引入竞争机制的改进AR谱估计间谐波分析方法

刘海涛^{1,2},孙放¹,夏书悦¹

(1. 南京工程学院 电力工程学院,江苏南京 211167;

2. 江苏省配电网智能技术与装备协同创新中心,江苏南京 211167)

摘要:随着我国各种大功率电力电子负载的广泛应用,导致了公用电网谐波污染日益严重,使得对应的电能质量问题受到越来越多的关注,因此准确分析间谐波特征对提高电能质量具有重要意义。提出了一种具有竞争机制的改进混合遗传粒子群算法(HGAPSO),通过引入一系列淘汰及精英学习的竞争策略使粒子群算法(PSO)具有更快的搜索速度以及更强的全局搜索能力,从而显著提高自回归(AR)谱估计中的参数估计精度。通过AR谱估计获取检测信号中的间谐波阶数及频率初值,并基于间谐波信号模型对谐波进行转换,将转换后的幅值编码于改进HGAPSO中对间谐波的幅值和相位进行参数估计。仿真结果表明,该算法较HGAPSO,PSO和遗传算法(GA)能够获得较高精度的间谐波参数值,同时具有更强的抗干扰能力。

关键词:间谐波;自回归谱估计;粒子群算法;遗传算法;竞争机制 中图分类号:TM711 文献标识码:A DOI:10.19457/j.1001-2095.dqcd21818

Inter-harmonic Analysis Method of Improved AR Spectral Estimation by Introducing Competitive Mechanism

LIU Haitao^{1,2}, SUN Fang¹, XIA Shuyue¹

(1. School of Electric Power Engineering, Nanjing Institute of Technology, Nanjing 211167, Jiangsu, China; 2. Jiangsu Collaborative Innovation Center for Smart Distribution Network, Nanjing 211167, Jiangsu, China)

Abstract: With the wide application of various high-power power electronic loads in China, the harmonic pollution of public power grids is becoming more and more serious, and the corresponding power quality problems have attracted more and more attention. Therefore, it is of great significance to improve power quality by accurate analysis of inter-harmonic characteristics. An improved hybrid genetic algorithm and particle swarm optimization (HGAPSO) with a competitive mechanism was proposed. By introducing a series of competitive strategies of elimination and elite learning, the particle swarm optimization (PSO) has a faster search speed and stronger global search capability, thereby the accuracy of parameter estimation in autoregressive (AR) spectral estimation is significantly improved. The AR spectral estimation was used to obtain the inter-harmonic order and initial frequency in the detection signal, and the harmonics were converted based on the inter-harmonic signal model. The converted amplitude was encoded in the improved HGAPSO to estimate the amplitude and phase of inter-harmonics. The simulation results indicates that the algorithm can get higher precision inter-harmonic parameters compared with HGAPSO, PSO and genetic algorithm (GA), and has a stronger anti-interference ability.

Key words: inter-harmonics; autoregressive(AR) spectral estimation; particle swarm optimization(PSO); genetic algorithm(GA); competitive mechanism

近年来,随着电力电子技术的迅速发展,电 力系统中谐波问题越来越复杂,严重影响了电力 设备的安全经济运行。其中,由较大电压波动或 冲击性非线性负载引起的间谐波,不仅具有谐波 的危害,还会导致次同步震荡、电压闪变及波动 等问题。因此,精确地检测和分析间谐波具有非

作者简介:刘海涛(1972—),女,博士,教授,Email:13851424346@163.com

基金项目:2018江苏省高校重大项目(18KJA470002)

常重要的工程实际意义[1-2]。

针对电力系统中间谐波的分析与检测,众多 学者进行了大量研究,并取得了丰硕成果。目前 较为常用的间谐波分析方法有很多,包括傅里叶 变换、自回归(autoregressive, AR)谱估计法、小波 变换法、S变换法等[3-5]。文献[6]提出了一种小波 包变换和快速傅里叶变换相结合的检测方法,从 而确定谐波的相位、幅值以及频率信息,但在低 频谐波的检测方面误差较大,需要进一步改进算 法来得到更加精确的低频谐波参数。文献[7]通 过把 CEEMD 和改进 Prony 相结合实现谐波分量 特征参数的有效提取,具有良好的抗噪性能,但 是对频率和相位的检测精度较差,间谐波的检测 精度偏低。文献[8]提出了一种最优加权 Burg 谱 估计来分析间谐波,进一步改进了Burg算法的性 能,提高了频率分辨率,但检测间谐波的幅值和 相位精度不高。文献[9]将Synchrosqueezing小波 变换应用到电力系统谐波检测中,对连续小波变 换的结果进行同步挤压,以此计算电力信号主频 率,并结合最小二乘拟合和 Hilbert 变换,计算噪 声背景下谐波的幅频参数,有效地抑制了噪声的 干扰,但在对间谐波频率检测时误差较大,且算 法运算量很大。

上述文献的方法在针对间谐波检测方面都 有一个共同点:若要最终求得的间谐波参数足够 精确,首要的是获得间谐波信号中各个分量的频 率,接着再展开下一步的计算。而上述这些方法 都很难做到同时兼顾谐波检测的高分辨率和高 精度。针对多数谐波检测方法谐波频率精度低 的问题,文中采用频率分辨率较高的AR谱估计 法进行求得间谐波频率,但由于AR 谱分析无法 精确估计间谐波幅值及相位,因此需要对间谐波 的幅值及相位进一步优化。文章基于已有成果, 提出了一种具有竞争机制的改进混合遗传粒子 群算法,利用AR谱估计法获取间谐波的阶数和 频率,并将间谐波信号幅值编码于改进混合遗传 粒子群算法中,最后利用该算法对间谐波的相位 及幅值进行参数的估计,进而使谐波检测中参数 估计的精确度和抗干扰性得到有效提高。

1 基于AR模型的间谐波谱估计

在现代谱估计中AR谱估计是较为常用的一 种间谐波分析方法,由于其频率分辨率高以及计 算量小的特点,得到了广泛的研究和应用^[10]。对 于一个间谐波信号x(n),其AR模型可以表示为

$$x(n) = -\sum_{k=1}^{p} a_k x(n-k) + u(n)$$
(1)

式中:u(n)为白噪声序列;p为AR模型的阶数; a_k ($k=1,2,\dots,p$)为AR模型的参数。

由式(1)可得AR模型的Yule-Walker方程:

$$r_{x}(m) = \begin{cases} -\sum_{k=1}^{p} a_{k} r_{x}(m-k) & m \ge 1\\ -\sum_{k=1}^{p} a_{k} r_{x}(k) + \sigma^{2} & m = 0 \end{cases}$$
(2)

式中: $r_x(m)$ 为信号x(n)的自相关函数; σ^2 为白噪 声序列的方差。

利用x(n)的前p+1个相关函数 $r_x(k)(k=0,2,\dots, p)$ 能够获得AR模型的参数 a_k ,所求参数 a_k 代入式(2)能够得到x(n)的功率谱:

$$P_x(\omega) = \frac{\sigma^2}{|1 + \sum_{k=1}^p a_k \mathrm{e}^{-\mathrm{j}\omega k}|^2}$$
(3)

由式(3)可知,若想求得间谐波信号x(n)的 功率谱 $P_x(\omega)$,就要求得 AR 模型参数 a_k 以及方 差。这样,间谐波谱估计可以转化成 AR 模型的 参数估计问题。

由于相比其他算法,Burg算法求得的频率分 辨率较高且更易实现,因此文中采用该算法求解 AR模型参数。p阶前、后向预测误差分别为

$$\begin{cases} e_p^{\rm f}(n) = e_{p-1}^{\rm f}(n) + k_p e_{p-1}^{\rm b}(n-1) \\ e_p^{\rm b}(n) = e_{p-1}^{\rm b}(n) + k_p e_{p-1}^{\rm f}(n-1) \end{cases}$$
(4)

其中

$$k_{p} = \frac{-2\sum_{n=p+1}^{N} e_{p-1}^{f}(n) e_{p-1}^{b}(n-1)}{\sum_{n=p+1}^{N} [|e_{p-1}^{f}(n)|^{2} + |e_{p-1}^{b}(n-1)|^{2}]}$$
(5)

式中:k,为反射系数。

由式(5)求得 k_p后,再根据 Levinson-Durbin 递推 公式即可计算 AR 模型的参数,进而得到间谐波 信号的功率谱密度估计。并且由于使用 Levinson-Durbin 递推公式进行计算,使得整体计算的 复杂程度低于 Prony 法、MUSIC 法等空间谱估计 方法。

2 改进混合遗传粒子群算法

粒子群算法(particle swarm optimization, PSO) 是一种具有全局搜索能力的智能优化算法,以速 度为步长进行迭代寻优,第*t*+1代第*i*个粒子的速 度与位置更新的进化方程分别为

$$v_{i}(t+1) = wv_{i}(t) + c_{1}r_{1}[P_{i}(t) - x_{i}(t)] + c_{2}r_{2}[P_{i}(t) - x_{i}(t)]$$
(6)

$$x_{i}(t+1) = x_{i}(t) + v_{i}(t+1)$$
(7)

于生物进化规律而产生的全局搜索智能算法,因此这2种算法都具有群体优化的优点,但同时自身也存在某种不足和缺陷。对于粒子群算法而言,其实现相对比较简单,迭代求解初期的收敛速度很快,不过随迭代次数的增加,所有粒子都不断地朝最优粒子的方向靠近,导致整个种群很容易陷入局部最优。而遗传算法具有较强的全局搜索能力,但操作较复杂且后期搜索效率较低。基于2种算法的优缺点,人们尝试将两者结合,进行取长补短,研究出性能更为优越的算法^[11]。

目前,遗传算法与粒子群算法主要有2种结 合方式。一种是将2种算法以同等地位混合,即串 联和并联。串联是指在每一代进化过程中对所有 个体依次进行遗传操作及粒子群优化,并联则 是在进化过程中使两种算法各计算1/2。文献 [12]提出了一种遗传算法和粒子群算法结合的 多子群分层串联混合算法(hybrid genetic algorithm and particle swarm optimization, HGAPSO), 采用分层结构,一系列遗传算子组成底层,每个 子群最优个体的精英群组成上层,但是相比 标准粒子群算法,这种方法增加了近1倍的计 算量。另一种是把遗传算子引入到粒子群算法 中,以提高算法寻优能力。文献[13]将选择算子 引入到粒子群算法中,一定程度提升了收敛速 度,但由于洗择机制的影响,种群的多样性有明 显的降低。文献[14]将变异算子引入到粒子群算 法中,虽然在一定程度上增加了种群的多样性, 但并不足以改变群体优化的本质特征。

基于淘汰和精英学习的策略提出了一种具 有竞争机制的改进混合遗传粒子群算法,通过筛 选精英粒子、淘汰劣质粒子,同时在精英粒子间 互相学习,以获取最优粒子。实验表明,采用这 种竞争策略不仅避免了粒子易陷入局部最优和 搜索能力欠佳等问题,还显著提升了算法的求解 精度。其操作方式主要由排序、选择、交叉以及 变异4部分组成,具体内容包括:

1)排序操作。在每次迭代的过程中,通过适 应度值对粒子进行比较并排名,以此来确定该粒 子是否为精英粒子,即将前50%的粒子标记为精 英粒子,保存并记录该精英粒子群体,将后50%的粒子标记为劣质粒子并淘汰剔除。

2)选择操作。由于在排序操作中剔除了劣 质粒子群体,使得粒子群体规模减少了1/2,因此 需要对淘汰的粒子群体进行补充使群体规模完 整。为了获得高质量的粒子以补充淘汰粒子, 采取优中选优的方式选取父代,即从精英粒子 群体中随机选择2个粒子进行适应度值比较,并 记录适应度值较小的粒子,作为父代parent,采 取同样的操作选取出父代parent2,进行交叉而获 得子代作为新生的生命体,并对淘汰的粒子群 体进行补充。

3)交叉操作。对2个父代进行交叉操作,具体操作表达式为

$$child_1(x) = rand \times parent_1(x) +$$

$$(1 - rand) \times parent_2(x) \tag{8}$$

$$hild_2(x) = rand \times parent_2(x) +$$

$$(1 - rand) \times parent_1(x) \tag{9}$$

$$child_1(v) = rand \times parent_1(v) + (1 - rand) \times parent_2(v)$$
(10)

$$(1 - rana) \times parent_2(v)$$
 (10
 $child_2(v) = rand \times parent_2(v) +$

$$child_2(v) = rand \times parent_2(v) +$$

 $(1 - rand) \times parent_1(v)$ (11)

式中: $child_1(x)$, $child_2(x)$ 分别为父代 $parent_1(x)$ 和 $parent_2(x)$ 经过交叉产生的子代粒子位置;rand为 0~1之间均匀分布的随机数; $child_1(v)$, $child_2(v)$ 分别为父代 $parent_1(v)$ 和 $parent_2(v)$ 经过交叉产生 的子代粒子速度。

检查更新后的速度与位置是否超出范围,超 出范围的取边界值。

4)变异操作。种群的变异操作能够恢复粒 子或者再次开发粒子的遗传物质,以防止粒子在 求解过程中出现早熟收敛。文中采用的变异方 式为

 $x_i^d = scope_1^d + rand \times (scope_2^d - scope_1^d)$ (12) 式中: x_i^d 为第i个粒子第d维的位置; $scope_1^d$, $scope_2^d$ 分别为粒子第d维的下限和上限。

其中,变异概率 P_m =0.001。

改进HGAPSO算法基本步骤如下:

步骤1:确定算法的种群规模N、搜索维度d、 惯性权重w、加速系数 c_1 和 c_2 、迭代次数k;

步骤2:在求解问题定义范围内随机初始化 每个粒子的速度和位置;

步骤3:通过适应度值对每个粒子进行升序 排序,确定出精英粒子群体和淘汰粒子群体; 步骤4:根据选择操作确定父代粒子,通过式 (8)~式(11)进行交叉计算,直到种群规模完整为止,并更新该部分粒子的个体历史最优值和全局 最优值;

步骤5:通过式(6)、式(7)更新精英粒子的个体历史最优值和全局最优值;

步骤6:通过式(12)对所有粒子进行相应的 变异处理,更新粒子群体的个体历史最优值和全 局最优值;

步骤 7:判断是否满足条件,满足则输出结果,否则返回步骤 3。

3 基于改进 HGAPSO 算法的 AR 谱 估计法

间谐波信号模型如下:

$$x(t) = \sum_{k=1}^{M} A_{k} \sin(2\pi f_{k} + \varphi_{k}) + \lambda(t)$$
 (13)

式中:M为信号模型的阶数; A_k, f_k, φ_k 分别为第k个 谐波分量的幅值、频率和初相位; $\lambda(t)$ 为方差为 σ^2 的白噪声。

根据三角公式,式(13)可变为
$$x(t) = \sum_{k=1}^{M} [a_k \sin(2\pi f_k) + b_k \sin(2\pi f_k)] + \lambda(t)$$
(14)

通过式(14)将幅值和初相位的分析转化为 参数 $a_k \pi b_k$ 的计算。经过改进HGAPSO算法实现 幅值参数 a_k, b_k 的优化计算,即把所求参数 a_k, b_k 编 码于粒子群的位置当中。在一定的谐波分析时 间 T_a 下,使粒子群的目标函数值F最小,即

$$\min F = \int_{0}^{T_{*}} \{ x(t) - \sum_{k=1}^{M} [a_{k} \sin(2\pi f_{k}) + b_{k} \sin(2\pi f_{k})] \}^{2} dt$$
(15)

改进 HGAPSO 算法基于式(15)进行优化计 算后,获得幅值参数 a_k, b_k 的估计值,并通过下式 计算出幅值 A_k 和初相位 φ_k :

$$\begin{cases} A_{k} = \sqrt{a_{k}^{2} + b_{k}^{2}} \\ \varphi_{k} = \arctan\left(\frac{b_{k}}{a_{k}}\right) \end{cases}$$
(16)

结合AR谱估计法获得谐波频率及阶数后, 使用改进HGAPSO算法对间谐波进行分析计算。 图1为AR谱估计结合改进HGAPSO算法进行间 谐波分析的流程图。





Fig.1 Flow chart of inter-harmonic analysis based on AR spectral estimation method and improved HGAPSO algorithm

4 算例分析

4.1 简单间谐波信号参数检测

考虑简单间谐波信号如下:

$$x(t) = \sin(100\pi t) + 0.08\sin(150\pi t)) + 0.08\sin(150\pi t) + 0.08\sin(150\pi t)) + 0.08\sin(150\pi t) + 0.08\sin(150\pi t)) + 0.08\sin(150$$

$$0.07\sin(300\pi t + \frac{\pi}{4}) + \lambda(t) \qquad (17)$$

式中: $\lambda(t)$ 为白噪声,信噪比40 dB。

表1和表2分别为使用AR谱估计、插值FFT 及加窗BT谱分析谐波频率和幅值的估计结果。

表1 AR谱估计、插值FFT及加窗BT谱分析的谐波频率估计结果

Tab.1 Analysis result of harmonic frequency with AR spectral, interpolation FFT and windowed BT spectral estimation

原始信号	AR谱	插值	加窗BT谱
频率/Hz	估计/Hz	FFT/Hz	分析/Hz
50	50.002	49.287	50.097
75	75.087	75.675	75.146
150	150.154	148.675	150.231

表2 AR谱估计、插值FFT及加窗BT谱分析的谐波幅值估计结果

Tab.2 Analysis result of harmonic amplitude with AR spectral, interpolation FFT and windowed BT spectral estimation

_	-		1	
	原始信号	AR谱	插值	加窗 BT 谱
	幅值/V	估计/V	FFT/V	分析/V
	1.00	0.745	0.834	0.826
	0.08	0.072	0.156	0.094
_	0.07	0.058	0.055	0.060

从表1可以看出,与插值FFT以及加窗BT谱 分析相比,使用AR谱估计法能够获得较高的频 率分辨率,但从表2的谐波幅值估计结果发现其 幅值分析出现了较大误差。因此本文旨在AR谱 估计获得较高频率分辨率的基础上,采用智能算 法对谐波的幅值和初相位进行优化计算。

4.2 复杂间谐波信号参数检测

4.2.1 无噪声干扰下的间谐波参数检测

考虑无噪声干扰下的复杂间谐波信号如下:

$$x(t) = \sum_{k=1}^{9} A_k \sin(2\pi f_k + \varphi_k)$$
 (18)

式(18)中各谐波、间谐波的频率、幅值和初相位如 表3所示。

表3 谐波及间谐波参数

Tab.3	Harmonic and	inter-harmonic	parameters
-------	--------------	----------------	------------

$f_k/{ m Hz}$	A_k/V	$arphi_k / (\circ)$
50	1.00	0
75	0.18	0
250	0.09	30
275	0.10	30
350	0.02	45
450	0.03	45
550	0.04	45
560	0.01	0
650	0.024	0

取采样频率2000 Hz、采样点数1024、频率 细化插入点数100,分别采用文中提出的改进 HGAPSO算法、HGAPSO算法、标准PSO算法和标 准GA算法对谐波模型进行优化。优化参数具体 设置为:粒子数目50,迭代步数500,w=0.7298, $c_1=c_2=1.4944$,搜索范围 $a_i, b_i \in [-1,1], i=1,2,\cdots$, 9。粒子在每次迭代过程中通过计算目标函数的 最佳适应度值,进而获得谐波的幅值和初相位, 迭代收敛曲线如图2所示。



Fig.2 Iterative convergence curves of four kinds of algorithms

从图2可以看出,随着迭代的增加,改进 HGAPSO算法适应度值呈现持续下降的趋势,并 在第500步迭代终止时收敛到10⁻⁶数量级,达到 了较高的精确度。而其他3种算法从迭代初始便 陷入了局部最优,最终PSO算法和HGAPSO算法 的适应度函数值下降了3个数量级,而GA算法仅 下降了2个数量级。因此文中提出的改进HGAP-SO搜索速度更快,适应度值的数量级远超于 HGAPSO算法、PSO算法和GA算法,对谐波的幅 值和初相位的计算具有明显的优势。仿真结果 如表4~表7所示。

表4 基于改进 HGAPSO 算法谐波和间谐波参数的仿真结果

Tab.4 Simulation results of harmonic and inter-harmonic parameters based on improved HGAPSO algorithm

f_k/Hz	a_k /V	b_k/V	A_k/V	$\varphi_k / (\circ)$
50.0	0.999 2	0.020 0	1.000 0	0.000 0
75.0	0.180 6	0.000 6	0.180 1	0.000 0
250.1	0.099 1	0.023 4	0.097 0	30.001 8
275.1	0.082 7	0.055 2	0.100 0	29.999 1
350.8	0.014 0	0.014 1	0.020 0	45.121 5
450.0	0.021 0	0.021 2	0.030 0	45.002 3
550.0	0.028 3	0.028 3	0.040 0	45.109 4
559.3	0.017 8	0.031 5	0.010 0	0.000 0
650.0	0.024 0	0.000 0	0.024 0	0.000 0

表5 基于HGAPSO算法谐波和间谐波参数的仿真结果

Tab.5 Simulation results of harmonic and inter-harmonic

parameters based on HGAPSO algorithm

	purumetere et		oo uigoiiiiiii	
f_k/Hz	a_k /V	b_k /V	A_k/V	$\varphi_k/(\circ)$
50.0	0.998 6	0.020 0	1.000 0	0.000 0
75.0	0.180 8	-0.001 1	0.180 1	-0.362 0
250.2	0.099 1	0.023 4	0.097 0	30.006 4
275.1	0.082 7	0.055 2	0.111 8	26.565 1
350.8	0.023 0	0.034 5	0.041 4	56.309 9
450.0	0.024 5	0.044 0	0.030 0	45.002 3
550.0	0.036 5	0.041 2	0.055 0	48.499 9
559.3	0.014 0	-0.002 3	0.026 9	0.162 8
650.0	0.025 6	0.000 8	0.024 0	0.000 0

表6 基于PSO算法谐波和间谐波参数的仿真结果

Tab.6 Simulation results of harmonic and inter-harmonic

parameters based on PSO algorithm

	1	(
f_k/Hz	a_k/V	b_k/V	A_k/V	$\varphi_{k}/(\circ)$	
50.0	0.999 2	0.020 0	1.000 0	0.000 0	
75.0	0.180 1	-0.001 1	0.180 1	-0.362 0	
250.2	0.099 1	0.023 4	0.097 0	30.006 4	
275.1	0.082 7	0.055 2	0.111 8	26.565 1	
350.8	0.022 0	0.035 5	0.028 8	45.121 5	
450.0	0.024 5	0.044 0	0.030 0	45.002 3	
550.0	0.036 5	0.041 2	0.055 0	48.499 9	
559.3	0.011 0	-0.000 3	0.010 0	-1.506 1	
650.0	0.024 0	0.000 0	0.024 0	0.000 0	

表7 基于GA算法谐波和间谐波参数的仿真结果

Tab.7 Simulation results of harmonic and inter-harmonic parameters based on GA algorithm

	-	-			
$f_k/{ m Hz}$	a_k /V	b_k /V	A_k/V	$\varphi_k / (\circ)$	
50.0	0.909 4	0.145 2	0.921 0	9.100 3	
75.0	0.142 9	0.015 8	0.143 2	6.316 0	
250.2	0.095 7	0.047 6	0.106 9	26.456 0	
275.1	0.075 4	0.051 1	0.091 1	34.114 1	
350.8	0.022 0	0.035 5	0.071 9	8.331 4	
450.0	0.071 1	0.010 4	0.089 0	9.221 2	
550.0	0.086 6	0.014 4	0.140 2	10.252 0	
559.3	0.084 4	0.058 8	0.010 3	34.636 1	
650.0	0.083 5	0.016 3	0.085 1	11.075 0	
					Ì

由表4~表7可以看出,文中提出的改进 HGAPSO算法能有效地估计9个谐波分量的幅值 和初相位。其对于幅值和初相位的求解精度明 显高于采用HGAPSO算法、PSO算法和GA算法。 4种算法幅值和初相位误差如表8所示。

表8 幅值和初相位误差

Tab.8	Errors of amplitude and initial phase		
算法	幅值绝对值误差	初相位绝对误差/(°)	
改进HGAPSO	0.001	0.2	
HGAPSO	0.532	6	
PSO	0.440	5	
GA	2.505	35	

从表8可以看出,改进HGAPSO算法优化后 幅值的绝对值误差和初相位绝对误差也明显低于 其他3种优化算法。可以发现,使用PSO算法对幅 值和谐波进行优化计算时,计算精度明显要高于 GA算法,总体来看,对于谐波的优化计算使用PSO 算法更加合适,并且能够达到工程的实际要求。 4.2.2 噪声干扰下的谐波和间谐波参数检测

实际工程中,谐波的分析通常伴有噪声存在, 故在算例4.2.1复杂间谐波信号中加入随机噪声 λ(t)进行仿真实验。定义间谐波参数的综合误差 *E*,如下式:

$$E_{t} = \sqrt{\sum_{k=1}^{M} \left[(A_{k} \cos \varphi_{k} - a_{k})^{2} + (A_{k} \sin \varphi_{k} - b_{k})^{2} \right]}$$
(19)

λ(t)依次取 0.01, 0.02, 0.03, 0.04, 0.05 做仿 真试验,随机噪声对间谐波综合误差的影响如表 9所示。

从表9可以看出,随着随机噪声值的不断增加,间谐波估计参数的综合误差不断增加,说明随机噪声的增加对算法分析谐波的精度具有一定的影响。经过比较可知,改进HGAPSO算法的求解精度明显强于其他几种算法。

表 9	随机噪声对间谐波综合误差的影响
127	他们休户了时间风际口伏方时影响

Tab.9 Effects of random noise on inter-harmonic combined error

防机晶素	综合误差				
随机味户	改进HGAPSO	HGAPSO	PSO	GA	
0.01	0.000 3	0.002 7	0.002 3	0.773 9	
0.02	0.001 2	0.003 4	0.002 4	1.173 0	
0.03	0.001 8	0.005 5	0.005 5	1.229 9	
0.04	0.028 6	0.051 5	0.051 1	1.774 4	
0.05	0.032 1	0.063 6	0.076 2	1.988 8	

5 结论

1)AR 谱估计法具有较高的频率分辨率,同时可较准确分辨信号中所含间谐波的个数,但是 对谐波的幅值和相位计算误差较大,因此不能单 独使用AR 谱估计法对谐波各参数进行分析。

2)基于淘汰和精英学习的策略,提出了一种 具有竞争机制的改进HGAPSO算法,并将其与其 他3种算法的仿真结果进行比较。结果表明,改 进HGAPSO算法可以较好地实现间谐波幅值和 相位的参数优化,间谐波参数的综合误差*E*,低于 3%,且该算法求解精度更高,能够有效地逃避局 部最优,具有强健的稳定性。

3)采用AR谱估计法和改进HGAPSO算法相结合的谐波分析策略,能够有效地分析谐波频率、幅值及初相位,求解精度较高且易于实现。 但在实际求解过程中,由于使用群体智能算法的影响,使得谐波分析时间较长,因此,如何加快谐波分析时间较长,因此,如何加快谐

参考文献

- 李金,张喜铭,时伯年,等.一种基于瞬时无功功率理论的 改进谐波检测算法[J].电气传动,2020,50(3):92-96,106.
- [2] 童涛,张新燕,刘博文,等.基于傅里叶同步挤压变换和希尔伯特变换的谐波间谐波检测分析[J].电网技术,2019,43
 (11):4200-4208.
- [3] 刘娟,孙传达,马小鹏,等.电网不平衡时同步谐波检测法 优化研究[J].电气传动,2016,46(4):37-41.
- [4] 李振华,胡廷和,杜亚伟,等.基于窗函数和谱线插值理论的谐波检测方法[J].电力系统保护与控制,2019,47(22): 78-88.
- [5] 陶顺, 郭傲, 赵蕾, 等. 基于六项最快旁瓣衰减速度窗和六 谱线插值算法的谐波间谐波检测方法[J]. 电力电容器与无 功补偿, 2019, 40(6): 110-116.
- [6] 武宗方,刘毅力,马龙涛,等.基于小波包变换与FFT相结合的电网谐波检测方法[J].电气自动化,2019,41(2):80-83.
- [7] 吴新忠, 邢强, 周涛, 等. 基于 CEEMD 与改进 Prony 的谐波 (下转第15页)

电气特性研究[J]. 电力自动化设备, 2015, 35 (12): 132-137.

- [4] 薛冰,杨旭红,张苏捷,等.不平衡电压下的虚拟同步发电机控制方法[J].电气传动,2018,48(4):61-64.
- [5] Sabahi M, Goharrizi A Y, Hosseini S H, et al. Flexible power electronic transformer[J]. IEEE Transactions on Power Electronics, 2010, 25(8): 2159–2169.
- [6] 周柯,葛钦,葛平娟,等.不平衡负荷下输出并联型电力电子变压器的优化控制策略[J].电工技术学报,2018,33
 (z1):149-156.
- [7] 李元涛.非线性不平衡负荷时模块化电力电子变压器输出 级电能质量控制研究[D].长沙:湖南大学,2018.
- [8] Liu Jianqiang, Yang Jingxi, Zhang Jiepin, et al. Voltage balance control based on dual active bridge DC/DC converters in a power electronics traction transformer[J]. IEEE Transactions on Power Electronics, 2018, 33 (2): 1696–1714.
- [9] Gu Chunyang, Zheng Zedong, Xu Lie, et al. Modeling and control of a multiport power electronic transformer (PET) for electric traction applications[J]. IEEE Transactions on Power Electronics, 2016, 31 (2): 915–927.
- [10] Dujic D, Zhao C, Mester A, et al. Power electronic traction transformer-low voltage prototype[J]. IEEE Transactions on Power Electronics, 2013, 28(12): 5522 – 5534.
- [11] 陆玉.电力电子变压器在混合微电网中的应用[J]. 黑龙江科 技信息, 2017(3):151-151.
- [12] 孙秋野, 滕菲, 张化光. 能源互联网及其关键控制问题[J]. 自动化学报, 2017, 43(2):176-194.
- [13] 高范强,李子欣,徐飞,等.一种高频链模块化电力电子变压器[J].电工电能新技术,2017,36(5):51-58.
- [14] Dipankar De, Venkataramanan Ramanarayanan. A proportional+ multi-resonant controller for three-phase four-wire high-frequency link inverter[J]. IEEE Transactions on Power Electronics, 2010, 25(4):899–906.

- [15] 霍群海,孔力,唐西胜.微源逆变器不平衡非线性混合负载 的控制[J].中国电机工程学报,2010,30(15):10-15.
- [16] Lim K, Choi J, Jang J, et al. P+ multiple resonant control for output voltage regulation of microgrid with unbalanced and nonlinear loads[C]//2014 International Power Electronics Conference(IPEC-Hiroshima 2014-ECCE ASIA), IEEE, 2014.
- [17] Hamzeh M, Karimi H, Mokhtari H. Harmonic and negative-sequence current control in an islanded multi-bus MV microgrid
 [J]. IEEE Transactions on Smart Grid, 2014, 5 (1):167–176.
- [18] 石荣亮,张兴,刘芳,等.不平衡与非线性混合负载下的虚 拟同步发电机控制策略[J].中国电机工程学报,2016,36 (22):6086-6095.
- [19] 涂春鸣,杨义,肖凡,等.非线性负载下微电网主逆变器输 出侧电能质量控制策略[J].电工技术学报,2018,33(11): 2486-2495.
- [20] Moussa Hassan, Shahin Ahmed, Martin Jean-Philippe, et al. Harmonic power sharing with voltage distortion compensation of droop controlled islanded microgrids[J]. IEEE Transactions on Smart Grid, 2018, 9 (5): 5335–5347.
- [21] Zhong Q-C, Blaabjerg F, Guerrero J M, et al. Reduction of voltage harmonics for parallel-operated inverters equipped with a robust droop controller[C]//2011 IEEE Energy Conversion Congress and Exposition, Phoenix, AZ, USA: IEEE, 2011: 473-478.
- [22] Baghaee H R, Mirsalim M, Gharehpetan G B, et al. Nonlinear load sharing and voltage compensation of microgrids based on harmonic power-flow calculations using radial basis function neural networks[J]. IEEE Systems Journal, 2018, 12 (3): 2749– 2759.

收稿日期:2020-07-23 修改稿日期:2020-08-31

(上接第8页)

检测方法[J]. 电测与仪表, 2017, 54(10): 80-86.

- [8] 陈国志,张健,丛贇,等.基于最优加权 Burg谱估计的间谐 波智能分析方法[J].电工电能新技术,2014,33(1):26-29.
- [9] 吴纯,王文波.基于Synchrosqueezing小波变换的谐波和间谐 波检测方法[J].电子测量与仪器学报,2017,31(4):630-635.
- [10] 董海艳, 贾清泉, 刘楚, 等. 基于优化原子分解的含频谱干涉
 谐波/间谐波检测算法[J]. 电工电能新技术, 2019, 38(1):
 1-9.
- [11] 阳琼芳, 孙如祥. 粒子群与遗传算法的混合算法[J]. 华侨大 学学报(自然科学版), 2015, 36(6): 645-649.
- [12] 金敏,鲁华祥.一种遗传算法与粒子群优化的多子群分层

混合算法[J]. 控制理论与应用, 2013, 30(10): 1231-1238.

- [13] Angeline P J. Using selection to improve particle swarm optimization [C]//1998 IEEE International Conference on Evolutionary Computation—Proceedings, New York: IEEE, 1998: 84–89.
- [14] Arumugam M S, Chandramohan A, Rao M V C. Competitive approaches to PSO algorithms via new acceleration co-efficient variant with mutation operators [C] //The 6th International Conference on Computational Intelligence and Multimedia Applications, Proceedings, Los Alamitos: IEEE, 2005: 225-230.

收稿日期:2020-04-22 修改稿日期:2020-05-18