.1 试验设备

为验证提出算法对电磁直线执行器的有效 性,搭建了如图6所示的试验平台,通过基于 DSP2812的控制器实现控制算法,控制器集成了 电流传感器与H桥驱动模块,执行器的位移由激 光位移传感器实时检测并显示在上位机中。被 控的电磁直线执行器工作行程为20 mm,线圈 256匝,电阻为1.18Ω,动质量为0.250 kg。



图 6 试验平台 Fig.6 Experimental setup

#### 3.2 不同输入下性能分析

为验证优化后控制参数对控制性能的影响,

根据优化所得鲁棒控制的控制参数,对优化前后 电磁直线执行器的阶跃响应进行对比分析。在 不同时间段设置不同期望位移,电磁直线执行器 阶跃响应如图7所示。



由图7可知,优化前后的鲁棒控制都能实现 系统对位置阶跃信号的跟踪,稳态误差趋于0; 第一阶段,优化后电磁直线执行器达到98.0%参 考位置的时间为17.7 ms,相比与优化前提升了 28.6%;第二阶段,优化后电磁直线执行器达到 98.0%参考位置的时间为14.6 ms,相比与优化前 提升了38.4%,在保障稳态精度前提下,优化后 的鲁棒控制的响应速度更快。阶跃信号中的 $J_{ITAE}$ 由1.7×10<sup>-6</sup>下降为1.3×10<sup>-6</sup>,下降了约23.5%;超 调量 $\sigma$ 由优化前的12.4%下降到了0.6%,下降 了约95.2%。可以看出,采用多目标粒子群优化 方法对本文鲁棒控制的控制参数的优化,有效 降低了阶跃信号中的 $J_{ITAE}$ ,同时显著降低了超 调量 $\sigma$ 。

为验证优化前后鲁棒控制的轨迹跟踪性能,对优化前后电磁直线执行器的正弦响应进行对比分析如图 8 所示。设置期望位移  $x_d$ =7sin(2 $\pi t$ ) mm,由图 8 可知整个跟踪过程中,优化前的鲁棒控制最大误差为0.17 mm,优化后的鲁棒控制最大误差为0.08 mm,降低了52.9%,优化后的鲁棒控制的跟踪误差,显著小于优化前鲁棒控制下的跟踪误差。正弦信号中的 $J_{ITAE}$ 由4.8×10<sup>-5</sup>下降为8.7×10<sup>-6</sup>,下降了约81.9%;相移量 S 由优化前的3.5×10<sup>-3</sup>rad下降到了7.10×10<sup>-4</sup>rad,下降了约79.7%。对比可知优化后的鲁棒控制不仅能够提高系统的瞬态响应性能,而且能够以更高的精度跟踪连续位置指令,实现平稳跟踪。



为验证优化后控制器跟踪斜坡信号效果,对 优化前后电磁直线执行器的斜坡信号进行对比 分析。图9为斜坡信号斜率x,=0.3 m/s,电磁直线 执行器优化前后位移对比曲线。由图9可知,优 化前的鲁棒控制最大误差和电磁直线执行器与 目标位移进入同步的时间为分别为0.50 mm 和 38.2 ms;优化后的鲁棒控制最大误差和进入同步 的时间为分别为0.32 mm和15.1 ms;最大误差相 比干优化前降低了36.0%,进入同步的时间相对 于优化前提高了60.5%。斜坡信号中的J<sub>TAF</sub>由 3.37×10<sup>-8</sup>下降为3.44×10<sup>-9</sup>,下降了约89.79%;超 调量σ由优化前的19.1%下降到了13.4%,下降 了约29.8%。可以看出,采用多目标粒子群优化 方法对本文鲁棒控制的控制参数的优化,有效降 低了斜坡信号中的 $J_{\text{ITAE}}$ 和超调量 $\sigma$ ,提高了控制 器的稳定性。



Fig.9 Comparison before and after slope tracking optimization

# 4 结论

提出一种以系统控制器参数为优化变量,优 化目标同时包括静态性能指标与动态性能指标: 系统ITAE准则,正弦信号跟踪下的相移量,阶跃 信号下的超调量;采用 MOPSO 对控制参数进行 优化;求解 Pareto 前沿;利用 pearson 相关系数分 析法控制参数与控制系统性能的相关系数矩阵; 最后结合相关系数矩阵选择最终控制参数最优 解,可提高控制参数调节的效率,降低控制器设 计开发时间,具有一定的工程应用价值。

通过对优化后的控制参数进行试验验证,电 磁直线执行器控制系统中J<sub>TTAE</sub>下降了约79.9%; 阶跃信号下超调量σ下降了约95.2%;正弦跟踪 下相移量S下降了约79.7%。试验结果表明,优 化后的控制参数能充分利用控制器的鲁棒性,提 高电磁直线执行器动态响应特性,较好的满足控 制要求,验证了优化的有效性与适应性。

#### 参考文献

[1] 王志利.浅述伺服技术在工业自动化中发展与应用[J].中外 企业家,2020(2):156.

Wang Zhili.Described the development and application of servo technology in industrial automation[J]. Chinese and Foreign Entrepreneurs, 2020(2):156.

- [2] 李勇,王亮,赵博,等.航天用直驱式永磁伺服电机的轻型化 技术[J].电机与控制学报,2015,19(8):41-46.
  Li Yong, Wang Liang, Zhao Bo, *et al.* Light-weight technique for direct driving permanent magnet servo motors used in aerospace[J]. Electric Machines and Control,2015,19(8):41-46.
- [3] 于潇,葛文庆,李波,等.电磁直驱变速器优化设计与可行性 分析[J].机械传动,2020,44(7):52-58.
  Yu Xiao, Ge Wenqing, Li Bo, *et al.* Optimization design and feasibility analysis of electromagnetic direct drive transmission[J].Mechanical Transmission,2020,44(7):52-58.
- [4] Tan Cao, Ge Wenqing, Li Bo, et al. A novel large-flow-rate gas fuel injection device with sensorless control[J]. Engineering Letters, 2019, 27(3):572–578.
- [5] 谭草,葛文庆,李波,等.双稳态线性力执行器静动态特性[J]. 电机与控制学报,2020,24(6):119-126,134.
  Tan Cao, Ge Wenqing, Li Bo, *et al.* Static and dynamic characteristics of a bi-stable liner force actuator[J]. Electric Machines and Control, 2020, 24(6):119-126,134.
- [6] Mercorelli P. Robust adaptive soft landing control of an electromagnetic valve actuator for camless engines[J]. Asian Journal of Control, 2016, 18(4): 1299–1312.
- [7] Benosman M, Atinc G M. Non-linear adaptive control for electromagnetic actuators[J]. IET Control Theory & Applications, 2015,9(2): 258-269.
- [8] Benosman M, Atinc G M. Extremum seeking-based adaptive control for electromagnetic actuators[J]. International Journal of Control, 2015,88(3):517–530.
- [9] Zhao J, Seethaler R.Compensating combustion forces for automotive electromagnetic valves[J]. Mechatronics, 2010, 20(4); 433-441.
- [10] Bernardo M D, Gaeta A D, Velasco C I, et al. Energy-based key-on control of a double magnet electromechanical valve ac-

tuator [J].IEEE Transactions on Control Systems and Technology, 2012,20(5): 1133-1145.

- [11] Isiet M, Gadala M. Sensitivity analysis of control parameters in particle swarm optimization[J]. Journal of Computational Science, 2020,41(1): 101086.
- [12] Bian Qi, Nener B, Li Ting, et al. Multimodal control parameter optimization for aircraft longitudinal automatic landing via the hybrid particle swarm-BFGS algorithm[J]. Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, 2019, 233(12):4482–4491.
- [13] Wang Pengfei, Yan Xu, Zhao Fuyu. Multi-objective optimization of control parameters for a pressurized water reactor pressurizer using a genetic algorithm[J]. Annals of Nuclear Energy, 2019, 124: 9–20.
- [14] Feng Hao, Yin Chenbo, Ma Wei, et al. Parameters identification and trajectory control for a hydraulic system [J]. ISA Transactions, 2019, 92(8):228–240.
- [15] Ochoa P, Castillo O, Soria J. Optimization of fuzzy controller design using a differential evolution algorithm with dynamic parameter adaptation based on type-1 and interval type-2 fuzzy systems[J]. Soft Computing: A Fusion of Foundations, Methodologies and Applications, 2020, 24(1):193-214.
- [16] 刘若辰,李建霞,刘静,等.动态多目标优化研究综述[J].计 算机学报,2020,43(7):1246-1278.
  Liu Ruochen, Li Jianxia, Liu Jing, *et al.* A survey on dynamic multi-objective optimization[J]. Chinese Journal of Computers, 2020,43 (7):1246-1278.
- [17] 周英超,常思勤,李波,等.机械式自动变速器直线换挡执行器位移串级控制[J].电机与控制学报,2018,22(7):1-7.
  Zhou Yingchao, Chang Siqin, Li Bo, *et al.* Position cascade control for a linear gearshift actuator in automated mechanical transmission[J]. Electric Machines and Control,2018,22(7):1-7.
- [18] Sweversw J, Ai-bender F.An integrated friction model structure with improved presliding behavior for accurate friction compensation [J]. IEEE Transactions on Automatic Control, 2000, 45 (4):675–686.
- [19] Liu Hao, Zhang Jiansong, Xi Jianxiang, et al. Robust controller design for uncertain delayed systems and its applications to hy-

(上接第8页)

- [19] 牛峰,韩振铎,黄晓艳,等.永磁同步电机模型预测磁链控制[J]. 电机与控制学报,2019,23(3):34-41.
  Niu Feng, Han Zhenduo, Huang Xiaoyan, *et al.* Model predictive flux control for permanent magnet synchronous motor[J]. Electric Machines and Control,2019,23(3):34-41.
  [20] 林泓涛,姜久春,贾志东,等.权重系数自适应调整的混合储
- [20] 林盈海,委八律,页芯示,寺.权里尔奴自道应周蓥的化音馆 能系统多目标模型预测控制[J].中国电机工程学报,2018, 38(18):5538-5547.

Lin Hongtao, Jiang Jiuchun, Jia Zhidong, et al. Multi-objec-

personic vehicles[J]. Asian Journal of Control, 2020, 22(4): 1579-1588.

- [20] Lu Jiayu, Chang Siqin.Precise motion control of an electromagnetic valve actuator with adaptive robust compensation of combustion force[J]. Journal of the Franklin Institute, 2019, 356 (4):1750-1770.
- [21] 王东,宋保业.基于PSO的永磁同步电机分数阶滑模控制器 设计[J].电气传动,2020,50(7):8-12.
  Wang Dong, Song Baoye. Design of fractional-order sliding mode controller for permanent magnet synchronous motor based on PSO [J].Electric Drive,2020,50(7):8-12.
- [22] 路艳洁,席志红,王姜铂.FFT法与数字相关法在相位测量上的比较[J].信息技术,2007(12):105-108.
  Lu Yanjie, Xi Zhihong, Wang Jiangbo. Analysis and comparison between FFT and digital correlation theory in phase difference measurement[J].Information Technology,2007(12):105-108.
- [23] Kennedy J, Eberhart R C. Particle swarm optimization [C]// International Conference on Networks.IEEE, 2002:1942–1948.
- [24] Lee J H, Song J Y, Kim D W, et al. Particle swarm optimization algorithm with intelligent particle number control for optimal design of electric machines[J].IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2018, 65(2); 1791-1798.
- [25] 李志刚,吴文传,张伯明,等.一种基于高斯罚函数的大规模 无功优化离散变量处理方法[J].中国电机工程学报,2013, 33(4):68-76,10.

Li Zhigang, Wu Wenchuan, Zhang Boming, *et al*. A large-scale reactive power optimization method based on gaussian penalty function with discrete control variables[J]. Proceedings of the CSEE. 2013, 33(4):68–76, 10.

[26] 张晓莉,王秦飞,冀汶莉.一种改进的自适应惯性权重的粒子群算法[J].微电子学与计算机,2019,36(3):66-70.
Zhang Xiaoli, Wang Qinfei, Ji Wenli. An improved particle swarm optimization algorithm for adaptive intertial weights[J].
Microelectronics&computer,2019,36(3):66-70.

收稿日期:2020-09-25 修改稿日期:2020-11-11

tive model predictive control for hybrid energy storage system with adaptive adjustment of weight coefficients[J]. Proceedings of the CSEE, 2018, 38(18):5538-5547.

 [21] Cortes P, Rodriguez J, Silva C, et al. Delay compensation in model predictive current control of a three-phase inverter[J].
 IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2011, 59 (2): 1323-1325.

> 收稿日期:2020-09-29 修改稿日期:2020-10-20