# 集群LED路灯谐波与超高次谐波的发射特性研究

# 谢荣斌<sup>1</sup>,林义泽<sup>1</sup>,闫东辉<sup>2</sup>,周群<sup>2</sup>,曹庆<sup>2</sup>

(1.贵州电网息烽供电局,贵州 息烽 551100;2.四川大学电气工程学院,四川 成都 610000)

摘要:随着节能降耗的环保政策的快速落实,发光二极管(LED)路灯已经成为低压配电网中一类重要的 非线性负荷。LED路灯的驱动电路常采用升压型功率因数校正(Boost-PFC)技术,功率因数高,但是高频率的 开关管的通断会产生40次以上的超高次谐波,功率因数校正(PFC)技术调制死区的存在也会导致网侧电流出 现低次谐波。从理论上分析了基于Boost-PFC型的集群LED路灯的网侧谐波和超高次谐波特性,并通过仿真 和实际测试的结果证明了理论分析的准确性。

关键词:集群LED;超高次谐波;谐波 中图分类号:TM714 文献标识码:A DOI:10.19457/j.1001-2095.dqcd21803

# Research on Harmonics and Super High Harmonics of Cluster LED Street Lights Emission Characteristics

XIE Rongbin<sup>1</sup>, LIN Yize<sup>1</sup>, YAN Donghui<sup>2</sup>, ZHOU Qun<sup>2</sup>, CAO Qing<sup>2</sup>

(1. Xifeng Power Supply Branch, Guizhou Power Grid Co., Ltd., Xifeng 551100, Guizhou, China; 2. College of Electrical Engineering, Sichuan University, Chengdu 610000, Sichuan, China)

**Abstract:** With the rapid implementation of environmental protection policies for energy conservation and consumption reduction, light-emitting diode (LED) street lamps have become an important non-linear load in low-voltage distribution networks. The driving circuit of LED street lamp often adopts Boost-PFC (Boost type power factor correction) technology, and the power factor is high, but the switching of high frequency switching tube will produce more than 40 times of super high harmonics, the presence of the PFC (power factor correction) technology modulation dead band also causes low-order non-characteristic harmonics in the grid side current. The grid-side harmonics and ultra-high-order harmonic characteristics of cluster LED street lights based on Boost-PFC were theoretically analyzed, and the accuracy of the theoretical analysis was proved through simulation and actual test results.

Key words: cluster light-emitting diode(LED); superharmonic; harmonic

近年来,环保与资源形势日益严峻,采用高效节能灯具是降低能耗的重要举措之一。LED与白炽灯相比LED功耗远远低于白炽灯,同时具有电光转化效率高(接近60%)、寿命长(可达10万h)、工作电压低(3V左右)、易于调光、色彩多样、光束集中稳定、启动无延时等诸多优点,使得LED灯具得到了成规模的应用<sup>[1]</sup>。

但随之而来的是一系列新的问题,其中最突

出的便是由 LED 驱动引发的谐波问题。对于大 功率的照明灯具国际上已经颁布了 IEC6100—2 —3 谐波排放标准,但是该标准只对 39 次及其以 下的谐波排放做出了相应的规定,如表1所示,但 是频率在 2~150 kHz 范围内的超高次谐波并无国 家或行业范围内的相关标准<sup>[2-5]</sup>。

LED 路灯驱动电路网侧多采用整流桥加 Boost-PFC结构,其产生的2kHz或40次以下的谐

表T IECOIOO—3—2 自 应升 放标准								
Tab.1	IEC6100-	-3—	2 hai	mon	ic em	ission	standards	
谐波	欠数 n	3	5	7	9	11	13~39	>40
每瓦允许最	大谐波电流 nA	3.4	1.9	1.0	0.5	0.35	3.85/n	无

波虽然能满足IEC6100—2—3中对照明设备的谐 波排放标准<sup>[5-8]</sup>,但是对于2kHz及其以上的超高 次谐波而言,缺乏相关标准限制。虽然单盏LED 路灯所排放的谐波量较小对电网不会造成影响, 但是在低压配电网中存在大量的LED路灯,其排 放的谐波和超高次谐波总量不容小觑,会对电网 及连接在电网上的用电设备造成一定程度的危 害<sup>[8-12]</sup>。

目前有少量文献对集群LED路灯的谐波问题 做了分析,但是都只分析了40次及其以下的传统 谐波。配电网络作为与用户直接相连接的电力 网络,有着电压等级低(220 V~10 kV)、线路分布 广、电气设备多等特点,大量的非线性负荷排入 配电网中的40次以上的超高次谐波会对临近的 电气设备造成危害,同时会影响与配电网相连接 的高精度用电仪器的精度<sup>[13]</sup>。因此本文旨在分析 低压配网中的集群 LED 路灯排放的谐波和超高 次谐波,为进一步制定集群 LED 路灯的谐波排放 标准和对低压配电网谐波的治理提供参考依据。

# 1 LED路灯的驱动电路结构

典型的大功率LED路灯驱动电路模型如图 1所示。该模型由220V交流电源、整流电路、滤 波电路、Boost-PFC校正电路、Buck(降压)电路和 LED构成。其中整流电路将网侧220V交流电流 变换为直流电流;Boost-PFC校正电路在将电压提 升的同时将电流波形校正到接近正弦波形状从 而提高电路的功率因数;Buck电路为LED提供稳 定的直流驱动电流。



图1 LED驱动电路模型

Fig.1 The model of LED drive circuit

从图1中可以看出,该型号LED路灯网侧低 次谐波电流的谐波主要与整流电路和滤波电路有 关,因此在分析网侧电流表达式时,将滤波电路之 后的电路按照功率守恒的原则,近似等效为电阻 *R*。因此该LED驱动电路等效模型如图2所示。



图2 LED 驱动电路等效模型 Fig.2 Equivalent model of LED driving circuit 等效模型的输入电流表达式推导过程如下:

$$U_{\rm s} = U_1 \sin(\omega t) \tag{1}$$

$$U_{\rm d} = \frac{1}{\pi} \int_{\alpha}^{\pi+\alpha} \sqrt{2} U_1 \sin(\omega t) d(\omega t) = \frac{2\sqrt{2} U_1}{\pi} \cos\alpha$$
(2)

$$U_{\rm d} = \frac{U_{\rm d}}{R} = \frac{2\sqrt{2}\,U_1}{\pi R}\cos\alpha \tag{3}$$

式中:U<sub>a</sub>为半个正弦周期内二极管上的电压;I<sub>a</sub>为 18

半个正弦周期内流经二极管的电流;α为二极管 初始导通角;ω为角频率;R为等效电阻;U<sub>1</sub>为电 源电压有效值。

由功率守恒得:

$$R = U_{\rm d}^2 / P \tag{4}$$

式中:P为LED路灯的功率。

因为负载为阻感性,因此初始导通角为[14]

$$\alpha = \arctan(\frac{8\omega L U_1^2}{P\pi^2})$$
 (5)

由于二极管在正弦电源的半个周期内成对 导通,因此网侧谐波电流表达式如下:

$$\begin{cases} i_1 = +I_d \ 2k\pi \le \omega t \le (2k+1)\pi \\ i_1 = -I_d \ (2k+1)\pi \le \omega t \le (2k+2)\pi \end{cases} k = 0,1,2,\cdots$$
(6)

*i*<sub>1</sub>是周期为2π的周期函数,根据傅里叶级数 分析,可将其分解为傅里叶级数叠加的形式:

$$i_1 = I_{10} + \sum_{n=1}^{\infty} a_n \sin(n\omega t) + \sum_{n=1}^{\infty} b_n \cos(n\omega t)$$
 (7)

$$I_{10} = \frac{2}{\pi} \left[ \int_{0}^{\pi} I_{d} d(\omega t) + \int_{\pi}^{2\pi} (-I_{d}) d(\omega t) \right] = 0 \quad (8)$$

$$a_{n} = \frac{1}{\pi} \left[ \int_{0}^{\pi} I_{d} \sin(n\omega t) d(\omega t) + \int_{\pi}^{2\pi} (-I_{d}) \sin(n\omega t) d(\omega t) \right] = \frac{4I_{d}}{n\pi}$$
(9)

$$b_n = \frac{2}{\pi} \left[ \int_0^{\pi} I_{\mathrm{d}} \cos(n\omega t) \mathrm{d}(\omega t) + \int_{\pi}^{2\pi} (-I_{\mathrm{d}}) \cos(n\omega t) \mathrm{d}(\omega t) \right] = 0$$
(10)

因此LED路灯网侧电流表达式为

$$i_{1} = \frac{\sqrt{2} P}{n U_{1} \cos \alpha} \sum_{n=1}^{\infty} \sin(n\omega t) (n = 2k + 1, k = 0, 1, 2, \cdots)$$
(11)

# 2 集群LED路灯的谐波和超高次谐 波特点分析

## 2.1 谐波特点分析

由于低压配电系统的等值阻抗一般呈感性, 谐波等值电抗随谐波次数的升高而增大,谐波电 流将随谐波次数的升高而迅速衰减。因此在低 压配电系统里传统意义上的谐波是指0~2kHz 范围的谐波,此类谐波在低压配电系统中的含量 最多。而LED路灯作为低压配电系统中最常见 的一类非线性负荷,其网侧的电流表达式如下:

$$i_{\text{pec}} = \sum_{i=1}^{N} \frac{4}{\pi} I_{\text{d}} [\sin(\omega t) + \frac{1}{3}\sin(3\omega t) + \frac{1}{5}\sin(5\omega t) + \cdots]$$
  
=  $\frac{4}{\pi} I_{\text{d}} \sum_{i=1}^{N} \sum_{n=1,3,5,\cdots} \frac{1}{n}\sin(n\omega t)$   
=  $\sum_{i=1}^{N} \sum_{n=1,3,5,\cdots} I_{n}\sin(n\omega t)$  (12)

$$I_n = \frac{\sqrt{2}P}{nU_1 \cos\alpha} \tag{13}$$

式中:i为LED路灯数量; $I_a$ 为流过二极管的电流; n为谐波次数; $I_a$ 为基波和各次谐波的有效值。

由于多个LED路灯并联,电流的相位会产生 相互影响,因此式(12)是在不考虑LED路灯相互 影响的理想情况下得出的多盏LED路灯工作时 其PCC处的电流标量之和。由式(12)可见电流 中仅含奇次谐波,各次谐波有效值与谐波次数成 反比,且随着LED功率的增大,其各次谐波电流 也增大。

# 2.2 超高次谐波特点分析

为了降低0~2kHz范围内的较低次谐波,在 LED 路灯驱动电路中采用了新型快速电力电子 开关器件,以减小死区幅度校正电流波形到接近 正弦状态从而提高功率因数。但是较高的开关 频率随之带来了一些新的问题,其中超高次谐波 (2~150kHz)就是最典型的问题。LED路灯网侧 的超高次谐波电流有效值如下式所示[15]:

$$I = \left| \frac{Z_2}{Z_s + Z_2} \right| \sum_{i=1}^{n} \left[ \sum_{N_0 = 1}^{\infty} \sum_{N = 0}^{\frac{\delta f_c}{\omega}} e^{\frac{2N}{f_c} + (2N_0 - 1)T} \frac{AR}{4R} f(R) + f(\omega) \right]$$
(14)

其中  $N \in 0, 1, 2, \dots$   $N_0 \in 1, 2, 3, \dots$ 式中: $Z_s$ 为系统阻抗; $Z_2$ 为滤波电路等效阻抗;N为迭代计算产生的变量; $N_0$ 为电网电压公频倍

数;f<sub>c</sub>为开关频率;T为电网基准电压周期;R为 Buck电路的等效电阻;ω为系统基准电压频率;i 为LED路灯数量;δ为整流电路导通角。

由式(14)可以看出,当LED路灯驱动电路参数确 定后,其超高次谐波电流的有效值主要受到开 关频率、系统阻抗和LED路灯数量的影响。图3 为LED路灯所产生的超高次谐波电流与系统阻 抗和LED驱动电路自身阻抗之间的关系,随着 系统阻抗的增加,超高次谐波电流含量减少,但 是随着LED自身阻抗的增加,超高次谐波电流含 量增加。



图3 阻抗与超高次谐波电流关系图

 $Fig. 3 \ \ Relationship \ between \ impedance \ and \ super \ harmonic \ current$ 

当多个设备共同作用时,其超高次谐波电流 之间存在一次发射和二次发射现象,超高次谐波 电流会在设备之间流动,从而对流入电网中的超 高次谐波含量造成影响<sup>[16]</sup>。为了研究公共连接点 处的超高次谐波特性,建立等效电路模型如图4 所示。图4中, $I_1, I_2, \dots, I_N$ 分别为N盏LED发射的 超高次谐波电流有效值; $Z_1, Z_2, \dots, Z_N$ 分别为N盏 LED的等效阻抗; $Z_1$ 为电网等效阻抗。



$$Z_{\rm s} = R_{\rm s} + j\omega L_{\rm s} \tag{15}$$

19

$$Z_1 = R_1 + j\omega L_1$$
(16)  
:

$$Z_N = R_N + j\omega L_N \tag{17}$$

式中: $R_s$ , $L_s$ 分别为电网的等效电阻和电感; $R_1$ , $L_1$ 分别为第1盏LED的等效电阻和电感; $R_N$ , $L_N$ 分别为第N盏LED的等效电阻和电感。

当考虑 LED<sub>1</sub>的一次发射电流和终端超高次 谐波电流时,其它 LED 路灯的超高次谐波电流、 阻抗和电网阻抗三者可以近似等效为一个电压 源和阻抗的串联,等效图如图5所示。



图5 LED路灯超谐波等效图

Fig.5 Equivalent diagram of LED street light superharmonic 图 5中:

$$U = \frac{|Z_s||Z_1|}{N|Z_s| + |Z_1|} \sum_{i=2}^{N} I_1$$
(18)

$$Z = \frac{|Z_s||Z_1|}{N|Z_s| + |Z_1|}$$
(19)

一次发射电流为

$$I_{\text{one}} = I_1 \frac{(N|Z_s| + |Z_1|)}{|Z_1| + (1+N)|Z_s|}$$
(20)

二次发射电流为

$$I_{\text{second}} = -\frac{U}{|Z_1| + |Z|} = -\frac{|Z_s|\sum_{i=2} I_1}{|Z_1| + (1+N)|Z_s|} \quad (21)$$

LED<sub>1</sub>终端超高次谐波电流为

$$I_{\text{ter1}} = I_{\text{one}} - I_{\text{second}} = \frac{I_1(N|Z_s| + |Z_1|) - |Z_s| \sum_{i=2}^{n} I_1}{|Z_1| + (1+N)|Z_s|} (22)$$

流入电网的超高次谐波电流Ipec为

$$I_{\text{pcc}} = \sum_{i=1}^{N} I_{\text{ter}} = \sum_{i=1}^{N} \left[ \frac{I_{1}(N|Z_{s}| + |Z_{1}|) - |Z_{s}| \sum_{i=2}^{N} I_{1}}{|Z_{1}| + (1+N)|Z_{s}|} \right] (23)$$
  
$$\overrightarrow{\Pi} \bigcup \cancel{\# \ddagger} :$$

$$\begin{cases} I_{\text{pec}} = \sum_{i=1}^{N} I_{1} \qquad Z_{s} = 0 \\ I_{\text{pec}} < \sum_{i=1}^{N} I_{1} \qquad Z_{s} \neq 0 \end{cases}$$
(24)

式中:*I*<sub>ter</sub>为单盏LED 网侧超高次谐波电流含量。 由式(23)可以看出流入电网的超高次谐波电流 与系统等效阻抗、LED等效阻抗、单盏LED超高 次谐波电流和LED路灯数量有关。由式(24)可 看出,当不考虑系统阻抗时( $Z_s=0$ )流入电网的超 高次谐波电流 $I_{pee}$ 等于每盏LED路灯的超高次谐 波电流之和。当考虑系统阻抗时( $Z_s\neq0$ )流入电 网的超高次谐波电流 $I_{pee}$ 要小于每盏LED路灯的 超高次谐波电流之和。

# 3 仿真与实测分析

## 3.1 仿真模型

为了更好地对低压配网中的集群LED的谐 波和超高次谐波发射特性进行分析同时对上述 理论分析进行验证,根据实际线路情况(1.5 km路 灯线路)搭建仿真模型。根据《配电网技术导则》 和所选测量线路具体情况(LGJ-10/2),计算出该 路灯线路的平均分布阻抗参数为*R*=2.706 Ω,*L*= 10 H。表2为该条线路上所使用的LED路灯参 数,该条线路上有此类LED路灯20盏。对此路灯 线路建立仿真模型如图6所示。

#### 表2 LED 路灯参数



### 3.2 仿真结果及分析

图7为理想情况下(不考虑系统阻抗)集群 LED路灯的电压电流波形图,从图7中可以看出其 电压波形有良好的正弦度,其电流波形存在一定程 度的畸变且有死区问题(过零点时短暂时间内电流 幅值为零)存在。图8为电流频谱图,从图8可以看 出其谐波电流主要分布在0~2kHz,2~10kHz和 49~51kHz三个频段内。在低频段(0~2kHz)内 谐波电流只含有3,5,7等奇次谐波且随着频率升高 其占比迅速减小。在高频段(2~10kHz和49~51 kHz)内谐波电流也只含有奇数次谐波但是其含量 并不随次数的升高而降低,在频率50kHz附近时 (LED路灯开关频率)其谐波电流含量迅速上升。



图 7 不考虑系统阻抗的电压电流波形图

Fig.7 Voltage and current waveforms without system-impedance



Fig.8 Current spectrum

图9为考虑系统阻抗情况下的集群 LED 路灯 的电压电流波形图,从图9中看出其电压波形没 有畸变,电流波形畸变严重。图10为电流频谱 图,在考虑系统阻抗情况下其谐波电流在低频段 (0~2kHz)内3次和5次谐波电流含量较高,且随 着谐波次数升高谐波电流迅速减小。在高频段



图9 考虑系统阻抗的电压电流波形图 Fig.9 Voltage and current waveforms with system-impedance



Fig.10 Current spectrum

(2~10 kHz 和 49~51 kHz)内其谐波电流含量明 显降低。此现象和上文超高次谐波产生机理及 公共连接点处的超高次谐波特性相吻合,说明超 高次谐波含量与系统阻抗有密切关系。

表3为低压配电网中奇次谐波限制与仿真情 况的对比,可以明显看出其3次谐波电流含量远 远超出电网允许值,5,7,9次谐波电流含量在允 许范围内。其超高次谐波电流值大于等于0.6A 但是低压配电网中目前并未给出相应的谐波排 放限制。

表3 380 V 电网谐波电流对比表

Tab.3 380 V grid harmonic current comparison table

标准电压/ kV	基准短路 容量/(kV·A)	不同谐波次数下谐波电流允许值/A					
		3	5	7	9	≥40	
标准值	300	1.7	1.9	1.7	0.6	无	
实际值	300	3.7	0.70	0.32	0.15	> 0.6	

图 11 为 LED 路灯数量与频率 50 kHz 附近的 超高次谐波电流含量的趋势图,从趋势图中看 出,当不考虑系统阻抗时流入电网的超高次谐波 电流含量近似等于单盏LED路灯的超高次谐波 电流之和。当考虑系统阻抗时流入电网的超高 次谐波电流含量随着LED路灯数量的增加而增 加,但是其增加趋势并不是简单的累加结果,而 是随着路灯数量的上升,其增加趋势明显变得相 对平缓。当路灯数量增加到一定程度时,其超高 次谐波电流增加缓慢,因此说明在实际电力网络 中(Z,≠0)超高次谐波电流之间的叠加不是标量 叠加,而是矢量叠加,同时也反映出超高次谐波 电流之间有一定的抵消机制,同时上述现象也验 证了式(23)所分析的准确性。



## 3.3 实测结果及分析

为验证上述理论推导和仿真结果的准确性, 对国家电网某供电局所属一条长1 km 的路灯线 路(20盏LED路灯,工作原理如图1所示)进行周 期性测量。

测试仪器为:FLUKE435电能质量测试仪(低次谐波测量)、录波仪(由于FLUKE435电能质量 测试仪只能测低次谐波,因此在研究超高次谐波 时采用录波仪记录波形后导入 Matlab 软件进行 分析)。

测试周期为16h(路灯工作时长为10h)。

图 12 为用电能质量测试仪测得的该条 LED 路灯线路的电压与电流波形图,从图 12 中看出 其电压波形呈正弦波形状,且畸变率为2.42%满 足低压配电网电压谐波排放标准(<5%)。但是 电流波形存在严重的畸变,含有较多的超高次谐 波成分,并且在每个周期内有死区现象存在(过 零点时短暂时间内电流幅值为0)与仿真结果相 吻合。





图 13 为使用电能质量分析仪对该条 LED 路 灯线路进行时长为16h的电压电流情况监测得 到的畸变率,发现当LED路灯打开时(20:00时 刻)其电压畸变率从1.6%上升到2.6%一直持续 到LED路灯关闭(次日5时30分),同样的时间段 内其电流畸变率从19%上升到33%。图14为其 电压电流 FFT(快速傅里叶分解)后的谐波含量, 可以看出在低频段内电压只含有奇次谐波,且7 次谐波含量最多,电流也只含有奇次谐波成分且 随着谐波次数升高其含量逐渐降低。图15为该 条 LED 路灯线路的电流频谱图(将录波仪中的数 据导入到 Matlab 中分析),其谐波主要分布在低 频段(0~2 kHz)和超高次频段(2~10 kHz,50 kHz 附近)。表4为该条线路的3,5,7,9和1000次谐 波电流含量值。从上述测试结果中看出实测值 近似等于仿真结果和理论推导,从而证明了理论 推导和仿真模型的准确性。



	. 1	
Λ	红	in
-	217	1L

本文通过理论计算和仿真实测的方式,对集 群 LED 的谐波和超高次谐波发射特性进行了评 估,发现集群 LED 对低压配电网的电压造成的影 响很小几乎可以忽略。但是会使低压配电网的 电流波形造成严重的畸变,其谐波电流主要有以 下特征:1)在低频段内谐波主要为奇次谐波且随 着谐波次数的升高谐波电流含量降低;2)超高次 谐波(2~150 kHz)主要为奇数次谐波,在50 kHz (开关频率)附近含量较多;3)超高次谐波含量与 低压配电网系统阻抗和 LED 路灯数量之间有着

#### 参考文献

- [1] 李扬帆. 紧凑型荧光灯和LED灯电能质量扰动特性与敏感 特性研究[D]. 北京:华北电力大学(北京),2016:1-2.
- [2] 巫付专,朱菁,陈鹏,等.充电桩网侧谐波补偿分析[J].电测 与仪表,2018,55(16):72-77.
- [3] 汪颖,罗代军,肖先勇,等.超高次谐波问题及其研究现状与 趋势[J].电网技术,2018,42(2):353-365.
- [4] 肖湘宁,廖坤玉,唐松浩,等.配电网电力电子化的发展和超 高次谐波新问题[J].电工技术学报,2018,33(4):707-720.
- [5] 廖志鹏,刘志宇,郗瑞霞.光伏逆变器并网电流谐波抑制方 法[J].电气传动,2018,48(9):28-33.
- [6] 王子江,李琼林,蒋建东,等.基于部分采样及混合分段的超 高次谐波检测方法[J].电网技术,2021,45(1):339-346.
- [7] 李想,李晓飞,卢碧玉,等.电动汽车充电站的仿真建模与谐 波分析[J].电气传动,2019,49(11):97-102.
- [8] 唐松浩,陈鹏伟,肖湘宁.低压配电网超高次谐波传递特性 仿真分析[J].电力电容器与无功补偿,2019,40(4):80-87.
- (上接第9页)
- [10] 尹靖元,金新民,杨捷,等.一种可实现两组池板独立 MPPT 控制的新型双逆变器光伏并网变流器[J].电工技术学报, 2015,30(12):97-105.
- [11] Gohil G, Bede L, Teodorescu R, et al. Optimized integrated harmonic filter inductor for dual-converter-fed open-end transformer topology[J]. IEEE Transactions on Power Electronics, 2017, 32(3);1818–1831.
- [12] SMA. Requirement for MV transformers and transformer for internal power supply for SUNNY CENTRAL. [EB/OL]. [2019– 12–01]. https://files. sma. de/downloads/SC\_Trafo-TI-en-71.

- [9] 高敏,黄炜,王语洁,等.LED球泡灯谐波和功率特性研究[J]. 照明工程学报,2018,29(1):34-38.
- [10] Trujillo C , Henao G , Castro J , et al. Design and development of a LED driver prototype with a single-stage PFC and low current harmonic distortion[J]. IEEE Latin America Transactions, 2017, 15(8): 1368–1375.
- [11] Shan Z, Huang Y, Jatskevich J. Using LED lighting drivers for harmonic current cancellation in intelligent distribution power systems[C]//2016 IEEE 17th Workshop on Control and Modeling for Power Electronics (COMPEL), IEEE, 2016.
- [12] 张劲.LED灯具谐波发射特性研究[D].合肥:安徽大学, 2017:2-3.
- [13] 唐松浩. 低压配电网超高次谐波源发射特征及传播特性研 究[D]. 北京:华北电力大学(北京),2019:52-53.
- [14] 王兆安,刘进军,王跃.谐波抑制和无功功率补偿[M].北京: 机械工业出版社,2015:114-116.
- [15] 张晓刚.LED灯具超高次谐波产生机理与治理方案研究[D]. 合肥:安徽大学,2019:32-33.
- [16] 庄双勇,赵伟,何学农,等.超谐波引发的电能质量问题及相关研究[J].电测与仪表,2019,56(1):41-52.

# 收稿日期:2020-04-20 修改稿日期:2020-05-10

pdf.

- [13] Yu S , Wang J, Zhang X, et al. Complete parasitic capacitance model of photovoltaic panel considering rain water[J]. Chinese Journal of Electrical Engineering, 2017, 3(3):77–84.
- [14] 英利绿色能源有限公司. PANDA BIFACIAL 60CELL 双玻组件产品手册[EB/OL]. [2019-12-01]. http://www.yinglisolar. com/cn/products/88.

收稿日期:2019-12-23 修改稿日期:2020-01-27